

ترمیم تصاویر رنگی با نواحی مخدوش بزرگ براساس تجزیه تصویر به مولفه‌های بافت و ساختار

رحیم کامران^۱ حسین نظام آبادی پور^۲ سعید سریزدی^۳

۱- کارشناس ارشد، بخش مهندسی برق- دانشگاه شهید باهنر، کرمان، ایران

kamran@graduate.uk.ac.ir

۲- دانشیار، بخش مهندسی برق- دانشگاه شهید باهنر، کرمان، ایران

nezam@mail.uk.ac.ir

۳- دانشیار، بخش مهندسی برق- دانشگاه شهید باهنر، کرمان، ایران

saryazdi@mail.uk.ac.ir

چکیده: در این مقاله روشی برای ترمیم تصاویر رنگی شامل نواحی مخدوش بزرگ پیشنهاد شده است. در روش پیشنهادی از الگوریتم پایه ترمیم مسیرهای هندسی به عنوان الگوریتم پایه استفاده و پیشنهادهایی برای تعیین و بهبود آن ارائه شده است. علاوه بر آن برای ترمیم و بازسازی باکیفیت جزئیات و نواحی دارای بافت از روش تفکیک مولفه‌های بافت و ساختار استفاده شده است. سپس، هر یک از مولفه‌ها به شیوه‌ای مناسب ترمیم شده و تصویر بازسازی شده نهایی را تولید می‌کنند. به منظور تعیین میزان کارایی روش پیشنهادی، این روش به همراه دو روش پایه بر روی ۳۰ تصویر متنوع پیاده‌سازی شده و نتایج ارائه شده است. نتایج آزمایش‌ها کارایی الگوریتم پیشنهادی مخصوصاً در ترمیم تصاویر با نواحی خراب بزرگ را در قیاس با سایر الگوریتم‌ها نشان می‌دهد.

کلمات کلیدی: ترمیم تصویر، حذف متن، تصویر رنگی، مسیرهای هندسی، بافت، ساختار

تاریخ ارسال مقاله : ۱۳۸۷/۱۲/۲۵

تاریخ پذیرش مقاله : ۱۳۹۰/۶/۷

نام نویسنده‌ی مسئول : دکتر حسین نظام آبادی پور

نشانی نویسنده‌ی مسئول : ایران - کرمان - انتهای بلوار ۲۲ بهمن - دانشگاه شهید باهنر کرمان - بخش مهندسی برق.



۱- مقدمه

نام روش سریع ارائه شد. در این روش، نقاط ناحیه مخدوش با یک ماسک گوسی بصورت پی در پی کانوالو می‌شوند. در حقیقت، ایده این روش را می‌توان به این صورت بیان کرد که کانوالو کردن تصویر با ماسک گوسی معادل نفوذ همسانگرد (معادله خطی دما) است. از خصوصیات این روش می‌توان به سادگی و سریع بودن آن و از اشکالات آن به نرم کردن لبه‌های تیز موجود در تصویر اشاره کرد [۱۵].

در سال ۲۰۰۵ روشی بر پایه معادله استوکس^۶ ارائه شد که در آن از تشابه بین رفتار سیال و تصویر و نفوذ ناهمسانگرد برای ترمیم استفاده می‌شود. در حقیقت بر اساس معادله استوکس-که رفتار سیال فشرده نشدنی را بیان می‌کند- معادله‌ای برای ترمیم ناحیه مورد نظر در تصویر بیان شد [۱۶].

یکی از جدیدترین روش‌های ارائه شده در سال ۲۰۰۷، ترمیم تصویر با استفاده از مسیرهای هندسی با کوتاه ترین طول است [۲۰]. مسیر با کوتاه ترین طول بین دو نقطه روی سطح S یک منحنی، بصورت عمود است. منحنی‌های با کوتاه ترین طول دارای این خصوصیات هستند که الف- این منحنی‌ها دو نقطه متعلق به سطح می‌باشند (بین منحنی‌هایی که دو نقطه سطح را بهم وصل می‌کنند دارای کوتاه ترین طول می‌باشند) ب- این منحنی‌ها مستقیم‌ترین منحنی‌های متعلق به سطح می‌باشند (در بین همه منحنی‌هایی که از یک نقطه گذشته و در آن دارای مماس می‌باشند دارای کمترین انحنای هستند). این روش، نواحی تخریب شده تصویر را بگونه‌ای اصلاح می‌کند که اصل پیوستگی^۷ تصویر برقرار باشد. در این روش تصویر بصورت مجموعه‌ای از خطوط همسطح^۸ در نظر گرفته می‌شود که بازسازی بخش‌های خراب بوسیله انتشار اطلاعات از اطراف ناحیه مورد نظر به درون آن و در امتداد منحنی‌های ذکر شده، صورت می‌گیرد. از محاسن این روش می‌توان به بکارگیری خصوصیات هندسی تصویر و عدم استفاده از معادلات دیفرانسیل اشاره کرد. یکی از معایب روش مسیرهای هندسی، عدم توانایی آن در ترمیم نواحی مخدوش با ابعاد بزرگ بخصوص در تصاویر رنگی است. این اشکال، ناشی از وجود نواقص زیر است.

الف- ترمیم تصاویر رنگی با رویکرد اسکالار

ب- نحوه محاسبه جهت انتشار اطلاعات

ج- نحوه محاسبه اطلاعات نواحی مخدوش بر اساس اطلاعات پیکسل-های همسایه

نوآوری این مقاله عبارت است از تعمیم روش مسیرهای هندسی برای ترمیم نواحی مخدوش بزرگ در تصاویر رنگی که شامل اصلاحاتی بر روشن فوق به شرح زیر است:

الف- ارائه روشی برداری برای انتخاب جهت انتشار و انتشار برداری اطلاعات در تصاویر رنگی.

ب- ارائه راهکاری جدید برای تعیین جهت انتشار (انتشار اطلاعات در جهت با میانه مشتق جهتی).

با گسترش فناوری‌های مرتبط با علوم کامپیوتر شامل سخت افزار، نرم‌افزار و ارتباطات مبتنی بر وب، اطلاعات تصویری بیش از گذشته مورد توجه قرار گرفته است. بر این مبنای روش‌های پردازش تصویر به عنوان ابزاری اساسی در خصوص رفع نیازهای بوجود آمده در این بخش رشد چشمگیری یافته اند. از جمله کاربردهای امروزی پردازش تصویر می‌توان به مباحث پنهان‌نگاری [۱]، بازیابی تصویر بر اساس محتوا [۲]، کدگذاری تصویر [۳] و ترمیم تصویر^۹ [۴-۷] اشاره کرد.

ترمیم تصویر در حقیقت بازسازی قسمت‌های مخدوش تصویر همانند خراش‌ها و شکاف‌ها به‌گونه‌ای است که پیوستگی بافت تصویر حفظ شود و برای شخص بیننده قابل تشخیص نباشد. ترمیم تصویر دارای کاربردهای متنوعی مانند بازسازی تصاویر قدیمی، حذف خراش‌ها و شکاف‌های ایجاد شده در تصاویر و نیز حذف اشیا نامطلوب همانند متن و تبلیغات از تصاویر است. در یک تقسیم‌بندی کلی می‌توان روش‌های ترمیم تصویر را به ۵ دسته تقسیم بندی کرد [۱۹-۸].

الف- روش‌های مبتنی بر معادلات دیفرانسیل

ب- روش‌های مبتنی بر تغییرات کل^{۱۰}

ج- روش‌های مبتنی بر خصوصیات هندسی

د- روش‌های جستجو در تصویر

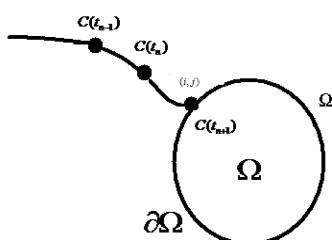
ه- ترمیم در حوزه فرکانس

نخستین بار در سال ۲۰۰۰، برتالمیو^{۱۱} از معادلات دیفرانسیل برای ترمیم تصاویر دیجیتال استفاده کرد [۱۰]. او ابتدا مفهوم ایزوفوتو را برای یک سطح خاکستری بدین صورت مطرح کرد که با فرض این که $p = u(p)$ بیانگر سطح خاکستری λ در تصویر u برای پیکسل P باشد، آنگاه ایزوفوتها به عنوان مزهای مجموعه سطوح خاکستری با مقادیر بزرگتر از λ در نظر گرفته می‌شوند. رابطه (۱) خصوصیت این سطوح را بیان می‌کند.

$$P_{\lambda}^u = \{p, u(p) \geq \lambda\} \quad (1)$$

وی سپس راه حل خود را به این صورت بیان کرد که در هر مرحله از ترمیم، مقدار تغییرات اطلاعات نسبت به مرحله قبل محاسبه شده و این تغییرات در جهت ایزوفوتها انتشار داده می‌شود. در این روش، برای محاسبه اطلاعات لازم برای ترمیم، در هر مرحله از یک تخمین‌گر هموارکننده که معمولاً معادله لاپلاسین است، استفاده می‌شود [۱۱-۱۰]. اشکال عمده روش ارائه شده توسط برتالمیو این بود که این روش قادر به ترمیم کامل نواحی بزرگ نبود. بنابراین، برای حل این مساله چن وشن^{۱۲} روش CDD ^{۱۳} را ارائه کردند که هدف آن ترمیم مناطق بزرگتر است و این عمل با در نظر گرفتن اطلاعات هندسی ایزوفوتها برای تعیین شدت فرایند نفوذ انجام می‌شود [۱۳]. اگر ایزوفوتها دارای انحنای زیادی در نقطه مورد نظر باشند، نفوذ با شدت بیشتری انجام می‌شود در حالی که نفوذ، بهنگام کاهش انجنا، کاهش می‌یابد [۱۳]. روش دیگری در سال ۲۰۰۰ برای ترمیم اثر بر جای مانده از حذف متن انگلیسی از تصاویر به

هندسی با خصوصیات ذکر شده باشد و داشته باشیم $P = g(0)$ و $Q = g(1)$ ، آنگاه برای هر منحنی بصورت $S \rightarrow [0,1]$ که نقاط P و Q را بهم وصل می‌کند داریم: $E(g) \leq E(c)$. در این رابطه حالت تساوی زمانی برقرار می‌شود که C یک منحنی هندسی با کوتاه‌ترین فاصله بین نقاط P و Q باشد. شکل ۱ کوتاهترین منحنی بین دو نقطه t_n و t_{n+1} که حداقل انرژی را دارد، نشان می‌دهد.



شکل ۱): منحنی c ، کوتاهترین منحنی بین دو نقطه (t_n) و $c(t_{n+1})$

۳-۲- الگوریتم ترمیم با منحنی‌های با کوتاه‌ترین مسیر
در روش مرجع [۲۰] برای پیداکردن امتداد خطوط همسطح (ایزوفوتها) از بیرون به درون ناحیه مخدوش پیشنهاد شده است که تابع بیان شده در رابطه (۳) کمینه شود. با این شرط که به ازای تمام زمانها داشته باشیم $c'(t) \cdot c''(t) = 0$ یک منحنی با خصوصیات ذکر شده باشد. مراحل مختلف این الگوریتم عبارتند از:

الف- مشخص کردن ناحیه مخدوش
ب- تعیین نقاط مرزی ناحیه مورد نظر. پیکسلی بعنوان نقطه مرزی شناخته می‌شود که اولاً متعلق به ناحیه مخدوش باشد و ثانیاً هر همسایگی به شعاع ۲ پیکسل اطراف نقطه مورد نظر دارای حداقل یک پیکسل باشد که متعلق به ناحیه مخدوش نباشد.

ج) پر کردن اطلاعات پیکسل‌های متعلق به حاشیه به گونه‌ای که تابع $\int |c'(t)| dt = l(c)$ همواره کمینه شود. در حالت گستته این شرایط با انجام مراحل زیر حاصل می‌شود.

ج-۱) برای هر پیکسل متعلق به مرز، خطوط همسطح گذرنده از این نقطه در ۴ راستا و برای هر راستا در دو جهت آن تحلیل می‌شود. بدین معنی که خطوط سطحی درجهات $E-W, W-E, SW-NE, NE-SW$ و $SE-NW, NW-SE$ ، $S-N, N-S$ تحلیل شده و جهاتی که دارای شرط ذکر شده در بند (ب) هستند انتخاب می‌شود. شکل (۲) جهات تحلیل شده برای یک پیکسل مرزی نشان می‌دهد. در این شکل علامت "X" بیانگر پیکسل سالم (دارای مقدار معلوم)، علامت "—" بیانگر پیکسل متعلق به ناحیه مخدوش و علامت "*" نشان دهنده پیکسل مرزی در حال ترمیم است.

ج- تصحیح رابطه محاسبه اطلاعات نواحی مخدوش بر اساس اطلاعات پیکسلهای همسایه.

د- بهبود روش پیشنهادی برای ترمیم تصاویر رنگی دارای بافت براساس تجزیه تصویر به دوبخش بافت و ساختار.

ساختار مقاله در ادامه به این صورت است که ابتدا در بخش دوم، روش ترمیم مبتنی بر مسیرهای هندسی تشریح می‌شود. سپس، در بخش سوم تعمیمی بر روش مسیرهای هندسی بمنظور ترمیم تصاویر رنگی دارای خرابی با ابعاد بزرگ پیشنهاد می‌شود. در بخش چهارم، بهبود تعمیم پیشنهادی روش مسیرهای هندسی، برای تصاویر رنگی دارای بافت ارائه می‌شود. در بخش پنجم، آزمایشها و نتایج حاصل از روش‌های پیشنهادی ارائه شده و نهایتاً در بخش ششم مقاله جمع‌بندی می‌شود.

۲- ترمیم تصاویر دیجیتال با روش مسیرهای هندسی

همانطور که ذکر شد یکی از روش‌های جدیدی که اخیراً در زمینه ترمیم تصویر ارائه شده است، ترمیم با استفاده از مسیرهای هندسی با کوتاه‌ترین طول بین نقاط است. برای توضیح این روش، ابتدا مفهوم و خصوصیات مسیرهای هندسی بیان می‌شود [۲۰].

۲-۱- مسیرهای هندسی

یک مسیر هندسی روی سطح S ، یک منحنی پارامتری بصورت $\alpha: I \rightarrow S$ است که بردار شتاب آن $\alpha'(t)$ در هر نقطه عمود بر سطح S می‌باشد. همانطور که می‌دانیم از دو نقطه متعلق به یک سطح تعداد زیادی منحنی عبور می‌کند ولی درین این منحنی‌ها، تنها یک منحنی وجود دارد که دارای کوتاه‌ترین طول و مستقیم‌ترین مسیر است. این منحنی بعنوان مسیر هندسی شناخته می‌شود. در مرجع [۲۰] از این مسیرها برای بازسازی مناطق مخدوش استفاده می‌شود.

۲-۲- انرژی یک منحنی

با فرض اینکه $C: [0,1] \rightarrow S$ یک منحنی متعلق به سطح S باشد، انرژی منحنی بصورت زیر محاسبه می‌شود.

$$E(c) = \int_0^1 |c'(t)|^2 dt \quad (2)$$

اگر $|l(c)|$ طول منحنی باشد، داریم:

$$l(c) = \int_0^1 |c'(t)| dt \quad (3)$$

از آنجاکه:

$$\left(\int_0^1 |c'(t)| dt \right)^2 \leq \int_0^1 |c'(t)|^2 dt \quad (4)$$

آنگاه رابطه $(l(c))^2 \leq E(c)$ همواره برای انرژی منحنی برقرار است. با درنظر گرفتن نامساوی فوق و با فرض اینکه $S \rightarrow [0,1]$: g یک مسیر



$$\begin{aligned} F_{w6} &= \frac{u(i-2, j+1) - u(i-1, j+2)}{\sqrt{2}} \\ F_{w7} &= \frac{u(i-2, j-1) - u(i-2, j+1)}{2} \\ F_{w8} &= \frac{u(i-1, j-2) - u(i-2, j-1)}{\sqrt{2}} \end{aligned} \quad (6)$$

ج-۴) مقدار انتشار یافته به پیکسل مخدوش با رابطه (۷) محاسبه می شود که در این رابطه $c(t_{n+1})$ مقدار پیکسل در حال بازسازی و $c(t_n)$ مقدار نزدیکترین پیکسل به پیکسل مذکور است که دارای مقدار معلوم بوده و درجهت انتخاب شده برای ترمیم قرار دارد و Δt فاصله اقلیدسی بین پیکسل معلوم و پیکسل در حال ترمیم است.

$$c(t_{n+1}) = c(t_n) + \Delta t \cdot c'(t_n) \quad (7)$$

رابطه ذکر شده بدین معنی است که مقدار نزدیکترین پیکسلی که در جهت خط سطحی دارای کمترین مقدار مشتق جهتی قرار دارد با ضریبی از مقدار مشتق جهتی جمع شده و بجای مقدار پیکسل نامعلوم قرار داده می شود.

د) پیکسلهایی که توسط مراحل بالا اصلاح می شوند از ناحیه مورد نظر برای ترمیم خارج می شوند.

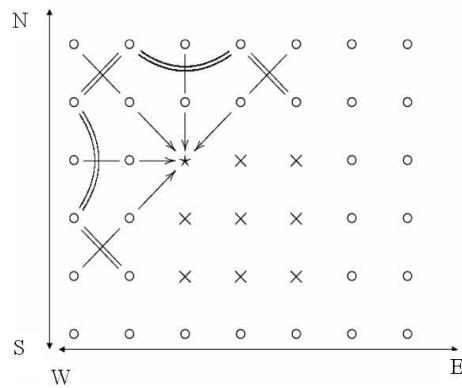
ه) اگر هنوز پیکسلی در ناحیه مورد ترمیم باقی مانده باشد الگوریتم مجددا از مرحله (ب) آغاز می شود

مراحل اجرای الگوریتم فوق در شکل (۲) نشان داده شده است. همچنین خطوط همسطح با علامت \rightarrow^o و جریان عمود بر خط همسطح با علامت " $=$ " مشخص شده است.

۳- تعمیم روش مسیرهای هندسی بمنظور ترمیم تصاویررنگی

در الگوریتم ترمیم با منحنی های هندسی، برای ترمیم تصاویر رنگی، ابتدا صفحات R (قرمز)، G (سبز) و B (آبی) تصویر مورد نظر استخراج می شود. سپس، هر کدام از صفحات بطور مستقل از صفحات دیگر با استفاده از مراحل ذکر شده در قسمت ۳-۲ ترمیم می شود. بدین صورت که در هر کدام از صفحات، ابتدا پیکسل های مرزی ناحیه مورد نظر برای ترمیم استخراج شده و برای هر پیکسل مرزی مشتقهای جهتی محاسبه می شود.

سپس، جهت با کمترین مقدار مشتق، انتخاب و انتشار اطلاعات در آن جهت انجام می شود. بنابراین، این امکان وجود دارد که برای بازسازی یک پیکسل مرزی متعلق به ناحیه مخدوش، در هر کدام از صفحات R ، G و B انتشار اطلاعات در جهات متفاوتی صورت پذیرد. با پیاده سازی روش مذکور برای تصاویر دارای نواحی مخدوش با ابعاد متفاوت، مشاهده شد که با بزرگ شدن ابعاد ناحیه مخدوش (۷ پیکسل به بالا)، این روش قادر به ترمیم کامل تصویر نیست.



شکل (۲): جهات مورد تحلیل در روش ترمیم تصویر با استفاده از منحنی های با کوتاه ترین مسیر

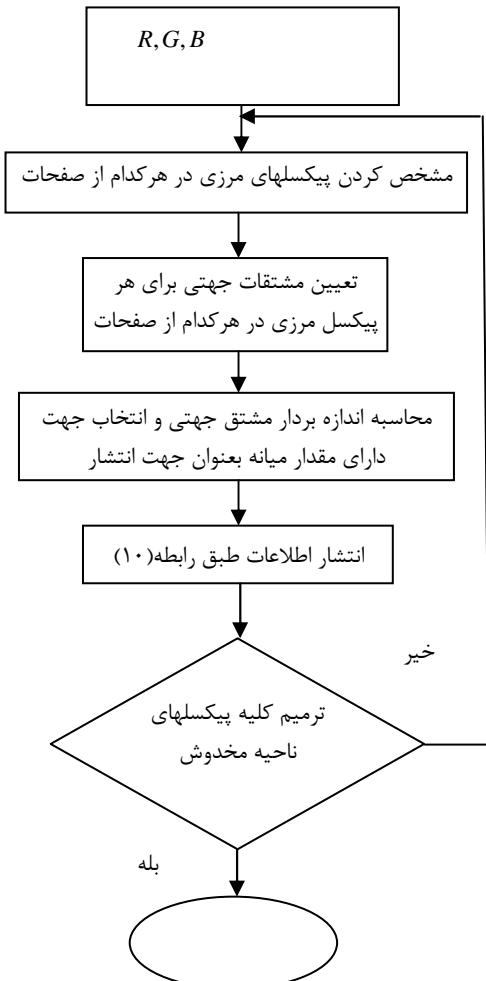
ج-۲) برای جهات واجد شرط ذکر شده در قسمت (ب)، مشتقهای جهتی محاسبه و جهت با کمترین مقدار مشتق انتخاب می شود. برای محاسبه مشتق های جهتی از مجموعه روابط (۸) استفاده می شود.

$$\begin{aligned} w_1 &= u(i, j-1) - u(i, j-2) \\ w_2 &= \frac{u(i+1, j-1) - u(i+2, j-2)}{\sqrt{2}} \\ w_3 &= u(i+1, j) - u(i+2, j) \\ w_4 &= \frac{u(i+1, j+1) - u(i+2, j+2)}{\sqrt{2}} \\ w_6 &= \frac{u(i-1, j+1) - u(i-2, j+2)}{\sqrt{2}} \\ w_5 &= u(i, j+1) - u(i, j+2) \\ w_7 &= u(i-1, j) - u(i-2, j) \\ w_8 &= \frac{u(-1, j-1) - u(i-2, j-2)}{\sqrt{2}} \end{aligned} \quad (8)$$

که در این رابطه w_1 تا w_8 به ترتیب برابر مشتقهای جهتی در جهات $N-S$, $S-N$, $NE-SW$, $SW-NE$, $E-W$, $W-E$, $SE-NW$, $NW-SE$ و $U(i, j)$ تصویر ورودی می باشند.

ج-۳) اگر دو جهت متفاوت دارای مقدار مشتق جهتی یکسان باشند، جهتی انتخاب می شود که دارای بزرگترین مقدار مشتق در جهت عمود بر خطوط همسطح همسطح باشد. برای محاسبه مشتق در جهت عمود بر خطوط همسطح از مجموعه روابط (۸) استفاده می شود.

$$\begin{aligned} F_{w1} &= \frac{u(i+1, j-2) - u(i-1, j-2)}{2} \\ F_{w2} &= \frac{u(i+2, j-1) - u(i+1, j-2)}{\sqrt{2}} \\ F_{w3} &= \frac{u(i+2, j+1) - u(i+2, j-1)}{2} \\ F_{w4} &= \frac{u(i+1, j+2) - u(i+2, j+1)}{\sqrt{2}} \\ F_{w5} &= \frac{u(i-1, j+2) - u(i+1, j+2)}{2} \end{aligned}$$



شکل (۳): بلوگ دیاگرام روش تعیین یافته مبتنی بر روش مسیرهای هندسی

برای بدست آوردن مقدار بهینه ضریب α ، روش پیشنهادی بر روی ۳۰ تصویر با جزئیات متنوع و نواحی خراب با اندازه های بزرگ و مقادیر متفاوت برای α آزموده شد. نتایج آزمایشها نشان داد که اگر مقدار این ضریب حدود ۰/۴۰ در نظر گرفته شود، بهترین نتیجه از لحاظ کیفیت تصویر بدست می آید.

۴- بهبود روش پیشنهادی در ترمیم تصاویر رنگی دارای بافت

پس از اعمال روش پیشنهادی بر روی تصاویر رنگی دارای جزئیات زیاد و نواحی مخدوش بزرگ، مشخص شد که روش پیشنهادی در تصاویری که بخش زیادی از تصویر را بافت (طرحهای تکراری با جزئیات کوچک) تشکیل می دهد، قادر به ترمیم کامل ناحیه مخدوش نیست. برای رفع این مشکل می توان پیشنهاد کرد که در تصاویر رنگی دارای بافت، ابتدا به مولفه های ساختار^۹ و بافت^{۱۰} تفکیک شده، سپس هر کدام از این مولفه ها با روشی جداگانه ترمیم شود. در ادامه، ابتدا روش مرجع [۲۱] برای

انتخاب جهت انتشار اطلاعات متفاوت در صفحات R ، G و B یکی از دلایل ضعف این الگوریتم برای ترمیم نواحی بزرگ محسوب می شود. برای اصلاح این ضعف باید جهت انتشار اطلاعات در سه صفحه یکسان در نظر گرفته شود. برای بدست آوردن جهت انتشار واحد در سه صفحه براساس مشتقهای جهتی، پیشنهاد می شود که از بردار مشتق جهتی برای تعیین جهت انتشار استفاده شود. الگوریتم پیشنهادی بدین صورت است که در هر کدام از صفحات R ، G و B ، ابتدا پیکسل های مرزی استخراج می شود (پیکسل های مرزی دارای همان شرایط ذکر شده در قسمت ۳-۲ هستند). سپس، برای هر پیکسل مرزی مشتقهای جهتی در هر کدام از صفحات بطور جداگانه محاسبه می شود. پس از محاسبه مشتقهای جهتی، برای هر پیکسل حاصل می شود. هر کدام از این هر یک از همسایه های این پیکسل ترتیب در صفحات R ، G و B هستند. بردارها دارای سه مولفه مشتق به ترتیب در صفحات R ، G و B هستند. بردار مشتق جهتی برای یک پیکسل مرزی در رابطه (۸) نشان داده شده است.

$$GV_i = (GV_{R_i}, GV_{G_i}, GV_{B_i}) \quad i = 1, 2, \dots, 8 \quad (8)$$

که GV_{R_i} ، GV_{G_i} و GV_{B_i} به ترتیب بیانگر مولفه مشتق جهتی در صفحات R ، G و B برای پیکسل i است. به منظور مقایسه بردارهای مشتق جهتی، اندازه هر کدام از بردارها طبق رابطه (۹) محاسبه می شود.

$$M_i = \sqrt{GV_{R_i}^2 + GV_{G_i}^2 + GV_{B_i}^2} \quad i = 1, 2, \dots, 8 \quad (9)$$

پیشنهاد بعدی در چگونگی انتخاب جهت انتشار است. در بخش ۳-۲ اشاره شده که جهت با کمترین مقدار مشتق جهتی، جهت انتشار را تعیین می کند. پیشنهاد می شود که بعد از محاسبه اندازه بردار گرادیان جهتی، جهت متناظر با مقدار میانه اندازه این بردار بعنوان جهت انتشار انتخاب شود. بدین معنی که پس از محاسبه M_i ($i = 1, 2, \dots, 8$) ها است بعنوان جهت هر پیکسل مرزی، جهتی که دارای مقدار میانه M_i ها است بعنوان جهت انتشار اطلاعات انتخاب شود. از دیگر اصلاحات پیشنهادی، بازنگری در رابطه انتشار اطلاعات (رابطه ۷) است. به عبارتی پیشنهاد می شود، این رابطه با رابطه (۱۰) جایگزین شده و ضریب $(1 < \alpha < 0)$ به این رابطه وارد شود.

$$c(t_{n+1}) = c(t_n) + \alpha \Delta t \cdot c'(t_n) \quad (10)$$

بلوگ دیاگرام روش پیشنهادی- تعیین یافته روش مسیرهای هندسی در شکل ۳ ارائه شده است.



که حداقل $\frac{4}{5}$ پیکسل های متعلق به ماسک، دارای مقدار معلوم باشند. با فرض اینکه x_i ($i = 1, \dots, n$) مقادیر پیکسل های ماسک اولیه و w_i ($i = 1, \dots, n$) مقادیر پیکسل های ماسک های انتخابی باشد فاصله اقلیدسی از رابطه زیر محاسبه می شود.

$$d = \sqrt{\sum_{i=1}^n b_i (x_i - w_i)^2} \quad i = 1, 2, \dots, n \quad (13)$$

که در این رابطه $w \times n$ بیانگر اندازه ماسک است. b_i یک مقدار باینری است و برای عناصری از ماسک که مقدار آنها معلوم است ۱ و برای عناصری که متعلق به ناحیه مخدوش هستند، صفر در نظر گرفته می شود. پس از محاسبه فواصل اقلیدسی، ماسکی که به ازای آن کمترین مقدار فاصله اقلیدسی حاصل می شود انتخاب و پیکسل مرکزی آن بجای پیکسل نامعلوم قرار داده می شود. اگر به ازای چند ماسک بطور همزمان فاصله اقلیدسی کمینه کمینه شود، بطور اتفاقی یکی از ماسک ها انتخاب می شود.

۴-۳- ترمیم مولفه ساختار

در مرجع [۲۲] برای ترمیم بخش ساختار تصویر، روش بر تالمیو پیشنهاد شده است. برای بررسی کارایی روش بر تالمیو، این روش برروی بخش ساختار تصاویر دارای نواحی مخدوش بزرگ آزمایش و مشاهده شد که با بزرگ شدن اندازه ناحیه مخدوش، تصویر بخوبی ترمیم شود. لذا، برای ترمیم نواحی مخدوش بزرگ در بخش ساختار پیشنهاد می شود که از روش تعمیم یافته پیشنهادی در بخش ۳ مقاله استفاده شود.

۴-۴- الگوریتم پیشنهادی نهایی

پس بطور کلی الگوریتم روش پیشنهادی مقاله برای ترمیم تصاویر رنگی با نواحی مخدوش یا خرابیهای با ابعاد بزرگ بصورت زیر است.

الف- ابتدا صفحات R ، G و B تصویر استخراج می شود.

ب- مولفه های بافت و ساختار هر کدام از صفحات با استفاده از روش بیان شده در بخش ۱-۴ جدا می شود.

ج- مولفه بافت صفحات R ، G و B ، با استفاده از روش جستجوی بلوکی بیان شده در بخش ۲-۴ ترمیم می شود.

د- مولفه ساختار با استفاده از روش پیشنهادی در بخش ۳ ترمیم می شود، بدین صورت که:

۵- در مولفه ساختار صفحات R ، G و B پیکسل های مزدوج می شود.

۵-۲- برای هر کدام از پیکسل های مزدوج مشتقه جهتی محاسبه و اندازه بردار مشتق جهتی توسط رابطه (۹) محاسبه و جهت دارای مقدار میانه اندازه بردار مشتق جهتی تعیین شود.

تفکیک مولفه های بافت و ساختار یک تصویر بیان شده، سپس روش ترمیم هر کدام از مولفه ها ارائه می شود.

۴-۱- الگوریتم استخراج بافت و ساختار

برای استخراج مولفه های بافت و ساختار تصویر رنگی مورد نظر، می توان از روش بیان شده در مرجع [۲۱] استفاده کرد. این روش با فرض اینکه f تصویر مورد نظر، v مولفه بافت و u مولفه ساختار تصویر است، برای استخراج بخش بافت (v) و ساختار (u) تصویر f ، بخش ساختار (u) را بگونه ای می یابد که رابطه (۱۱) کمینه شود.

$$F(u) = \int |\nabla u| + \lambda \int |f - u|^2 dx dy \quad (11)$$

که در این رابطه λ یک پارامتر قابل تغییر برای بدست آوردن مقدار کمینه $F(u)$ است.

در مراجع [۲۰ و ۲۱] نشان داده است که پاسخی از u که رابطه (۱۱) را کمینه می کند یکتا و برابر است با $\frac{1}{2\lambda} \operatorname{div}(\frac{\nabla u}{|\nabla u|})$. پس از

بدست آوردن زیر تصویر ساختار، بخش بافت از رابطه (۱۲) بدست می آید.

$$v = f - u = -\frac{1}{2\lambda} \operatorname{div}(\frac{\nabla u}{|\nabla u|}) \quad (12)$$

با تعریف $\frac{u_y}{2\lambda |\nabla u|}$ و $g_1 = -\frac{1}{2\lambda} \frac{u_x}{|\nabla u|}$ می توان بخش بافت

را به صورت $v = \operatorname{div}(\vec{g})$ تعریف کرد که در آن $(g_1, g_2) = \vec{g}$.

بنابراین، می توان برای بدست آوردن مولفه های بافت و ساختار تصویر رنگی مورد نظر، ابتدا مولفه های R (قرمز)، G (سبز) و B (آبی) آن استخراج و سپس برای هر کدام از مولفه ها بطور جداگانه زیر تصویر های بافت و ساختار استخراج شود.

۴-۲- ترمیم مولفه بافت

پس از استخراج زیر تصویر های بافت و ساختار، هر کدام از زیر تصویر ها با استفاده از روشی مجزا بازسازی می شود. برای بازسازی پیکسل های متعلق به بخش بافت، می توان از روش ترمیم بر مبنای جستجو استفاده کرد [۲۲]. در این روش برای ترمیم هر پیکسل مخدوش، تمام تصویر جستجو شده و شبیه ترین ناحیه به ناحیه مخدوش پیدا می شود [۲۲]. از آنجایی که جستجوی تمام تصویر برای یافتن شبیه ترین ناحیه بسیار زمان بر است، در این مقاله یک روش کم هزینه تر پیشنهاد می شود. بدین صورت که ابتدا در اطراف هر پیکسل مرزی مخدوش در زیر تصویر بافت، یک ماسک به ابعاد $W \times W$ در نظر گرفته می شود بطور یکه پیکسل مورد نظر در مرکز ماسک قرار گیرد ($W \geq 5$). سپس، در اطراف پیکسل مذکور ناحیه ای به ابعاد $T \times T$ که $T > W$ و $T \geq 15$ (می باشد، انتخاب می شود. در ناحیه انتخابی ماسک های با ابعاد $W \times W$ انتخاب و فاصله اقلیدسی آن با ماسک اولیه که پیکسل مورد نظر در مرکز آن قرار دارد محاسبه می شود. ماسک های انتخابی بایستی دارای این خصوصیت باشند



۵-۳- مقدار پیکسل مرزی طبق رابطه (۱۰) بازسازی می-شود.

ح- پس از بازسازی هر کدام از مولفه‌ها، با فرض اینکه u^* و v^* به ترتیب بافت و ساختار بازسازی شده باشند، تصویر رنگی نهایی بازسازی شده (f^*) از رابطه زیر حاصل می‌شود.

$$f^* = u^* + v^* \quad (14)$$

۵- آزمایش‌ها و نتایج

به منظور ارزیابی کارایی الگوریتم‌های پیشنهادی (بخش‌های ۳ و ۴-۴) این الگوریتم‌ها به ۳۰ تصویر با محتویات متفاوت حاوی نواحی مخدوش بزرگ اعمال شد. همچنین، روش‌های مراجع [۲۰] و [۲۲] نیز در شرایط مشابه به عنوان روش‌های پایه جهت مقایسه پیاده‌سازی شده‌اند. به منظور مشاهده جزئیات و چگونگی روند تکامل روش پیشنهادی، این روش در دو گام پیاده‌سازی شده و نتایج ارائه شده است. در گام اول روش تعیین یافته پیشنهادی بخش ۳ و در گام دوم الگوریتم نهایی ارائه شده در بخش ۴-۴ پیاده‌سازی شده است.

لازم به ذکر است که در ترمیم تصویر، هدف پرکردن قسمت‌های گمشده تصویر با استفاده از اطلاعات سایر نواحی به نحوی است که یکپارچگی و هماهنگی بین قسمت‌های مختلف حفظ شود و هدف رسیدن به تصویر اصلی نیست. به عبارت دیگر، ناظری که برای نخستین بار تصویر بازسازی شده را مشاهده می‌کند نباید متوجه عدم هماهنگی و ترمیم تصویر بشود. به عبارتی دیگر در فرض مساله، تصویر اصلی در دسترس نیست و هدف این است که اثر بازسازی در تصویر احساس نشود. به همین دلیل، ارزیابی کیفیت روش‌های مختلف بازسازی تصویر، منحصرأ بر اساس مقایسه شهودی صورت می‌گیرد. بر همین اساس در این مقاله نیز از مقایسه شهرودی نتایج حاصل از الگوریتم‌های مختلف برای مقایسه کارایی آنها استفاده شده است.

با توجه به مشاهده نتایج مشابه و نیز با توجه به محدودیت صفحات، در این مقاله تنها چند نمونه از نتیجه آزمایش‌ها در قالب شکل‌های ۴ تا ۷ آورده شده است. در این تصاویر خرایی‌های از نوع متنی با اندازه قلم‌های متفاوت از ۶ تا ۲۴ پیکسل به تصاویر اعمال شده، سپس جای خالی ناشی از از حذف آنها توسط روش‌های پیشنهادی و الگوریتم‌های مورد مقایسه ترمیم شده است. همان‌گونه که در این شکل‌ها مشاهده می‌شود، روش مرجع [۲۰] هر چند که قادر به ترمیم مناسب نواحی مخدوش باریک است، اما قادر به ترمیم نواحی مخدوش بزرگ و همچنین حفظ بافت تصویر نیست. این موضوع به وضوح در شکل‌های ۵-ج و ۷-ج مشاهده می‌شود. همچنین، از آنجا که روش مرجع [۲۰] ترمیم را در تصاویر رنگی با رویکرد اسکالار انجام می‌دهد، در شکل ۶-ج مشاهده می‌شود که این روش قادر به ترمیم مناسب تصویر نبوده است (در حالیکه در این تصویر، نواحی مخدوش از نوع متن با عرض قلم ۶ پیکسل بوده‌اند).

۶- نتیجه‌گیری

در این مقاله ضمن بررسی روش ترمیم تصویر براساس منحنی‌های هندسی با کوتاهترین طول، اشکالات آن جهت ترمیم تصاویر دارای خرابی با ابعاد بزرگ بیان شد. به منظور رفع این اشکالات و ارتقا روش مذکور، تعیین برداری روش هندسی برای ترمیم نواحی بزرگ در تصاویر رنگی ارائه شد. همچنین با تجزیه مولفه‌های بافت و ساختار، روش جدیدی برای ترمیم تصاویر رنگی دارای بافت و حاوی نواحی مخدوش بزرگ پیشنهاد شد. به منظور ارزیابی کارایی روش پیشنهادی، تعدادی آزمایش مقایسه‌ای با دور روش پایه انجام شد. نتایج این آزمایش‌ها، کارایی روش‌های پیشنهادی را در ترمیم تصویر شامل نواحی مخدوش بزرگ تایید می‌کند.

سپاسگزاری

این مقاله با حمایت مالی مرکز تحقیقات مخابرات ایران تهیه شده است.

مراجع

- [۱] م. ابوالقاسمی، ح. آقایی نیا، ک. فائز، " پنهان شکنی تصویر بر اساس ویژگی‌های ماتریس هم وقوعی" ، مجله انجمن مهندسین برق و الکترونیک ایران، بهار و تابستان ۱۳۸۹؛ ۷(۱): ۱۵-۲۴.



- [22] S. Brennan, "Simultaneous Structure and Texture Image Inpainting", Technical Report: EE 264, University of California, June 2007.

زیرنویس‌ها

- ¹Image Inpainting
- ²Total Variation
- ³Bertalmio
- ⁴Chan-Shen
- ⁵Curvature Driven Diffusion
- ⁶Navier Stokes Equation
- ⁷Connectivity principle
- ⁸Level Lines
- ⁹Structure
- ¹⁰Texture

[۲] م.ر. کیوانپور، ن. مقدم چرکری، "بازبایی تعاملی تصاویر طبیعت با بهره‌گیری از یادگیری چند نمونه‌ای"، مجله انجمن مهندسین برق و الکترونیک ایران، بهار و تابستان ۱۳۸۸؛ ۶(۱) ۳۵-۱۹.

[۳] ع. آفاگلزاده، م. نوشیار، ا. نامجو، "چند بخشی اطلاعات ویدئویی کد شده با H.261 در شبکه‌های ناهمگن مبتنی بر کدینگ منابع چند پایانه‌ای"، مجله انجمن مهندسین برق و الکترونیک ایران، پائیز و زمستان ۱۳۸۸؛ ۶ (۲) ۴۱-۵۶.

- [4] S.Masnou, J.M. Morel, "Level Lines Based Disocclusion", Proceedings of 5th IEEE conference on Image Processing, vol. 3, pp. 259-266, Chicago, Oct. 1998.
- [5] A. Chambolle, and P.L. Lions, "Image Recovery via Total Variation Minimization and Related Problems", Numerische Mathematik - Numer Math, vol. 76, no. 2, pp. 167-188, 1997.
- [6] T.F.Chan, J.Shen, L.Vese, "Variational PDE models in image processing", Notices Amer. Math. Soc., vol. 50, no. 1, pp. 14-26, 2003.
- [7] M.-F. Auclair-Fortier and D. Ziou, "CAT-Based Resolution of the Heat Transfer for Image Denoising and Inpainting", Technical Report no. 4, Departement dinformatique, Universite de Sherbrooke, August 2004.
- [8] F.Guichard, J.M.Morel, "Image Analysis and PDE's", IPAM GBM Tutorial, 2001.
- [9] T.F. Chan and J. Shen, "Variational Image Inpainting", Comm. Pure Applied Math., vol. LVIII, pp. 579-619, 2005.
- [10] Bertalmio,G-Sapiro, "Image Inpainting", Computer Graphics, SIGGRAPH 2000, pp. 417-424, July 2000.
- [11] J. Shen, "Inpainting & the fundamental problem of Image Processing", SIAM News, vol. 36, no. 5, June 2003.
- [12] C.A.Z.Barcelos, M.A.Basteta, A.M.Martins, A.C.Nogueira, "Level lines continuation based digital inpainting", Proceedings of the 17 th Brazilian Symposium on Computer Graphics and Image Processing, pp. 50-57, Oct. 2004.
- [13] T.F. Chan , J. Shen, "Non-Texture Inpainting by Curvature Driven Diffusion", J.Visual Comm. Image Rep, vol. 12, no.4, pp. 436-449, 2001.
- [14] J. Weickert, "Anisotropic Diffusion in Image Processing", ECMI Series, Teubner-Verlag, Stuttgart, Germany, 1998.
- [15] M.Oliveira, B. Bowen, R. McKenna, Yu-Sung Chang, "Fast Digital Image Inpainting", Proceedings of the International Conference on Visualization, Imaging and Image Processing (VIIP 2001), pp. 261-266, Marbella, Spain, September 3-5, 2001.
- [16] A.L. Bertozzi, G. Sapiro, "Navier-Stokes , Fluid dynamics, Image & Video processing", Proceedings of the IEEE International Cconference on Computer Vision & Pattern Recognition, vol. 1, pp. 201-212, Kauai, HI, 2001.
- [17] Y.CHEN, C.T. HSIEH , "Fast Image Restoration using the Multi-layer Best neighborhood Matching approach", Proceedings of the 6th WSEAS International Conference on Applied Computer Science, vol. 6, pp. 441-446, China, 2007.
- [18] M. Bertalmio, L.Vese, G. Sapiro, "Simultaneous Structure and Texture Image Inpainting", IEEE Trans. Image Process., vol. 12, nO. 8, pp. 882-889, 2003.
- [19] Y.L. Chen, C.T. Hsieh, "Progressive Image Inpainting based on Wavelet Transform", IEICE Trans. Fundamentals of Electronics, Communications and Computer Sciences, vol. E88-A , no.10, pp.52-61, 2005.
- [20] C.A. Zorzo Barcelos et al., "Geodesic path based digital inpainting", Appl. Math. Comput., vol. 189, pp. 1662-1674, 2007.
- [21] L. Vese , S. Osher, "Modelling textures with Total Variation Minimization & Oscillating patterns in Image Processing", Journal of Scientific Computing, vol. 19, no.1-3, 2003.

نشریه مهندسی برق و الکترونیک ایران - سال هشتم - شماره دوم - پائیز و زمستان ۱۳۹۰

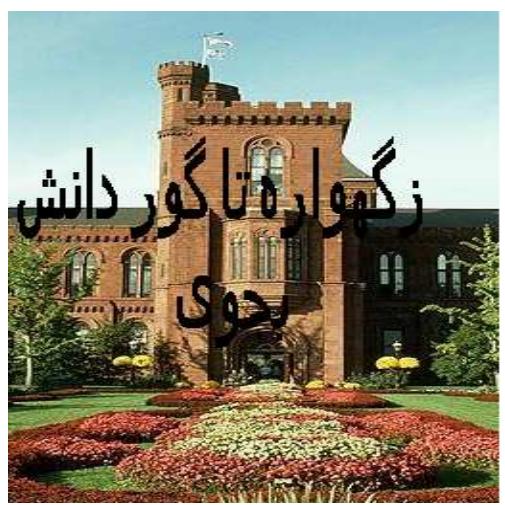




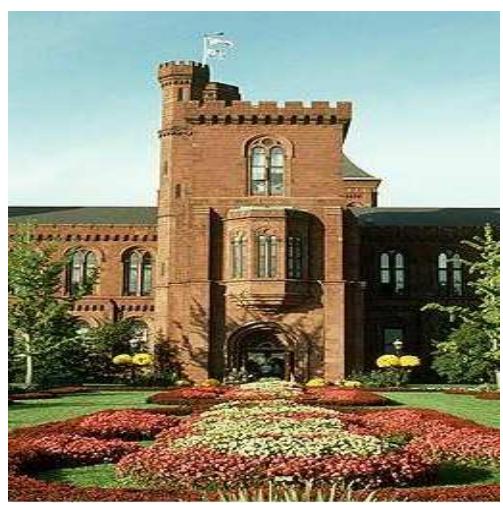
شکل (۴): (الف) تصویر رنگی منظره ب) تصویر دارای متن لاتین با اندازه قلم ۱۲ پیکسل (ج) بخش ساختار تصویر د) بخش بافت تصویر ه) تصویر ترمیم شده به روش مرجع [۲۲] و (ه) تصویر ترمیم شده با روش پیشنهادی براساس تجزیه بافت و ساختار (بخش ۴-۴)



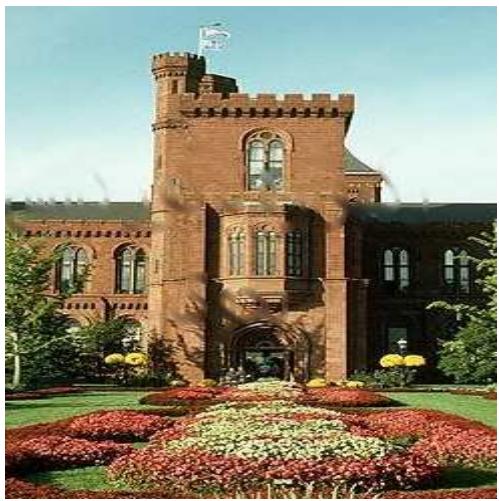
شکل (۵): (الف) تصویر رنگی لنا ب) تصویر دارای متن با اندازه قلم ۲۴ پیکسل (ج) تصویر ترمیم شده به روش هندسی مرجع [۲۰] (د) تصویر ترمیم شده به روش مرجع [۲۲] (ه) تصویر ترمیم شده با تعمیم روش هندسی پیشنهادی مقاله(بخش ۳) و تصویر ترمیم شده با روش پیشنهادی بر اساس تجزیه بافت و ساختار(بخش ۴-۴)



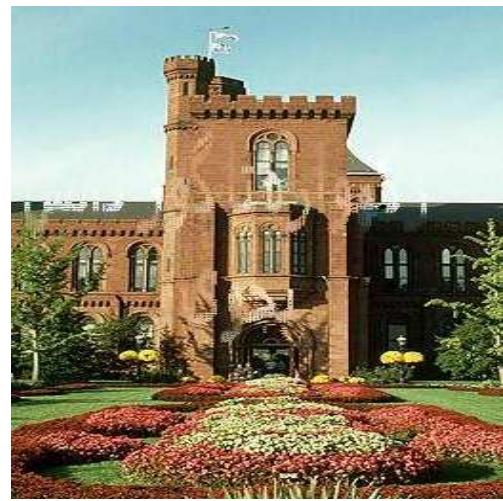
(ب)



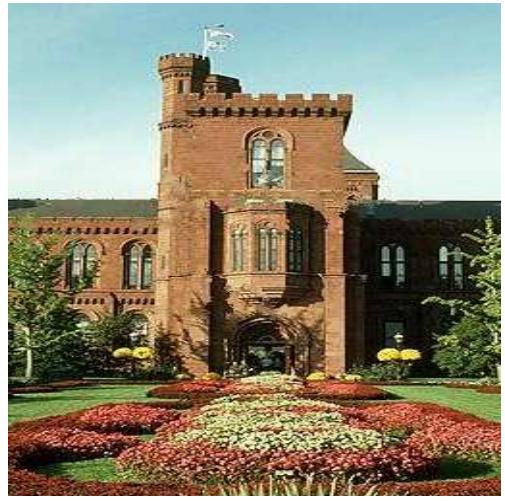
(الف)



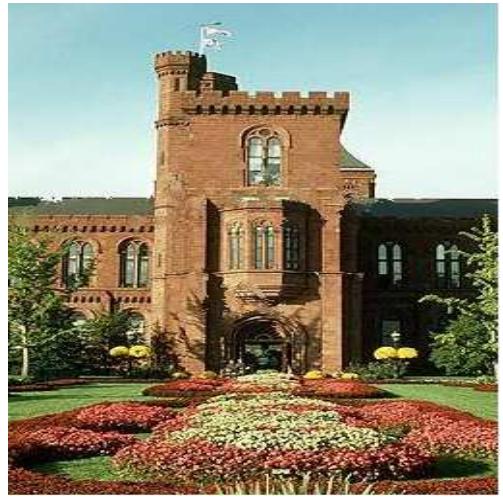
(۵)



ج)



(و)



(5)

شکل(۶): الف) تصویرنگی ساختمان ب) تصویر دارای متن با اندازه قلم ۶ پیکسل (ج) تصویر ترمیم شده به روش هندسی مرجع [۲۰] د) تصویر ترمیم شده به روش مرجع [۲۲] ه) تصویر ترمیم شده با تعیین روش هندسی پیشنهادی مقاله و) تصویر ترمیم شده با روش پیشنهادی بر اساس تجزیه بافت و ساختار



شکل(۷): (الف) تصویر خاکستری باریارا (ب) تصویر دارای متن با اندازه قلم ۱۷ پیکسل (ج) تصویر ترمیم شده به روش هندسی مرجع [۲۰] (د) تصویر ترمیم شده به روش مرجع [۲۲] (ه) تصویر ترمیم شده با تعمیم روش هندسی پیشنهادی مقاله و (و) تصویر ترمیم شده با روش پیشنهادی بر اساس تجزیه بافت و ساختار

A Large Scale Image Inpainting Method Based on Image Decomposition to Texture and Structure Sub-Images

R. Kamran¹

H. Nezamabadi-Pour²

S. Saryazdi³

1- MSc., Electrical Engineering Department, Shahid Bahonar University of Kerman, Kerman, Iran
kamran@graduate.uk.ac.ir

2- Associate Professor, Electrical Engineering Department, Shahid Bahonar University of Kerman, Kerman,
Iran
nezam@mail.uk.ac.ir

3- Associate Professor, Electrical Engineering Department, Shahid Bahonar University of Kerman, Kerman,
Iran
saryazdi@mail.uk.ac.ir

Abstract:

In this paper a new inpainting scheme applicable to images with wide missed regions is presented. The proposed method is based on a new modification of the well known geodesic path image inpainting algorithm. Furthermore, to achieve a high-quality inpainting preserving details and textures, the image is decomposed firstly into texture and structure sub-images. Then, each sub-image is concealed based on a suitable technique and the final inpainted image is created. To evaluate the effectiveness of the proposed method, a comparative study with two basic methods over 30 images of different contents is performed and the results are reported. The experimental results confirm the effectiveness of the proposed method comparing with other methods, especially in the cases of images with wide missed regions.

Keywords: Image Inpainting, Text Removal, Color Images, Geodesic Path, Texture, Structure.

Submission date: 04 Apr., 2009

Acceptance date: 29 Oct., 2011

Corresponding author: H. Nezamabadi-pour

Corresponding author's address: Electrical Engineering Department, Shahid Bahonar University of Kerman, Kerman, Iran.

