

# مدیریت ریسک سرمایه‌گذاری استراتژیک در تولید با روش برنامه‌ی ریاضی با قیود تعادلی تصادفی

محمد اسمعیلی جونوشه<sup>۱</sup> محمد احمدیان<sup>۲</sup> محمد حیدری‌زاده<sup>۳</sup>

۱- دانشآموخته‌ی کارشناسی ارشد- دانشکده‌ی مهندسی برق- دانشگاه شهید بهشتی- تهران- ایران

[m67.esmaili@gmail.com](mailto:m67.esmaili@gmail.com)

۲- استادیار- دانشکده‌ی مهندسی برق - دانشگاه شهید بهشتی- تهران- ایران

[m\\_ahmadian@sbu.ac.ir](mailto:m_ahmadian@sbu.ac.ir)

۳- دانشجوی دکتری- دانشکده‌ی مهندسی برق - دانشگاه شهید بهشتی- تهران- ایران

[m\\_heidarizadeh@sbu.ac.ir](mailto:m_heidarizadeh@sbu.ac.ir)

**چکیده:** در این مقاله روشی برای کمک به اتخاذ تصمیم‌های صحیح سرمایه‌گذاری در تولید توسط یک تولیدکننده‌ی استراتژیک در فضای بازار برق ارائه می‌شود. این تولیدکننده در کنار پیشینه کردن سود انتظاری خود، مدیریت ریسک ناشی از عدم قطعیت در عوامل مؤثر بر سود مورد انتظار خود را نیز دنبال می‌کند. به منظور بیان رفتار استراتژیک این تولیدکننده، از تابع عرضه و در قالب یک مدل دوستخی تصادفی دو مرحله‌ای مقید به ریسک استفاده شده است. مسئله‌ی سطح بالاتر، دربرگیرنده‌ی تصمیم‌های سرمایه‌گذاری و تولید استراتژیک با ریسک مدیریت شده است و مسائل سطح پایین‌تر، بیان‌کننده‌ی تسویه‌ی بازار حوضچه در شرایط مختلف بهره‌برداری می‌باشند. ماهیت تصادفی مسئله، مربوط به عدم قطعیت‌های موجود در پیشنهاده‌ی مقدار و قیمت باارها، سرمایه‌گذاری رقبا و پیشنهاده‌ی قیمت آتان است که در قالب سناریوهای مختلف بیان شده‌اند. برای مدل کردن مدیریت ریسک تولیدکننده‌ی استراتژیک موردنظر، یک معیار ریسک از نوع مقدار در ریسک شرطی استفاده شده است. سرمایه‌گذاری به صورت استاتیک بوده و یک سال هدف در آینده همراه با تغییرات بار در قالب بلوک‌های بار مختلف، در نظر گرفته شده است. کارآمدی این روش با انجام یک مطالعه‌ی عددی در شبکه‌ی ۲۴ شینه‌ی IEEE و ارائه نتایج، مورد بررسی قرار گرفته است.

**کلمات کلیدی:** سرمایه‌گذاری در تولید، مدیریت ریسک، تولیدکننده‌ی استراتژیک، تابع عرضه، مدل دوستخی تصادفی دو مرحله‌ای مقید به ریسک

تاریخ ارسال مقاله: ۱۳۹۴/۰۷/۲۲

تاریخ پذیرش مشروط مقاله: ۱۳۹۵/۰۳/۰۹

تاریخ پذیرش مقاله: ۱۳۹۵/۰۷/۲۸

نام نویسنده‌ی مسئول: محمد احمدیان

نشانی نویسنده‌ی مسئول: ایران - تهران - فلکه‌ی چهارم تهرانپارس - بلوار وفادار شرقی - بلوار شهید عباسپور - دانشگاه شهید بهشتی - پردیس فنی و مهندسی شهید عباسپور - دانشکده‌ی برق



## ۱- مقدمه

قطعیت‌های در نظر گرفته شده شامل هزینه‌های سرمایه‌گذاری و میزان تولید توان بادی می‌باشد.

در [۱۴]، برنامه‌ریزی توسعه‌ی تولید در محیط رقابتی به صورت یک مسئله‌ی دوستخی بیان شده است. در سطح بالاتر، با استفاده از نظریه‌ی بازی اصلاحشده مرکب<sup>۲</sup>، نحوه‌ی مشارکت تولیدکنندگان توسط بهره‌بردار مستقل شبکه<sup>۳</sup> (ISO)، بررسی و در سطح پایین‌تر با استفاده از الگوریتم ژنتیک، تصمیم‌بینی به سرمایه‌گذاری بهینه اتخاذ شده است. در [۱۵]، در ادامه‌ی کار [۱۴]، به جای الگوریتم ژنتیک از روش بهینه‌سازی گروهی ذرات استفاده شده و در هر دو مقاله انواع مختلف نیروگاه به عنوان نامزد سرمایه‌گذاری در نظر گرفته شده‌اند. در [۱۸]، برنامه‌ریزی توسعه‌ی ظرفیت تولید استراتژیک توسط یک تولیدکننده با اطلاعات غیر کامل از تولیدکنندگان رقیب از طریق یک مسئله‌ی بهینه‌سازی دوستخی، مدل‌سازی و برای حل آن از روش الگوریتم ژنتیک استفاده شده است.

در هیچ یک از مراجع مذکور، موضوع مدیریت ریسک<sup>۴</sup> موجود در سرمایه‌گذاری استراتژیک در تولید که ناشی از عدم قطعیت در پیشنهادهای مقدار و قیمت بارها و همچنین عدم قطعیت موجود در رفتار رقبا از نظر میزان سرمایه‌گذاری و قیمت‌دهی در بازار برق می‌باشد، در نظر گرفته نشده است.

در مقاله‌ی حاضر، با توسعه‌ی آنچه که در [۴] بیان شده است، مدیریت ریسک موجود در سرمایه‌گذاری استراتژیک در تولید، ناشی از عدم قطعیت‌های یاد شده، در نظر گرفته شده است.

به منظور مدل‌سازی رقابت در بازار، از مدل تابع عرضه<sup>۵</sup> استفاده شده است. این مدل، نسبت به مدل‌های دیگر به آنچه در فضای بازار برق در دنیای واقعی وجود دارد، نزدیک‌تر است و تولیدکنندگی استراتژیک موردنظر بر اساس آن و عدم قطعیت‌های یادشده در بازار حوضچه، شرکت می‌نماید. مدل‌سازی عدم قطعیت‌ها از طریق سناریوهای مختلف انجام گرفته است. همچنین، به منظور مدیریت ریسک و لحاظ نمودن میزان ریسک‌پذیری تولیدکنندگی استراتژیک موردنظر، از معیار مقدار در ریسک شرطی<sup>۶</sup> (CVaR) استفاده شده است.

هدف از این مقاله، ارائه مدلی است که تولیدکنندگی موردنظر با استفاده از آن و بر اساس سطح ریسک‌پذیری و رفتار استراتژیک خود، بتواند از میان گزینه‌های سرمایه‌گذاری با فناوری‌ها و ظرفیت‌های مختلف، سودمندترین گزینه را انتخاب نماید.

در بخش دوم این مقاله، روش پیشنهادی معرفی خواهد شد. در بخش سوم، روابط مسئله و فرمول‌بندی ریاضی آن بیان شده‌اند. سیستم مورد مطالعه و نتایج شبهیه‌سازی در بخش چهارم ارائه می‌شوند. در نهایت، در بخش پنجم نیز نتیجه‌گیری کار، ارائه شده است.

امروزه، با توجه به توسعه‌ی روزافزون کشورها، نیروی برق یک نیاز اساسی برای رشد اقتصادی به شمار می‌آید [۱]، [۲]. با تجدید ساختار صنعت برق، مسئله‌ی سرمایه‌گذاری در تولید، ابعاد جدیدی یافته است که بر پیچیدگی‌های آن می‌افزاید [۳]. درنتیجه، مدل نمودن صحیح عملکرد بازار با در نظر گرفتن عدم قطعیت‌های موجود مانند پیشنهادهای مقدار و قیمت بارها، سرمایه‌گذاری رقبا و پیشنهادهای قیمت آنان که در فضای تجدید ساختاری‌افتة به عنوان عواملی تأثیرگذار بر روی قیمت برق مطرح می‌باشند، از اهمیت دوچندانی برخوردار شده است. برای یک تولیدکننده‌ی استراتژیک<sup>۷</sup> که می‌تواند از طریق تصمیم‌گیری‌های خود در خصوص سرمایه‌گذاری و پیشنهادهای در تولید، خروجی‌های تسویه‌ی بازار را تغییر دهد، عدم قطعیت‌های یادشده منجر به نوسان‌های زیادی در توزیع سود و درنتیجه ایجاد ریسک مالی در تصمیم‌گیری می‌گردد. از آنجائی که تولیدکننده‌ی استراتژیک تمایل دارد متناسب با سود مورد انتظار و سطح ریسک-پذیری خود اقدام به تصمیم‌گیری نماید، ارائه‌ی روشی برای کمک به این تصمیم‌گیری از اهمیت بالایی برخوردار است.

می‌توان گفت، مسئله‌ی سرمایه‌گذاری در تولید در محیط رقابتی، یک مسئله‌ی بهینه‌سازی دوستخی است. برای حل چنین مسائلی از روش‌هایی همچون شرایط کاروش-کان-تکار<sup>۸</sup> (KKT) [۴]-[۱۱]-[۱۸]-[۱۲] استفاده شده است.

در [۴]، [۵] و [۶]، مسئله‌ی سرمایه‌گذاری در تولید در محیط رقابتی به صورت یک مسئله‌ی دوستخی بیان شده است که در سطح بالاتر، تصمیم‌بینی به سرمایه‌گذاری و راهبرد مشارکت در بازار و در سطح پایین‌تر، عملیات تسویه‌ی بازار انجام می‌شود. در [۴]، عدم قطعیت موجود در رفتار رقبا جهت سرمایه‌گذاری و قیمت‌دهی در بازار حوضچه در قالب سناریو مدل‌سازی شده است و مسئله به صورت برنامه‌ریزی خطی آمیخته با عدد صحیح (MILP) بیان شده و با استفاده از روش برنامه‌ی ریاضی با قیود تعادلی<sup>۹</sup> (MPEC) حل شده است. در [۵]، علاوه بر بازار حوضچه، بازار آتی نیز در نظر گرفته شده است. در [۶]، برای حل مسئله‌ی دوستخی از تجزیه‌ی بندرز و روش برنامه‌ی ریاضی با قیود تعادلی استفاده شده است.

در [۷]، مدلی دوستخی برای توسعه‌ی ظرفیت تولید چندمرحله‌ای با در نظر گرفتن عدم قطعیت مربوط به سرمایه‌گذاری رقبا در قالب سناریوهای مختلف ارائه شده است. در مسئله‌ی سطح بالاتر، تولیدکننده، سود مورد انتظار خود را بیشینه می‌کند و در مسئله‌ی سطح پایین‌تر، تسویه‌ی بازار به صورت پاسخ قیمت تخمینی<sup>۱۰</sup> ارائه شده است. در [۱۱]، یک مدل دوستخی برنامه‌ریزی تصادفی چندمرحله‌ای مقید به ریسک بهمنظور اتخاذ تصمیم‌های بهینه در خصوص سرمایه‌گذاری در واحدهای بادی از سوی یک تولیدکننده‌ی غیراستراتژیک (قیمت پذیر)، ارائه شده است. در این مرجع، عدم

## مدل گردد؛ البته، موضوع سناریوسازی و کاهش سناریو مورد بحث این مقاله نیست.

به‌این‌ترتیب، مدیریت ریسک تصمیم‌گیری در سرمایه‌گذاری و پیشنهاددهی استراتژیک تولیدکننده‌ی موردنظر، توسط یک مدل دوسرخی ارائه شده است که مسئله‌ی سطح بالاتر، بیان‌کننده‌ی تصمیم‌های سرمایه‌گذاری و پیشنهاددهی استراتژیک این تولیدکننده در هر بلوک بار و هر سناریو با در نظر گرفتن مدیریت ریسک می‌باشد. پیشنهاددهی مربوط به تولیدکننده‌ی موردنظر و رقبا و همچنین پیشنهاددهی بارهای موجود در شبکه به صورت تابع عرضه و در قالب بلوک‌های تولید - پیشنهاد<sup>۱</sup> و مصرف - پیشنهاد<sup>۲</sup> مختلف بیان شده‌اند که شامل ظرفیت‌های تولید/صرف و قیمت‌های پیشنهادی مربوط به این ظرفیت‌ها هستند.

مسئله‌ی سطح بالاتر مقید به مجموعه‌ای از مسائل سطح پایین‌تر است. مسائل سطح پایین‌تر، بیان‌کننده‌ی تسويه‌ی بازار در شرایط مختلف بهره‌برداری هستند و هدف از آن‌ها، بیشینه‌سازی رفاه اجتماعی<sup>۳</sup> است. مهم‌ترین دلیل لحاظ نمودن تسويه‌ی بازار به عنوان مسئله‌ی سطح پایین‌تر، دستیابی تولیدکننده‌ی موردنظر به سیگنال‌های قیمتی (قیمت‌های تسويه‌ی بازار) به منظور ارائه‌ی پیشنهادهای مناسب به بازار، می‌باشد [۱۸]. قیمت‌های تسويه‌ی بازار به عنوان متغیرهای دوگان مربوط به قیود تعادل توان در بلوک‌های بار مختلف تعیین می‌شوند.

در مسئله‌ی بیان‌شده، ظرفیت بهینه‌ی سرمایه‌گذاری برای تولیدکننده‌ی موردنظر در واحد جدید با فن‌آوری  $f$  به عنوان متغیر تصمیم‌مرحله‌ی اول<sup>۴</sup> (سرمایه‌گذاری) و سایر متغیرها شامل قیمت‌های پیشنهادی این تولیدکننده، قیمت‌های تسويه‌ی بازار (به صورت قیمت‌های یکنواخت<sup>۵</sup>) و مقادیر تولید/صرف مربوط به تمامی واحدها/بارهای موجود به عنوان متغیرهای تصمیم‌مرحله‌ی دوم<sup>۶</sup> (بهره‌برداری)، مطرح شده‌اند.

جایگذاری مسائل سطح پایین‌تر با شرایط KKT آن‌ها، به عنوان شرایط بهینگی مرتبه اول<sup>۷</sup>، به یک مسئله‌ی تک سطحی غیرخطی MPEC منجر می‌شود. از طریق خطی‌سازی بخش‌های غیرخطی موجود در مسئله‌ی MPEC با استفاده از قضیه‌ی دوگانی قوى<sup>۸</sup> و تبدیل فورتونی - آمات<sup>۹</sup> [۲۰]، یک MILP به دست می‌آید که از طریق فن‌های شاخه و برش<sup>۱۰</sup>، قابل حل است.

### ۳- فرمول‌بندی مسئله

#### ۳-۱- معیار مقدار در ریسک شرطی

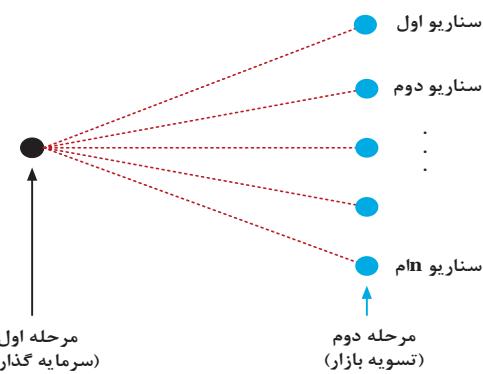
ریسک مربوط به نوسان‌های سود، از طریق معیار CVaR در نظر گرفته شده است. CVaR، به صورت مقدار انتظاری سود در کمتر از  $\alpha - 1$  چندک از توزیع سود تعریف می‌شود که  $\alpha$ ، به عنوان پارامتر سطح اطمینان و عددی بین صفر و یک است.

## ۲- توصیف مدل

ساختار کلی مدل ارائه‌شده در این مقاله، به صورت یک مسئله‌ی بهینه‌سازی دوسرخی تصادفی دو مرحله‌ای مقید به ریسک می‌باشد. دلیل استفاده از مدل دوسرخی، دو مزیت اصلی آن است که عبارت اند از: ۱) امکان بیان توابع هدف مختلف برای تولیدکننده‌ی استراتژیک موردنظر و ISO و ۲) تابع هدف و قیود مسئله‌ی سطح بالاتر می‌توانند به صورت تابعی از متغیرهای هر دو سطح بالاتر و پایین‌تر بیان شوند، در حالی که این امر از طریق مدل‌های بیشینه‌سازی - کمینه‌سازی، امکان‌پذیر نیست.

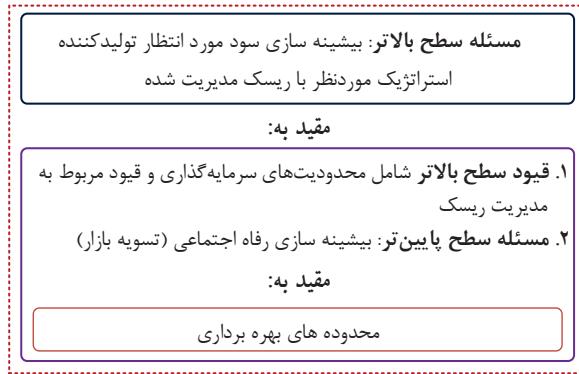
در برنامه‌ریزی تصادفی، سود، یک متغیر تصادفی است که می‌تواند توزیع یک احتمال بیان شود. اگر در یک مسئله‌ی بهینه‌سازی با یک تابع هدف تصادفی، فقط مقدار موردنظر انتظار سود، بهینه‌گردد، این امر به تنها‌ی، باعث می‌شود که سایر پارامترهای مشخص‌کننده‌ی توزیع مرتبط با متغیر تصادفی موردنظر، نادیده گرفته شوند. یکی از مهم‌ترین پارامترهای مشخص‌کننده‌ی توزیع سود، ریسک است [۱۹]. در این مقاله، به منظور اعمال مدیریت ریسک موجود در سرمایه‌گذاری در تولید، معیار CVaR در فرمول‌بندی مسئله وارد شده است.

عدم قطعیت‌های موجود در مسئله، شامل عدم قطعیت در پیشنهاددهی مقدار و قیمت بارها، سرمایه‌گذاری رقبا و پیشنهاددهی قیمت آنان می‌باشند. این عوامل غیرقطعی، به عنوان متغیرهای تصادفی و از طریق محتمل‌ترین سناریوها بیان شده‌اند. یک درخت سناریوی دو مرحله‌ای متشکل از  $n$  سناریو در شکل (۱) نشان داده شده است که شاخه‌های موجود در آن بیانگر حالت‌های مختلفی از تحقق پارامترهای غیرقطعی هستند.



شکل (۱): درخت سناریوی دو مرحله‌ای

مطابق شکل (۱)، تصمیم‌های سرمایه‌گذاری در مرحله‌ی اول (حال حاضر) و مستقل از سناریوهای مختلف و تصمیم‌های بهره‌برداری در مرحله‌ی دوم (سال هدف) و متاخر با سناریوهای مختلف اتخاذ می‌شوند. تعداد سناریوهای در نظر گرفته شده بر روی ابعاد مسئله تأثیرگذار است و بنابراین، باید سناریوها به تعدادی باشند که همگرایی مسئله تأمین گردد و عدم قطعیت موجود در مسئله به طور مناسب



شکل (۲): ساختار دوستحی مدل سرمایه‌گذاری با مدیریت ریسک

- روابط حاکم بر مدل دوستحی پیشنهادی، به صورت روابط (۱۷) و (۴) هستند و متغیرهای دوگان هر مسئله سطح پایین‌تر نیز در سطر مربوط به همان قید نشان داده شده‌اند.

$$\begin{aligned} \underset{\text{vars}^{\text{UL}}}{\text{maximize}} & (1-\beta) \left( \sum_{\omega} p_{\omega} \sum_t \sigma_t \left[ \left( \sum_f \sum_o P_{tfo\omega}^S \lambda_{t\omega} \right. \right. \right. \\ & - \sum_f \sum_o P_{tfo\omega}^S C_{fo}^S \left. \left. \left. \right] + \left( \sum_a \sum_o P_{tao\omega}^{\text{ES}} \lambda_{t\omega} \right. \right. \\ & - \sum_a \sum_o P_{tao\omega}^{\text{ES}} C_{ao}^{\text{ES}} \left. \left. \right) \right] - \sum_f C_f Y_f \Big) + \\ & \beta \left( \eta - \frac{1}{1-\alpha} \sum_{\omega} p_{\omega} S_{\omega} \right) \end{aligned} \quad (6)$$

که  $\text{vars}^{\text{UL}} = \{Y_{tfo\omega}^S, Y_{tao\omega}^{\text{ES}}, Y_f, u_{fc}, \eta, S_{\omega}\}$  بیانگر متغیرهای بهینه‌سازی مربوط به مسئله سطح بالاتر بوده و رابطه‌ی (۶)، نشان‌دهنده‌ی بیشینه‌سازی سود تولید کننده موردنظر (بخش اول) با لحظ مدیریت ریسک این تولید کننده (بخش دوم) می‌باشد. بخش اول، به صورت بیشینه‌سازی درآمد ناشی از تولید و فروش برق در بازار منهای هزینه‌ی سرمایه‌گذاری با وزن  $(1-\beta)$  بیان شده است و معیار CVaR در خط آخر این رابطه اعمال گردیده که در پارامتر وزنی  $\beta$  ضرب شده است. تابع هدف (۶)، با توجه به قیود (۷-۱۲) حل می‌شود.

$$\begin{aligned} \eta - \left( \sum_t \sigma_t \left[ \left( \sum_f \sum_o P_{tfo\omega}^S \lambda_{t\omega} - \sum_f \sum_o P_{tfo\omega}^S C_{fo}^S \right) \right. \right. \\ \left. \left. + \left( \sum_a \sum_o P_{tao\omega}^{\text{ES}} \lambda_{t\omega} - \sum_a \sum_o P_{tao\omega}^{\text{ES}} C_{ao}^{\text{ES}} \right) \right] \right. \\ \left. - \sum_f C_f Y_f \right) \leq S_{\omega} \quad \forall \omega \end{aligned} \quad (7)$$

$$S_{\omega} \geq 0 \quad \forall \omega \quad (8)$$

$$Y_f = \sum_c u_{fc} Y_{fc} \quad \forall f \quad (9)$$

$$\sum_c u_{fc} = 1 \quad \forall f \quad (10)$$

$$u_{fc} \in \{0,1\} \quad \forall f, \forall c \quad (11)$$

در حالت کلی، می‌توان  $\text{CVaR}(\alpha, x)$  که  $x$  متغیر تصمیم مرحله‌ی اول است را در یک مسئله‌ی تصمیم‌گیری ریسک خنثی<sup>۲۱</sup> با تابع هدف بیشینه‌سازی  $(\sum_{\omega} p(\omega) q(\omega)^T y(\omega))$  اعمال نمود و به مسئله‌ی تصمیم‌گیری مخالف ریسک<sup>۲۲</sup> به صورت روابط (۱-۵) رسید.

$$\begin{aligned} \text{Maximize}_{x,y(\omega),\eta,s(\omega)} & (1-\beta) \left( c^T x + \sum_{\omega} p(\omega) q(\omega)^T y(\omega) \right) \\ & + \beta \left( \eta - \frac{1}{1-\alpha} \sum_{\omega} p(\omega) s(\omega) \right) \end{aligned} \quad (1)$$

مقدید به:

$$Ax = b \quad (2)$$

$$T(\omega)x + W(\omega)y(\omega) = h(\omega) \quad \forall \omega \quad (3)$$

$$\eta - (c^T x + q(\omega)^T y(\omega)) \leq s(\omega) \quad \forall \omega \quad (4)$$

$$s(\omega) \geq 0 \quad \forall \omega \quad (5)$$

رابطه‌ی (۱)، بیانگر تابع هدف یک مسئله‌ی بهینه‌سازی تصادفی دومرحله‌ای همراه با ریسک مدیریت شده می‌باشد و روابط (۲) و (۳)، قیود مربوط به مسئله‌ی ریسک خنثی را نشان می‌دهند. روابط (۴) و (۵) نیز قیود ناشی از اعمال معیار مقدار در ریسک شرطی در مسئله هستند. در روابط (۱-۵)،  $x, y(\omega)$ ، متغیر تصمیم مرحله‌ی دوم،  $\eta$ ، یک متغیر کمکی،  $p(\omega)$ ، برابر با احتمال وقوع سناریوی  $\omega$ .  $w_f(x, \omega)$  نشان‌دهنده‌ی تابع سود و  $w_f(y, \omega)$  یک متغیر کمکی پیوسته‌ی غیر منفی و برابر با اختلاف بین  $w_f$  و سود متناظر با سناریوی  $\omega$  است درصورتی که این اختلاف غیر منفی باشد و اگر این اختلاف مقداری منفی باشد، برابر با صفر است. همچنین،  $c$ ،  $A$ ،  $h(\omega)$ ،  $b$ ،  $q(\omega)$  و  $T(\omega)$  و  $W(\omega)$  نمادهایی از بردارها و ماتریس‌های معلوم در مسئله هستند و  $\beta$ ، یک پارامتر وزنی است که به منظور برقرار نمودن تعادل بین سود مورد انتظار و سطح ریسک‌پذیری، مورد استفاده قرار می‌گیرد. اگر  $\beta = 0$ ، معیار ریسک در تابع هدف نادیده گرفته می‌شود و مسئله‌ی موردنظر، یک مسئله‌ی ریسک خنثی خواهد بود. هرچقدر  $\beta$  بزرگ‌تر شود، بخش مربوط به سود مورد انتظار نسبت به معیار ریسک از اهمیت کمتری برخوردار می‌گردد و اگر  $\beta = 1$ ، مسئله‌ی موردنظر، یک مسئله‌ی مخالف ریسک خواهد بود. در بخش بعدی، فرمول‌بندی مدل دوستحی تصادفی دومرحله‌ای مقدید به ریسک مورد نظر، ارائه می‌گردد.

## ۲-۳ - مدل دوستحی تصادفی دومرحله‌ای مقدید به ریسک

ساختار دوستحی مدل، در شکل (۲) نشان داده شده است.

همچنین، از آنجائی که مسئله‌ی سطح پایین‌تر به عنوان قیدی برای مسئله‌ی سطح بالاتر می‌باشد، مجموعه‌ی متغیرهای سطح پایین‌تر در مجموعه‌ی متغیرهای مسئله‌ی سطح بالاتر نیز قرار دارند. بنابراین،  $\gamma_{tao}^S$  و  $\gamma_{tao}^{ES}$ ، به عنوان متغیرهایی در مسئله‌ی سطح بالاتر و پارامترهایی در مسئله‌ی سطح پایین‌تر، می‌باشند. این امر باعث

می‌شود که مسئله‌ی سطح پایین‌تر، خطی و در نتیجه محبد باشد. از آنجائی که حل مسئله‌ی (۶-۱۷) به دلیل دوستخی بودن آن مشکل است، از طریق جایگذاری مسائل سطح پایین‌تر با شرایط KKT آن‌ها [۲۰]، مسئله‌ی تک سطحی MPEC با ساختاری به صورت شکل (۳)، حاصل می‌گردد.

تابع هدف مسئله‌ی سطح بالاتر (رابطه‌ی ۶)	
مقید به:	
قيود مسئله‌ی سطح بالاتر (روابط ۷ تا ۱۱)	
مشتقات جزئی تابع لاگرانژ مسئله‌ی سطح پایین‌تر نسبت به متغیرهای $P_{tfo}^S, P_{tao}^S, P_{tro}^R, P_{tdb}^D$	
قيود تساوی موجود در مسئله‌ی سطح پایین‌تر (رابطه‌ی ۱۳)	
شرط مکمل مربوط به قیود نامساوی موجود در مسئله‌ی سطح پایین-	

شکل (۳): ساختار تک سطحی مسئله‌ی MPEC

دو بخش غیرخطی در مسئله‌ی MPEC بیان شده وجود دارد که عبارت‌اند از:

۱. بخش مربوط به حاصل ضرب مقادیر تولید واحدهای جدید و واحدهای موجود متعلق به تولید کننده‌ی استراتژیک موردنظر و قیمت تسویه‌ی بازار که این بخش در تابع هدف وجود دارد و به منظور خطی سازی آن از قضیه‌ی دوگانی قوی استفاده می‌شود. بر اساس این نظریه، اگر یک مسئله‌ی محبد باشد، تابع هدف مربوط به مسئله‌های اصلی و دوگان در مقدار بهینه با یکدیگر یکسان هستند [۲۱]. به این ترتیب، با استخراج مسئله‌ی دوگان متناظر با هر مسئله‌ی سطح پایین‌تر و با استفاده از برخی از شرایط KKT بیان شده، معادل خطی مربوط به این بخش غیرخطی، به صورت رابطه‌ی (۱۸) خواهد بود [۴].

$$\begin{aligned} \sum_f \sum_o P_{tfo}^S \lambda_{tfo} + \sum_a \sum_o P_{tao}^{ES} \lambda_{tao} \\ = - \sum_r \sum_o C_{tro}^R P_{tro}^R \\ + \sum_d \sum_b B_{tdb}^D P_{tdb}^D - \sum_r \sum_o \mu_{tro}^{Rmax} P_{tro}^{Rmax} \\ - \sum_d \sum_b \mu_{tdb}^{Dmax} P_{tdb}^{Dmax} \end{aligned} \quad (18)$$

$$\begin{aligned} P_{tfo}^S, P_{tao}^{ES}, \lambda_{tfo}, \lambda_{tao} \in \arg \underset{\text{vars}^{LL}}{\text{minimize}} \sum_f \sum_o \gamma_{tfo}^S P_{tfo}^S \\ + \sum_a \sum_o \gamma_{tao}^{ES} P_{tao}^{ES} + \sum_r \sum_o C_{tro}^R P_{tro}^R \\ - \sum_d \sum_b B_{tdb}^D P_{tdb}^D \quad \forall t, \forall \omega \end{aligned} \quad (12)$$

که  $\text{vars}^{LL} = \{P_{tfo}^S, P_{tao}^{ES}, \lambda_{tfo}, P_{tro}^R, P_{tdb}^D, \text{dual variables}\}$  بیانگر متغیرهای بهینه‌سازی موجود در هر مسئله‌ی سطح پایین‌تر می‌باشد. روابط (۷) و (۸)، قیود مربوط به اعمال معیار ریسک CVaR هستند که مطابق با روابط (۴) و (۵)، بیان شده‌اند. رابطه‌ی (۹)، تعیین کننده‌ی ظرفیت سرمایه‌گذاری انتخاب شده برای فناوری  $f$  است و روابط (۱۰) و (۱۱)، نشان‌دهنده‌ی محدودیت در تعداد واحدهای جدید انتخابی از هر فناوری نامزد می‌باشند. رابطه‌ی (۱۲)، به عنوان مسئله‌ی سطح پایین‌تر، بیان کننده‌ی تسویه‌ی بازار حوضچه و به صورت کمینه‌سازی اختلاف بین مجموع دریافتی تولید کننده‌گان موجود در بازار (با در نظر گرفتن قیمت‌های پیشنهادی آنان) و مقادیر پرداختی بارهای موجود در شبکه (با در نظر گرفتن قیمت‌های پیشنهادی آنان)، بیان شده است که حل آن با توجه به قیود (۱۳-۱۷) حاصل می‌گردد.

$$\sum_d \sum_b P_{tdb}^D - \sum_f \sum_o P_{tfo}^S - \sum_a \sum_o P_{tao}^{ES} - \sum_r \sum_o P_{tro}^R = 0 : \lambda_{tfo} \quad \forall t, \forall \omega \quad (13)$$

$$0 \leq P_{tfo}^S \leq Y_{fo} : \mu_{tfo}^{Smin}, \mu_{tfo}^{Smax} \quad \forall t, \forall f, \forall o, \forall \omega \quad (14)$$

$$0 \leq P_{tao}^{ES} \leq P_{ao}^{ESmax} : \mu_{tao}^{ESmin}, \mu_{tao}^{ESmax} \quad \forall t, \forall a, \forall o, \forall \omega \quad (15)$$

$$0 \leq P_{tro}^R \leq P_{row}^{Rmax} : \mu_{tro}^{Rmin}, \mu_{tro}^{Rmax} \quad \forall t, \forall r, \forall o, \forall \omega \quad (16)$$

$$0 \leq P_{tdb}^D \leq P_{tdb}^{Dmax} : \mu_{tdb}^{Dmin}, \mu_{tdb}^{Dmax} \quad \forall t, \forall d, \forall b, \forall \omega \quad (17)$$

رابطه‌ی (۱۳)، بیان کننده‌ی تعادل بار در هر بلوک بار و در هر سناریو است. این قید، الزاماً به مفهوم تأمین کل بار موجود در شبکه نیست و ممکن است بخشی از بار تأمین نشود. روابط (۱۴-۱۶)، به ترتیب، بیان کننده‌ی محدوده‌های ظرفیت تولید واحدهای جدید و موجود تولید کننده‌ی استراتژیک و تولید کننده‌گان رقیب در بلوک‌های تولید - پیشنهاد مختلف هستند. رابطه‌ی (۱۷)، توان مصرفی توسط هر بار در بلوک مصرف - پیشنهاد مربوطه را محدود می‌کند. تولید کننده‌ی موردنظر بر اساس تصمیم‌های استراتژیک شامل تصمیم‌های سرمایه‌گذاری استراتژیک ( $Y_f$ ) و تصمیم‌های پیشنهادهای قیمت استراتژیک ( $\gamma_{tfo}^S$  و  $\gamma_{tao}^{ES}$ ) که در مسئله‌ی سطح بالاتر اتخاذ می‌نماید، رفتاری استراتژیک را از خود نشان می‌دهد و انتظار دارد تا بر اساس این تصمیم‌های او، خروجی‌های بازار شامل قیمت‌های تسویه‌ی بازار و مقادیر تولید تغییر نمایند. به همین منظور، تسویه‌ی بازار حوضچه مسئله سطح بالاتر را مقید می‌کند. این امر به تولید کننده‌ی استراتژیک موردنظر امکان می‌دهد تا از تأثیر اقدام‌های سرمایه‌گذاری و پیشنهادهای خود بر روی بازار مطلع گردد.

بلوک‌های تولید - پیشنهاد اول و دوم برای واحدهای نامزد برابر با نیمی از ظرفیت کل آن واحد در نظر گرفته شده است.

جدول (۲): اطلاعات مربوط به واحدهای نامزد برای سرمایه‌گذاری

هزینه تولید	هزینه گذاری	هزینه	ظرفیت	نوع واحد	
در بلوك	در دسترس	سالیانه	سرمایه‌گذاری	پیشنهادی ۱	پیشنهادی ۲
۶/۳۰	۶/۰۰	۲۰۰۵۰:۱۰۰۰	۷۵۰۰	فن آوری پایه	
۱۰/۵۰	۱۰/۰۰	۲۰۰۵۰:۱۰۰۰	۴۰۰۰	فن آوری میانی	
۱۵/۲۰	۱۴/۷۰	۲۰۰۵۰:۱۰۰۰	۱۵۰۰	فن آوری اوج	
			$C_f [€/MW]$		$Y_{fc} [MW]$

## ۲-۴ نتایج شبیه‌سازی

حال تصادفی با ده سناریوی محتمل در نظر گرفته شده است. این سناریوها به گونه‌ای انتخاب می‌شوند که عدم قطعیت موجود در پارامترهای غیرقطعی را به صورتی مناسب نمایش دهند. سناریوهای مربوط به پیشنهاددهی رقبا باید تمامی استراتژی‌های ممکن در پیشنهاددهی رقبا را پوشش دهند، سناریوهای مربوط به سرمایه‌گذاری رقبا باید بر اساس شرایط و اظهارات مالی آنان باشند و سناریوهای مربوط به مقدار بار و پیشنهاددهی قیمت آنان نیز می‌توانند براساس سوابق رفتار بارها تعیین شوند. جزئیات مربوط به حالت تصادفی در جدول (۳) بیان شده است که شامل ده سناریو بوده و احتمال وقوع آن‌ها یکسان فرض شده است (برابر با ۰/۱) و سرمایه‌گذاری رقبا و همچنین ضرایب مربوط به پیشنهاددهی قیمت رقبا، مقدار بار و پیشنهاددهی قیمت بارها در ستون‌های این جدول بیان شده‌اند، یعنی ضرایب موجود در جدول (۳) در مقادیر بیان شده در بخش مفروضات ضرب می‌شوند و مقادیر پارامترهای غیرقطعی در سناریوهای مختلف حاصل می‌گردند.

جدول (۳): اطلاعات مربوط به سناریوهای مختلف

سال	هزینه گذاری رقبا (MW)	ضریب مربوط									
۰/۹	۱/۰	۰/۹	-	-	-	-	-	-	-	-	۱
۰/۹۵	۱/۱	۰/۹	-	-	-	-	-	-	-	-	۲
۱/۰	۱/۰	۱/۰	-	-	-	-	-	-	-	-	۳
۱/۱	۱/۱	۱/۰	-	-	-	-	-	-	-	-	۴
۱/۲	۱/۲	۱/۰	-	-	-	-	-	-	-	-	۵
۰/۹	۱/۰	۰/۹	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰
۰/۹۵	۱/۱	۰/۹	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰
۱/۰	۱/۰	۱/۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰
۱/۱	۱/۱	۱/۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰
۱/۲	۱/۲	۱/۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰	۳۵۰

مسئله MILP بیان شده، به ازای مقادیر مختلفی از پارامتر وزنی  $\beta$  حل می‌شود. نتایج بدست آمده در خصوص سرمایه‌گذاری، در جدول

۲. قیود مکمل موجود در مسئله MPEC، به منظور خطی‌سازی این قیود از تبدیل فورتونی - آمات [20] استفاده می‌شود که بر اساس آن، اگر  $a$  و  $b$  دو متغیر باشند، می‌توان قید مکمل به صورت  $0 \leq a \perp b \leq 0$  را با مجموعه‌ی قیود (۱۹) جایگزین نمود.

$$a \geq 0, \quad b \geq 0, \quad a \leq \psi M, \quad b \leq (1 - \psi)M \quad (19)$$

که لذا، یک متغیر باینری است و  $M$ ، یک ثابت به اندازه‌ی کافی بزرگ می‌باشد. با خطی‌سازی‌های بیان شده، یک MILP حاصل می‌شود.

## ۴- مطالعه‌ی عددی

این قسمت، نتایج مربوط به یک مطالعه‌ی عددی بر اساس شبکه‌ی آزمون ۲۴ شینه IEEE [22] را ارائه می‌دهد. مسئله نهایی بیان شده در این مقاله، یک MILP بوده و برای حل آن از CPLEX تحت نرم‌افزار GAMS و نرم‌افزار MATLAB استفاده شده است.

### ۴-۱- مفروضات

برای سال هدف، یک منحنی تداوم بار شامل هفت بلوك بار تکمیل خطی در نظر گرفته شده است. تداوم زمانی بلوك‌ها توسط یک ضریب وزنی نشان داده شده است. این ضریب برای بلوك‌های مختلف بار به ترتیب برابر با حاصل ضرب (۸۷۶۰/۰۷) در مقادیر ۰/۵، ۰/۰، ۰/۵، ۱/۰، ۱/۰ و ۱/۵ می‌باشد. بارهای موجود در بلوك بار اول، مشابه [4] با ضریب ۱/۲ هستند و برای شش بلوك بعدی، تمامی بارهای موجود در بلوك بار اول به ترتیب در مقادیر ۰/۹، ۰/۶۵، ۰/۷۵، ۰/۵۵ و ۰/۵ می‌باشند. هر بار خود دارای دو بلوك مصرف - پیشنهاد می‌باشد که ۷۵ درصد میزان بار پیشنهادی در بلوك اول و ۲۵ درصد آن نیز متعلق به بلوك دوم است.

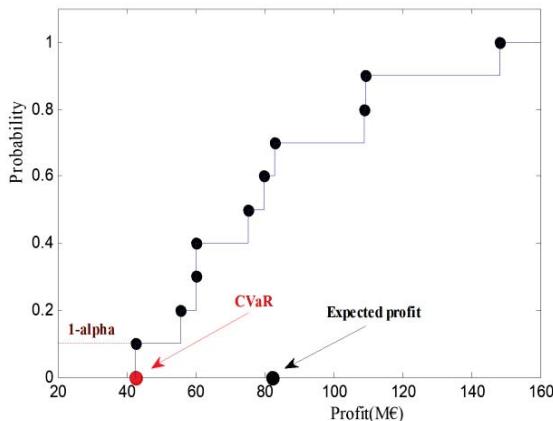
قیمت پیشنهادی بارها در بلوك بار اول بر حسب یورو بر مگاوات ساعت به صورت است. در شش بلوك بار بعدی، قیمت‌های پیشنهادی بیان شده به ترتیب در مقادیر ۰/۹۵، ۰/۹، ۰/۸۵، ۰/۸، ۰/۷۵ و ۰/۷ ضرب می‌شوند.

جدول (۱): قیمت پیشنهادی بارها در بلوك بار اول

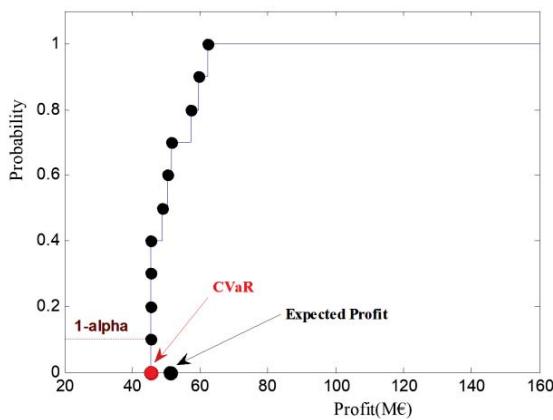
بارهای موجود در شینهای (۱-۱۳)	قیمت در بلوك	بارهای موجود در شینهای ۱۵، ۱۳ و ۱۸	قیمت در بلوك	پیشنهادی اول	پیشنهادی دوم
۳۳	۲۵	۱۸	۴۰		
۳۸					
۳۶	۲۸	سایر بارها			

اطلاعات مربوط به واحدهای موجود متعلق به تولیدکننده‌ی استراتژیک موردنظر و واحدهای رقیب مشابه [4] بوده و اطلاعات مربوط به واحدهای نامزد برای سرمایه‌گذاری شامل سه فن آوری پایه، میانی و اوج در جدول (۲) بیان شده‌اند. ظرفیت مربوط به هریک از

در جدول (۵)، ستون اول، نشان‌دهنده‌ی شماره‌ی سناریو است. همانطور که در جدول (۵) مشاهده می‌شود، مقادیر سود از حالت ریسک‌خنثی تا حالت ریسک‌گریز، به طور کلی دارای روند نزولی است که این امر با توجه به آنچه در [۱۹] بیان شده است، امری منطقی است. توابع توزیع تجمعی در دو حالت ریسک‌خنثی و ریسک‌گریز، به ترتیب در شکل‌های (۴) و (۵) نشان داده شده‌اند.



شکل (۴): تابع توزیع تجمعی در حالت ریسک‌خنثی ( $\beta = 0$ )



شکل (۵): تابع توزیع تجمعی در حالت ریسک‌گریز ( $\beta = 1$ )

همان‌طور که در شکل‌های (۴) و (۵) مشاهده می‌شود، در حالت ریسک‌گریز، پراکندگی مقادیر سود در سناریوهای مختلف نسبت به حالت ریسک‌خنثی به شدت کاهش یافته و CVaR افزایش یافته است. به این ترتیب، تولیدکننده‌ی استراتژیک موردنظر می‌تواند متناسب با سطح ریسک‌پذیری و سود مورد انتظار خود، تصمیم‌های بهینه را اتخاذ نماید. قیمت‌های تسویه‌ی بازار در بلوک‌های بار و سناریوهای مختلف، در دو حالت کاملاً ریسک‌خنثی و کاملاً ریسک‌گریز به ترتیب، مطابق با جدول‌های (۶) و (۷) حاصل شده‌اند.

(۴) ارائه شده است. پارامتر سطح اطمینان  $\alpha$  برابر با  $0.9$  در نظر گرفته شده است.

جدول (۴): نتایج سرمایه‌گذاری در سطوح مختلف ریسک‌پذیری

سود انتظاری (M€)	کل ظرفیت سرمایه‌گذاری (MW)	فن‌آوری میانی (MW)	فن‌آوری پایه (MW)	$\beta$
۸۲/۲۸	۶۰۰	۴۰۰	—	۰/۰
۸۲/۱۷	۵۵۰	۳۵۰	—	۰/۲
۸۱/۹۸	۵۰۰	۵۰۰	—	۰/۴
۷۹/۷۶	۵۰۰	۳۰۰	—	۰/۶
۷۸/۰۰	۲۰۰	۲۰۰	—	۰/۸
۵۱/۱۳	—	—	—	۱/۰

به ازای  $\beta = 0$ ، مسئله‌ی موردنظر، ریسک‌خنثی است (تولیدکننده‌ی موردنظر، کاملاً ریسک‌پذیر است) و همان‌طور که مشاهده می‌شود، سود انتظاری در این حالت دارای بیشترین مقدار است. با افزایش  $\beta$ ، بخش مربوط به سود انتظاری نسبت به ریسک از اهمیت کمتری برخوردار خواهد بود، سود انتظاری به تدریج کاهش یافته و سطح ریسک‌گریز تولیدکننده‌ی موردنظر افزایش می‌یابد و این بدان معناست که با احتمال بالاتری به سود موردنظر دست خواهد یافت. همچنین، با افزایش  $\beta$ ، کل ظرفیت سرمایه‌گذاری دارای روند کاهشی است؛ به طوری که در حالت ریسک‌خنثی، کل ظرفیت سرمایه‌گذاری دارای بیشترین مقدار و برابر با  $600$  مگاوات است که  $400$  مگاوات آن از فن‌آوری اوج و  $200$  مگاوات آن از فن‌آوری پایه است و هر چقدر رفتار تولیدکننده‌ی موردنظر به حالت ریسک‌گریز نزدیک‌تر می‌شود، کل ظرفیت سرمایه‌گذاری نیز کاهش می‌یابد، به گونه‌ای که در حالت کاملاً ریسک‌گریز، هیچ سرمایه‌گذاری جدیدی انجام نمی‌دهد. مقادیر سود، بر حسب میلیون یورو، به ازای مقادیر مختلف  $\beta$  در سناریوهای مختلف، مطابق جدول (۵)، حاصل شده‌اند.

جدول (۵): مقادیر سود به ازای مقادیر مختلف  $\beta$  در سناریوهای مختلف

مقادیر پارامتر وزنی $\beta$					
	۰/۸	۰/۶	۰/۴	۰/۲	صفرا
۴۵/۳۶	۵۹/۹۸	۵۹/۹۸	۶۱/۶۶	۵۹/۷۴	۶۰/۰۲
۵۷/۳۲	۷۷/۱۶	۸۱/۴۹	۸۲/۳۵	۸۲/۶۲	۸۲/۸۱
۵۱/۶۷	۷۳/۸۰	۷۴/۸۹	۷۶/۱۲	۷۵/۲۳	۷۵/۱۹
۶۲/۳۹	۱۰۰/۵۷	۱۰۶/۷۹	۱۰۷/۷۶	۱۰۸/۷۱	۱۰۸/۹۳
۵۹/۴۳	۱۲۴/۶۴	۱۳۰/۶۸	۱۴۳/۴۹	۱۴۶/۷۶	۱۴۸/۲۲
۴۵/۳۶	۴۶/۸۰	۴۳/۴۳	۴۴/۷۴	۴۲/۴۵	۴۲/۵۶
۴۵/۳۶	۶۰/۱۳	۶۰/۵۱	۶۰/۰۹	۶۰/۴۱	۶۰/۰۴
۴۵/۳۸	۵۷/۸۴	۵۲/۶۲	۵۷/۵۱	۵۶/۳۵	۵۵/۷۷
۵۰/۲۵	۷۷/۹۵	۸۰/۳۲	۷۸/۱۹	۸۰/۴۲	۷۹/۹۸
۴۸/۸۸	۱۰۱/۱۴	۱۰۵/۸۳	۱۰۷/۴۲	۱۰۸/۹۹	۱۰۹/۲۸
س. ۱					
س. ۲					
س. ۳					
س. ۴					
س. ۵					
س. ۶					
س. ۷					
س. ۸					
س. ۹					
س. ۱۰					

جدول (۶): قیمت‌های تسویه‌ی بازار بر حسب یورو بر مگاوات ساعت در  
بلوک‌های بار و سناریوهای مختلف در حالت ریسک‌خنثی ( $\beta = 0$ )

۱. ب.	۲. ب.	۳. ب.	۴. ب.	۵. ب.	۶. ب.	۷. ب.
۱۸/۰	۱۸/۰	۲۳/۴	۲۵/۰	۲۶/۵	۲۸/۱	۳۱/۵
۱۸/۰	۲۳/۰	۲۴/۷	۲۶/۴	۲۸/۰	۳۱/۶	۳۳/۲
۲۰/۰	۲۰/۰	۲۶/۰	۲۷/۷	۲۹/۵	۳۱/۲	۳۵/۰
۲۰/۰	۲۶/۷	۲۸/۶	۳۰/۵	۳۲/۴	۳۶/۶	۳۸/۵
۲۷/۰	۲۹/۱	۳۱/۲	۳۲/۳	۳۵/۴	۳۹/۹	۴۲/-
۱۶/۷	۱۶/۷	۱۷/۳	۱۸/۰	۲۶/۵	۲۸/۱	۲۹/۷
۱۶/۷	۱۷/۳	۱۸/۰	۲۶/۴	۲۸/۰	۲۹/۷	۳۳/۲
۱۸/۶	۱۸/۶	۱۹/۲	۱۹/۲	۲۹/۵	۳۱/۲	۳۳/-
۱۸/۶	۱۹/۲	۱۹/۲	۳۰/۵	۳۲/۴	۳۴/۴	۳۸/۵
۱۹/۲	۱۹/۲	۳۱/۲	۳۲/۳	۳۵/۴	۳۷/۵	۴۲/۰

جدول (۷): قیمت‌های تسویه‌ی بازار بر حسب یورو بر مگاوات ساعت در  
بلوک‌های بار و سناریوهای مختلف در حالت ریسک‌گریز ( $\beta = 1$ )

۱. ب.	۲. ب.	۳. ب.	۴. ب.	۵. ب.	۶. ب.	۷. ب.
۲۰/۲	۲۱/۸	۲۳/۴	۲۵/۰	۲۸/۳	۲۹/۹	۳۲/۴
۱۰/۸	۲۳/۰	۲۴/۷	۲۶/۴	۲۹/۹	۳۱/۶	۳۴/۲
۲۰/۰	۲۲/۴	۲۰/۰	۲۷/۷	۳۱/۵	۳۲/۲	۳۵/۰
۱۸/۶	۲۳/۴	۲۸/۶	۳۲/۷	۳۴/۶	۳۶/۶	۳۹/۶
۲۷/۰	۲۹/۱	۳۳/۶	۳۵/۷	۳۷/۸	۳۹/۹	۴۲/۰
۱۷/۳	۱۷/۳	۱۸/۰	۱۸/۰	۲۶/۵	۲۸/۱	۳۱/۵
۱۸/۰	۱۸/۳	۲۱/۴	۲۶/۴	۲۹/۹	۳۱/۶	۳۲/۲
۱۸/۶	۲۰/۰	۱۹/۲	۲۰/۰	۲۹/۵	۳۳/۲	۳۵/۰
۱۸/۶	۱۸/۶	۱۹/۲	۲۲/۸	۳۲/۴	۳۶/۶	۳۸/۵
۲۰/۲	۲۲/۴	۲۳/۸	۳۲/۳	۳۵/۴	۳۹/۹	۴۲/۰

قیمت‌های تسویه‌ی بازار، به عنوان متغیرهای تصمیم مرحله دوم می‌باشند. در مدل ارائه شده، قیمت‌های تسویه‌ی بازار از نوع قیمت‌های یکنواخت هستند. همانطور که در جدول‌های (۶) و (۷) مشاهده می‌شود، به طور کلی، این قیمت‌ها از بلوک بار اول (ب.) (۱) تا بلوک بار هفتم (ب.) (۷) دارای روند نزولی هستند که این امر با توجه به نزولی بودن پیشنهادهای مربوط به مقدار و قیمت بار از بلوک بار اول تا بلوک بار هفتم، امری منطقی است.

## ۵- نتیجه‌گیری

- این مقاله، مدلی را ارائه می‌دهد که بر اساس آن، یک تولیدکننده استراتژیک می‌تواند تصمیم‌هایی بهینه را در خصوص سرمایه‌گذاری در تولید در یک فضای تجدید ساختاریافته اتخاذ نماید. با توجه به مدل ارائه شده و شبیه‌سازی صورت گرفته، نتایج زیر حاصل شده‌اند:
۱. رفتار استراتژیک تولیدکننده موردنظر از طریق تابع عرضه در مدل ارائه شده بیان گردیده است.
  ۲. فضای تجدید ساختاریافته به گونه‌ای مناسب و در قالب مسائل سطح پایین‌تر (تسویه‌ی بازار) در یک مدل دوستحی بیان شده است.

۳. عدم قطعیت‌های موجود در پیشنهادهای مقدار و قیمت بارها، سرمایه‌گذاری رقبا و پیشنهادهای قیمت آنان به صورتی مناسب از طریق سناریوهای مختلف بیان شده‌اند.

۴. تأثیر سطح ریسک‌پذیری تولیدکننده استراتژیک موردنظر بر روی تصمیم‌های سرمایه‌گذاری و پیشنهادهای وی از طریق اعمال یک معیار خطی اندازه‌گیرنده‌ی ریسک (CVaR) در مسئله‌ی سطح بالاتر، مورد توجه قرار گرفته است.

نتایج شبیه‌سازی بخوبی نشان می‌دهد که اگرچه نادیده گرفتن ریسک به سود انتظار بیشتری منجر می‌شود، اما ممکن است در عمل با وقوع یکی از سناریوهای نامطلوب، سودی حاصل گردد که با مقدار مورد انتظار سود بسیار متفاوت است. در نتیجه، تصمیم‌گیری صرفاً بر اساس بیشینه کردن سود انتظاری و بدون در نظر گرفتن ریسک می‌تواند گمراه‌کننده باشد. بنابراین، سرمایه‌گذار استراتژیک می‌تواند با استفاده از روش ارائه شده در این مقاله، با تعريف رفتار بارها و رفتار رقبا در قالب یک مجموعه سناریوی واقع‌بینانه و با در نظر گرفتن یک معیار اندازه‌گیرنده‌ی ریسک در کنار بیشینه‌سازی سود انتظاری و با وزن‌دهی این دو عامل متناسب با سطح ریسک‌پذیری خود، تصمیم‌های مناسب‌تری اتخاذ نماید.

## ضمایم

### فهرست علامه و اختصارها

در این بخش، اندیس‌ها، ثابت‌ها و متغیرهای استفاده شده در مدل موردنظر ارائه شده‌اند. برخی از ثابت‌ها و متغیرهای بیان شده، در صورتی که در سناریوهای مختلف دارای مقادیر متفاوتی باشند، شامل اندیس (۷) نیز خواهند بود.

#### اندیس‌های بکاررفته در مدل ارائه شده

t	اندیس مربوط به بلوک‌های بار
f	اندیس مربوط به بناآوری موجود در واحد جدید
a	اندیس مربوط به واحدهای موجود در تولیدکننده استراتژیک موردنظر
r	اندیس مربوط به واحدهای متعلق به تولیدکننده‌ی رقیب
d	اندیس مربوط به بارها
c	اندیس مربوط به طرفیت‌های سرمایه‌گذاری در دسترس
o	اندیس مربوط به بلوک‌های تولید - پیشنهاد
b	اندیس مربوط به بلوک‌های مصرف - پیشنهاد
w	اندیس مربوط به سناریوهای مختلف

#### ثابت‌های بکاررفته در مدل ارائه شده

$\sigma_t$	ضریب وزنی بلوک بار t
$p_w$	احتمال وقوع سناریوی w
$C_f$	هزینه‌ی سرمایه‌گذاری سالیانه‌ی واحد جدید با فن آوری f
$Y_{fc}$	گزینه‌ی ۵ برای طرفیت سرمایه‌گذاری واحد جدید با فن آوری f
$P_{ao}^{ES\max}$	طرفیت واحد a متعلق به تولیدکننده استراتژیک در بلوک تولید - پیشنهاد 0
$P_{ro}^{R\max}$	طرفیت واحد r متعلق به تولیدکننده‌ی رقیب در بلوک تولید - پیشنهاد 0
$P_{tdb}^{D\max}$	بیشینه‌ی مصرف بار d در بلوک بار t و در بلوک مصرف - پیشنهاد b

- 2012.
- [7] S. Wogrin, E. Centeno, and J. Barquín, "Generation capacity expansion in liberalized electricity markets: A stochastic MPEC approach," *IEEE Trans. Power Syst.*, vol. 26, no. 4, pp. 2526–2532, 2011.
- [8] B. F. Hobbs, C. B. Metzler, and J.-S. Pang, "Strategic gaming analysis for electric power systems: An MPEC approach," *Power Syst. IEEE Trans.*, vol. 15, no. 2, pp. 638–645, 2000.
- [9] M. Ventosa, R. Denis, and C. Redondo, "Expansion planning in electricity markets. Two different approaches," *Proceeding 14th PSCC*, Sevilla, pp. 24–28, 2002.
- [10] E. Centeno, S. Wogrin, A. López-Peña, and M. Vázquez, "Analysis of investments in generation capacity: a bilevel approach," *IET Gener. Transm. Distrib.*, vol. 5, no. 8, pp. 842–849, 2011.
- [11] L. Baringo and A. J. Conejo, "Risk-constrained multi-stage wind power investment," *IEEE Trans. Power Syst.*, vol. 28, no. 1, pp. 401–411, 2013.
- [12] A. J. C. Pereira and J. T. Saraiva, "Generation expansion planning (GEP)--a long-term approach using system dynamics and genetic algorithms (GAs)," *Energy*, vol. 36, no. 8, pp. 5180–5199, 2011.
- [13] S. M. Moghaddas Tafreshi, A. Saliminia Lahiji, J. Aghaei, and A. Rabiee, "Reliable generation expansion planning in pool market considering power system security," *Energy Convers. Manag.*, vol. 54, no. 1, pp. 162–168, 2012.
- [14] H. A. Shayanfar, a. S. Lahiji, J. Aghaei, and A. Rabiee, "Generation Expansion Planning in pool market: A hybrid modified game theory and improved genetic algorithm," *Energy Convers. Manag.*, vol. 50, no. 5, pp. 1149–1156, 2009.
- [15] S. M. Moghaddas-Tafreshi, H. A. Shayanfar, A. Saliminia Lahiji, A. Rabiee, and J. Aghaei, "Generation expansion planning in Pool market: A hybrid modified game theory and particle swarm optimization," *Energy Convers. Manag.*, vol. 52, no. 2, pp. 1512–1519, 2011.
- [16] A. J. C. Pereira and J. T. Saraiva, "A decision support system for generation expansion planning in competitive electricity markets," *Electr. power Syst. Res.*, vol. 80, no. 7, pp. 778–787, 2010.
- [17] A. J. C. Pereira and J. T. Saraiva, "A long term generation expansion planning model using system dynamics--Case study using data from the Portuguese/Spanish generation system," *Electr. Power Syst. Res.*, vol. 97, pp. 41–50, 2013.
- [18] J. Wang, M. Shahidehpour, Z. Li, and a. Botterud, "Strategic Generation Capacity Expansion Planning With Incomplete Information," *Power Syst. IEEE Trans.*, vol. 24, no. 2, pp. 1002–1010, 2009.
- [19] A. J. Conejo, M. Carrión, and J. M. Morales, *Decision making under uncertainty in electricity markets*, vol. 1. Springer, 2010.
- [20] S. A. Gabriel, A. J. Conejo, J. D. Fuller, B. F. Hobbs, and C. Ruiz, "Complementarity Modeling in Energy Markets," vol. 1, p. 655, 2012.
- [21] J. C. Antonio, M. Roberto, C. Enrique, and others, "Decomposition techniques in mathematical programming," New York: Engineering and Science Application, 2006.
- [22] P. Wong, P. Albrecht, R. Allan, R. Billinton, Q. Chen, C. Fong, S. Haddad, W. Li, R. Mukerji, D. Patton, and others, "The IEEE reliability test system-1996. A report prepared by the reliability test system task force of the application of probability methods subcommittee," *Power Syst. IEEE Trans.*, vol. 14, no. 3, pp. 1010–1020, 1999.

$C_{fo}^S$	هزینه‌ی مرzi واحد جدید با فن‌آوری f در بلوک تولید - پیشنهاد o
$C_{ao}^S$	هزینه‌ی مرzi واحد موجود a متعلق به تولید کننده‌ی استراتژیک در بلوک تولید - پیشنهاد o
$C_{tro}^R$	پیشنهاد قیمت واحد t تولید کنندگان رقیب در بلوک بار t و در بلوک تولید - پیشنهاد o
$B_{tdb}^D$	پیشنهاد قیمت بار d در بلوک بار t و در بلوک مصرف - پیشنهاد b
$\alpha$	سطح اطمینان استفاده شده برای محاسبه‌ی مقدار در ریسک شرطی
$\beta$	پارامتر وزنی استفاده شده برای مدل سازی تعادل بین سود انتظاری و مقدار در ریسک شرطی
<b>متغیرهای بکاررفته در مدل ارائه شده</b>	
$f_f$	ظرفیت بهینه‌ی سرمایه‌گذاری برای تولید کننده‌ی استراتژیک در واحد جدید با فن‌آوری f
$Y_{fo}$	ظرفیت واحد جدید با فن‌آوری f در بلوک تولید - پیشنهاد o
$Y_{tfo}^S$	پیشنهاد قیمت واحد جدید با فن‌آوری f متعلق به تولید کننده‌ی استراتژیک در بلوک بار t و در بلوک تولید - پیشنهاد o
$\gamma_{tao}^{ES}$	پیشنهاد قیمت واحد موجود a متعلق به تولید کننده‌ی استراتژیک در بلوک بار t و در بلوک تولید - پیشنهاد o
$P_{tfo}^S$	توان تولیدی توسعه واحد جدید با فن‌آوری f متعلق به تولید کننده‌ی استراتژیک در بلوک بار t و در بلوک تولید - پیشنهاد o
$P_{tao}^{ES}$	توان تولیدی توسعه واحد جدید با فن‌آوری f متعلق به تولید کننده‌ی استراتژیک در بلوک بار t و در بلوک تولید - پیشنهاد o
$P_{tro}^R$	توان تولیدی توسعه واحد t متعلق به تولید کنندگان رقیب در بلوک بار t و در بلوک تولید - پیشنهاد o
$P_{tdb}^D$	توان مصرفی توسعه بار d در بلوک بار t و در بلوک مصرف - پیشنهاد b
$\eta, S_\omega$	متغیرهای کمکی برای محاسبه‌ی مقدار در ریسک شرطی

## مراجع

- [1] صادقی هادی, محمدیان محسن, عبداللهی امیر, رشیدی نژاد مسعود, "برنامه‌ریزی توسعه تولید با در نظر گرفتن منابع انرژی تجدیدپذیر و طرح‌های حمایتی با استفاده از الگوریتم جستجوی گرانشی", نشریه انجمن مهندسین برق و الکترونیک ایران, سال دوازدهم, شماره اول, بهار و تابستان ۱۳۹۴
- [2] خراسانی حمید, رشیدی نژاد مسعود, "یک روش ترکیبی برای برنامه‌ریزی توسعه شبکه انتقال", نشریه انجمن مهندسین برق و الکترونیک ایران, سال نهم, شماره اول, ۱۳۹۱
- [3] گلدانی سعیدرضا, رجبی مشهدی حبیب, قاضی رضا, "ارائه یک مدل تحلیلی برای برنامه‌ریزی توسعه تولید در محیط رقابتی بر مبنای تعادل دینامیکی عرضه و تقاضای انرژی", نشریه انجمن مهندسین برق و الکترونیک ایران, سال هشتم, شماره اول, بهار و تابستان ۱۳۹۰
- [4] S. J. Kazempour, A. J. Conejo, and C. Ruiz, "Strategic generation investment using a complementarity approach," *IEEE Trans. Power Syst.*, vol. 26, no. 2, pp. 940–948, 2011.
- [5] S. J. Kazempour, A. J. Conejo, C. Ruiz, and S. Member, "Strategic Generation Investment Considering Futures and Spot Markets," *IEEE Trans. Power Syst.*, vol. 27, no. 3, pp. 1467–1476, 2012.
- [6] S. J. Kazempour and A. J. Conejo, "Strategic generation investment under uncertainty via Benders decomposition," *IEEE Trans. Power Syst.*, vol. 27, no. 1, pp. 424–432,

- 
- <sup>1</sup> Strategic Producer
  - <sup>2</sup> Karush-Kuhn-Tucker
  - <sup>3</sup> Mixed Integer Linear Programming
  - <sup>4</sup> Mathematical Program with Equilibrium Constraints
  - <sup>5</sup> Conjectured-Price Response
  - <sup>6</sup> hybrid modified game theory
  - <sup>7</sup> Independent System Operator
  - <sup>8</sup> Risk Management
  - <sup>9</sup> Supply Function
  - <sup>10</sup> Conditional Value at Risk
  - <sup>11</sup> Production-offer blocks
  - <sup>12</sup> Demand-bid blocks
  - <sup>13</sup> Social Welfare
  - <sup>14</sup> First-stage decision variable
  - <sup>15</sup> Uniform Price
  - <sup>16</sup> Second-stage decision variable
  - <sup>17</sup> First order optimality conditions
  - <sup>18</sup> Strong duality theorem
  - <sup>19</sup> Fortuny-Amat transformation
  - <sup>20</sup> branch-and-cut algorithms
  - <sup>21</sup> Risk-Neutral Decision Making
  - <sup>22</sup> Risk-Averse Decision Making