

# مدلسازی اثر بارگذاری بر قابلیت اطمینان ترانسفورمر

محمد پوراحمد<sup>۱</sup> ایرج احمدی<sup>۲</sup> تقی بارفروشی<sup>۳</sup>

۱- کارشناسی ارشد- دانشکده مهندسی برق- دانشگاه آزاد اسلامی واحد ساری- ساری- ایران

[eng2mpa@gmail.com](mailto:eng2mpa@gmail.com)

۲- استادیار- دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر- دانشگاه علم و فن آوری مازندران - بهشهر- ایران

[iraj.ahmadi@mazust.ac.ir](mailto:iraj.ahmadi@mazust.ac.ir)

۳- استادیار- گروه پژوهشی پست های فشارقوی - دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر- دانشگاه صنعتی نوشیروانی بابل - بابل - ایران

[barforoshi@nit.ac.ir](mailto:barforoshi@nit.ac.ir)

**چکیده:** ترانسفورمر یکی از مهمترین اجزا سیستم قدرت بوده و تعیین قابلیت اطمینان آن بسیار حائز اهمیت می باشد. برای بدست آوردن قابلیت اطمینان کامل یک ترانسفورمر، تنها تعیین احتمال خرابی های اتفاقی اجزاء آن کافی نیست بلکه باید احتمال ترانسفورمر در مرحله فرسایش نیز تعیین گردد. برای بدست آوردن قابلیت اطمینان ترانسفورمر در مرحله فرسایش، تعیین عمر باقیمانده ترانسفورمر نقش مهمی ایفا می کند. یکی از پارامترهایی که روی عمر متوسط ترانسفورمر تاثیر می گذارد، دمای نقطه داغ سیم پیچ می باشد که آن به نوبه خود وابسته به بارگذاری ترانسفورمر می باشد. در این مقاله به تاثیر بارگذاری روی قابلیت اطمینان ترانسفورمر پرداخته شده است. درابتدا قابلیت اطمینان در دوره عمر مفید بررسی شده تا از نتایج آن برای قابلیت اطمینان کامل ترانسفورمر استفاده شود. سپس با مدلسازی حرارتی و استفاده از رابطه ضریب تسریع عمر، میزان تغییرات عمر متوسط ترانسفورمر بواسطه بارگذاری ارائه گردید. مشخصات الکترکی، حرارتی و همچنین داده های بار ساعتی یک ساله یک ترانسفورماتور در مرحله فرسایش مدلسازی گردید. مدل بدست آمده اعمال و تاثیر حالت های مختلف بارگذاری و بالا رفتن سن بر قابلیت اطمینان ترانسفورماتور در مرحله فرسایش و قابلیت اطمینان کامل ترانسفورمر شبیه سازی شده، مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفت. نتایج شبیه سازی های نشان دهنده تاثیر زیاد بارگذاری بر قابلیت اطمینان ترانسفورمر بوده و از آنها می توان برای پایش قابلیت اطمینان و عمر باقیمانده ترانسفورمر بصورت بر خط (On-line) استفاده نمود.

**کلمات کلیدی:** قابلیت اطمینان، عمر باقیمانده ترانسفورمر، بارگذاری، ضریب تسریع عمر، مرحله فرسایش

تاریخ ارسال مقاله: ۱۳۹۲/۰۴/۱۴

تاریخ پذیرش مشروط مقاله: ۱۳۹۳/۰۵/۲۲

تاریخ پذیرش مقاله: ۱۳۹۴/۰۸/۱۸

نام نویسندهی مسئول: دکتر ایرج احمدی

نشانی نویسندهی مسئول: ایران - مازندران - بهشهر - کیلومتر ۳ جاده دریا - دانشگاه علم و فناوری مازندران - دانشکدهی مهندسی برق و کامپیوتر



## ۱- مقدمه

ترانسفورمرها از تجهیزات گران قیمت و اساسی شبکه‌های قدرت هستند که از مدار خارج شدن آنها باعث قطع طولانی مدت انرژی و متعاقب آن کاهش فروش و درآمد شرکت‌های برق می‌شود. از آنجا که تعمیر یا جایگزینی این تجهیزات مستلزم هزینه بسیار بالا و صرف زمان طولانی می‌باشد، اطلاع از قابلیت اطمینان آنها برای شرکت‌های برق از اهمیت بالایی برخوردار است.

قابلیت اطمینان ترانسفورمرها در مقالات متعددی مورد بحث قرار گرفته است. مدل قابلیت اطمینان ترانسفورمر برای خرابی اتفاقی اجزا در دوره عمر مفید در [۱] ارائه شده است. همچنین مدل قابلیت اطمینان ترانسفورمر در حالت خنک کنندگی ONAF در مرجع [۲] ارائه شده است. در این مقالات اجزا ترانسفورمر به زیر سیستم‌هایی تقسیم بندی شده و با استفاده از روش مدل سازی مارکوف قابلیت اطمینان سیستم تحلیل شده است. بررسی قابلیت اطمینان ترانسفورمر در مرجع [۲] با محوریت خنک کنندگی صورت پذیرفته است. اما به

بحث‌های بارگذاری و فرسایش پرداخته نشده است.

عامل اصلی در پیر شدن و فرسایش ترانسفورمر که باعث افزایش نرخ خرابی آن می‌گردد، تخریب عایق می‌باشد. در تخریب عایق حرارت نقش اصلی را بازی می‌کند و متحمل ترین نقطه برای تخریب عایق نقطه داغ ترانسفورمر می‌باشد. به همین دلیل تخمین دمای نقطه داغ و در نتیجه طول عمر باقیمانده ترانسفورمرهای قدرت، جهت تحلیل قابلیت اطمینان آن، از دغدغه‌های اصلی دارندگان این تجهیزات، مخصوصاً در موقعی که ترانسفورمر در شرایط اضافه بار پیوسته یا اضافه بارهای دوره‌ای قرار می‌گیرد، می‌باشد.

در مرجع [۳] اثر حرارتی بارگذاری به طور کامل شرح داده شده و در مورد شرایط بارگذاری فراتر از مقادیر نامی بحث شده است. در ادامه روش استفاده از استاندارد IEEE C57.91-1995 IEEE مدل انتقال حرارتی ارائه شده است که می‌تواند دمای نقطه داغ را تعیین کند. برای تعیین دمای نقطه داغ در این مدل حرارتی، بارگذاری وارد روابط می‌شود. از این رو بارگذاری یکی از موارد تاثیر گذار روی دمای ترانسفورمر مخصوصاً دمای نقطه داغ می‌باشد [۱۰-۱۲].

تحقيقات گذشته بیشتر به قابلیت اطمینان در خرابی‌های اتفاقی، ارزیابی عمر متوسط و قابلیت بارگذاری ترانسفورمر پرداخته اند و اثر بارگذاری روی قابلیت اطمینان ترانسفورمر مورد بررسی قرار نگرفته است. تا زمانیکه ترانسفورمر به محدوده عمر محدوده وارد نشده است و در دوره عمر مفید قرار دارد، خرابی‌های اتفاقی اجزاء، در تعیین قابلیت اطمینان نقش اساسی را ایفا می‌نمایند. ولی پس از ورود ترانسفورمر به محدوده عمر متوسط، فرسایش نیز روی قابلیت اطمینان ترانسفورمر تاثیر گذار خواهد بود. مهمترین عامل در تعیین قابلیت اطمینان در مرحله فرسایش، عمر متوسط ترانسفورمر می‌باشد [۱۳]. همان‌طور که ذکر شد عمر متوسط ترانسفورمر متاثر از دمای نقطه داغ و نتیجتاً بارگذاری می‌باشد. در این مقاله تاثیر روند بارگذاری بر فرسایش و قابلیت اطمینان ترانسفورمر مدل می‌گردد و نشان داده می‌شود که علاوه بر خرابی‌های اتفاقی، فرسایش ترانسفورمر ناشی از بارگذاری سالیانه چه تاثیری روی قابلیت اطمینان آن خواهد داشت.

در مرجع [۶] روشی برای ارزیابی احتمالات افزایش دمای ماکریم ترانسفورمر و افت انتظاری عمر ترانسفورمر با در نظر گرفتن بارگذشته

پست و دمای محیطی بیان شده است. ولی فرسایش و میزان عمر ترانسفورمر مورد ارزیابی قرار نگرفته است. در مرجع [۷] به مسئله بارگذاری ترانسفورمر با رویکرد تحریک بیش از حد و تاثیر آن روی عمر ترانسفورمر پرداخته شده است.

در مرجع [۸] به تعیین قابلیت بارگذاری ترانسفورمر با در نظر گرفتن عملکرد فوق تحریک می‌پردازد. ابتدا مدل تخمین دمای نقطه داغ استاندارد IEEE معرفی می‌شود و در ادامه مدل، برای شرایط فوق تحریک اصلاح می‌گردد و در نهایت با استفاده از مدل اصلاح شده با توجه به نرخ‌های پیری عایق و تغییرات دمای محیط، قابلیت بارگذاری ترانسفورمر با شبیه سازی تعیین و میزان تاثیر فوق تحریک روی بار مجاز ترانسفورمر مشخص می‌گردد.

آنالیز گازهای حل شده در روغن (که مهمترین عایق ترانسفورمر می‌باشد) پر کاربرد ترین تکنیک در زمینه پایش وضعیت در ترانسفورمرهای قدرت است. در این روش رابطه بین مقادیر گازهای تولیدی و نوع خطای ترانسفورمر توسط روش‌های مختلف مورد بررسی قرار گرفته است [۹].

از عوامل مهم در تعیین عمر متوسط ترانسفورمرها زوال عایق می‌باشد که تابعی از دمای کار، رطوبت و اکسیژن موجود در عایق می‌باشد. امروزه با سیستمهای مدرن فرآوری و نگهداری روغن و دیگر عایقهای ترانسفورمر، اکسیژن و رطوبت عایق‌ها حداقل شده است. از آنجا که توزیع دما در ترانسفورمر یکنواخت نیست، تحقیقات روی تعیین داغ ترین نقطه ترانسفورمر (اصطلاحاً نقطه داغ) متمرکز شده است و از آن به عنوان عامل اصلی تعیین فرسایش عایقی یاد می‌شود [۱۰-۱۲].

در استاندارد IEEE C57.91-1995 IEEE مدل انتقال حرارتی ارائه شده است که می‌تواند دمای نقطه داغ را تعیین کند. برای تعیین دمای نقطه داغ در این مدل حرارتی، بارگذاری وارد روابط می‌شود. از این رو بارگذاری یکی از موارد تاثیر گذار روی دمای ترانسفورمر مخصوصاً دمای نقطه داغ می‌باشد [۱۰-۱۲].

تحقیقات گذشته بیشتر به قابلیت اطمینان در خرابی‌های اتفاقی، ارزیابی عمر متوسط و قابلیت بارگذاری ترانسفورمر پرداخته اند و اثر بارگذاری روی قابلیت اطمینان ترانسفورمر مورد بررسی قرار نگرفته است. تا زمانیکه ترانسفورمر به محدوده عمر محدوده وارد نشده است و در دوره عمر مفید قرار دارد، خرابی‌های اتفاقی اجزاء، در تعیین قابلیت اطمینان نقش اساسی را ایفا می‌نمایند. ولی پس از ورود ترانسفورمر به محدوده عمر متوسط، فرسایش نیز روی قابلیت اطمینان ترانسفورمر تاثیر گذار خواهد بود. مهمترین عامل در تعیین قابلیت اطمینان در مرحله فرسایش، عمر متوسط ترانسفورمر می‌باشد [۱۳]. همان‌طور که ذکر شد عمر متوسط ترانسفورمر متاثر از دمای نقطه داغ و نتیجتاً بارگذاری می‌باشد. در این مقاله تاثیر روند بارگذاری بر فرسایش و قابلیت اطمینان ترانسفورمر مدل می‌گردد و نشان داده می‌شود که علاوه بر خرابی‌های اتفاقی، فرسایش ترانسفورمر ناشی از بارگذاری سالیانه چه تاثیری روی قابلیت اطمینان آن خواهد داشت.

$$R(t) = e^{-\lambda t} \quad (1)$$

### ۳- مدلسازی قابلیت اطمینان ترانسفورمر در مرحله فرسایش

در اکثر پژوهش‌های گذشته در زمینه قابلیت اطمینان ترانسفورمر، بررسی‌ها بر مبنای عملکرد ترانسفورمر در دوره عمر مفید و با آهنگ وقوع خطر ثابت صورت گرفته است (کاربرد تابع توزیع نمایی). اما بعد از طی این دوره قطعات و تجهیزات به سن فرسودگی می‌رسند و شکست‌های زیادی رخ می‌دهد. به عبارت دیگر سرعت خرابی لحظه‌ای دستگاه‌ها روند افزایشی به خود گرفته و در نتیجه در این دوران هر مقدار از عمر دستگاه می‌گذرد، سرعت لحظه‌ای (احتمال خرابی) در آن بیشتر خواهد شد. این ناحیه به نام مرحله فرسایش شناخته می‌شود و مشخصه آن روند شدید افزایشی آهنگ وقوع خطر بر حسب زمان می‌باشد. در این ناحیه از توزیع نرمال یا ویبول برای ارزیابی قابلیت اطمینان استفاده می‌شود. هدف این مقاله مدلسازی قابلیت اطمینان ترانسفورمر در این مرحله می‌باشد که در ادامه بحث خواهد شد.

با وجود تعیین زمان میانگین وقوع شکست (MTTF) ترانسفورمر، باید توجه شود که یک ترانسفورمر ممکن است در طی چنین دوره زمانی، وارد مرحله فرسایش شود، مگر آن که با اقدامات ویژه، مانند نگهداری و تعویض قطعات عملأً دوره عمر مفید را طولانی تر کرد. بنابراین صرفاً با محاسبه MTTF نمی‌توان انتظار داشت که ترانسفورمر به طور متوسط برای یک چنین مدت زمانی از کار نیافتد. در این شرایط می‌توان از تابع توزیع نرمال حول مقدار میانگین عمر در مرحله فرسایش برای مدل‌سازی زمان وقوع شکست استفاده کرد. با کاربرد این تابع و معروف  $t$  به عنوان عمر ترانسفورمر،  $M$  به عنوان عمر میانگین در مرحله فرسایش و  $\sigma$  به عنوان انحراف استاندارد عمر در این مرحله می‌توان تابع چگالی احتمال از کار افتادن را تشکیل داد [۱۴]. آهنگ وقوع خطر روند افزایشی شدیدی نسبت به زمان دارد، لذا عمر میانگین  $M$  در این مرحله می‌تواند به مراتب کوچکتر از MTTF شود.

احتمال از کار نیافتدن ناشی از فرسایش در طی مدت زمان  $t$  در فاصله زمانی از  $T$  تا  $T + t$  (برابر رابطه (۲)) بیان می‌شود (احتمالات مرحله فرسایش با اندیس  $\omega$  نشان داده شده است).

$$R_{\omega}(t) = \frac{\int_{T+t}^{\infty} f(t) dt}{\int_T^{\infty} f(t) dt} = \frac{R_{\omega}(T+t)}{R_{\omega}(T)} \quad (2)$$

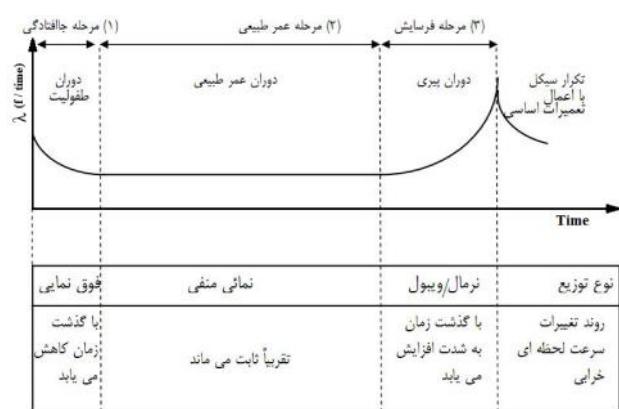
هرگاه از کار افتادگی‌های اتفاقی نیز در محاسبه احتمال کلی از کار نیافتدن منظور شود، به مفهوم هزمندی عدم وقوع از کار افتادن ناشی از دوره عمر مفید و عدم از کار افتادن ناشی از فرسایش خواهد بود. مجدداً در احتساب دامنه زمانی  $t$  از زمان  $T$  تا  $(T+t)$  هرگاه حادثه اتفاقی با اندیس  $C$  نشان داده شود برای احتمال کل داریم:

### ۲- قابلیت اطمینان ترانسفورمر

جهت بررسی قابلیت اطمینان ترانسفورمر، ابتدا مبانی قابلیت اطمینان مرور خواهد شد و سپس قابلیت اطمینان در مرحله فرسایش مورد بررسی قرار خواهد گرفت.

#### ۲-۱- نمودار وقوع خطر بر حسب زمان

شکل (۱) که به منحنی وانی شکل معروف است به عنوان منحنی تغییرات آهنگ وقوع خطر ( $\lambda$ ) برای بسیاری از قطعات فیزیکی واقعی شناخته شده می‌باشد. این منحنی به سه ناحیه تقسیم بندی می‌شود که نوع توزیع احتمال و روند تغییرات  $\lambda$  در هر یک از سه ناحیه در جدول پایین شکل ارائه شده است.



شکل (۱) : منحنی تغییرات آهنگ وقوع خطر بر حسب زمان

این سه ناحیه عبارتند از :

#### ۲-۲- مرحله جا افتادگی

در ابتدای راه اندازی، ترانسفورمر احتیاج به تنظیم شدن و رفع نواقص و سازگار شدن با محیط دارد و لذا امکان وقوع خطر بالاست. این موضوع بیشتر ناشی از خطاهای ساخت و یا طراحی نا مناسب باشد. در این ناحیه آهنگ وقوع خطر به عنوان تابعی از زمان روند نزولی دارد. در این مقاله به علت ناچیز بودن تاثیر این مرحله از آن صرف نظر شده است.

#### ۲-۳- مرحله عمر طبیعی (عمر مفید)

این ناحیه با نام دوره عمر مفید یا مرحله عملکرد عادی شناخته می‌شود و ویژگی آن ثابت ماندن آهنگ وقوع خطر می‌باشد. وقوع شکست در این ناحیه صرفاً تصادفی است. در این دوره زمانی، از توزیع نمایی برای ارزیابی قابلیت اطمینان استفاده می‌شود. توزیع نمایی یا توزیع نمای منفی متداول‌ترین توزیع فراوانی است که در ارزیابی قابلیت اطمینان سیستم برای مدت زمان  $t$  وقتی آهنگ از کار افتادن  $\lambda$  ثابت و مستقل از زمان است از رابطه زیر قابل محاسبه می‌باشد:



خود ممکن است دچار اضافه باری‌ها و کم باری‌های بسیاری گردد و مقدار  $M$  کمتر و یا بیشتر از حالت عادی شود [۱۲و۳]. در این حالت مقدار عمر ترانسفورمر با در نظر گرفتن اثر فرسایش بصورت رابطه (۶) محاسبه خواهد شد:

$$M_i = M + t - F_{aacu} \quad (6)$$

که در آن  $M_i$  میانگین عمر ترانسفورمر با در نظر گرفتن فرسایش ساعت،  $M$  میانگین عمر ترانسفورمر بدون در نظر گرفتن فرسایش ساعت،  $t$  زمان بهره برداری (ساعت)،  $F_{aacu}$  ضریب تسریع فرسودگی تجمعی (ساعت) می‌باشد. در این حالت برای بدست آوردن مقدار تابع توزیع نرمال از جدول استاندارد از رابطه زیر استفاده می‌گردد:

$$Z_2 = \frac{t - M_i}{\sigma} \quad (7)$$

### ۳-۲- ضریب تسریع فرسودگی

در راهنمای بارگذاری IEEE ضریب تسریع فرسودگی بصورت زیر تعریف می‌شود:

$$F_{aa} = \text{Exp} \left[ \frac{B}{\theta_{H,R} + 273} - \frac{B}{\theta_H + 273} \right] \quad (8)$$

که در آن  $F_{aa}$  ضریب تسریع فرسودگی عایق،  $\theta_H$  دمای نقطه داغ (متغیر اصلی)،  $B$  ثابت فرسودگی (بطور نمونه ۱۵۰۰۰)،  $\theta_{H,R}$  دمای نقطه داغ سیم پیچ در بار نامی ۹۵ درجه سانتیگراد اگر  $\Delta\theta_{W/A,R} = 55^{\circ}\text{C}$  باشد و ۱۱۰ درجه سانتیگراد اگر  $\Delta\theta_{W/A,R} = 65^{\circ}\text{C}$  باشد. اگر مقدار  $F_{aa}$  بزرگتر از ۱ شود دمای نقطه داغ بزرگتر از ۱۱۰ درجه سانتیگراد خواهد بود و به افت سریعتر عمر منجر خواهد شد. جدول ۱ مقدار ضریب تسریع فرسودگی را به ازاء دماهای مختلف نقطه داغ ارائه می‌دهد [۱۲].

جدول (۱) : ضریب تسریع فرسودگی

ضریب تسریع فرسودگی	دمای نقطه داغ °C
۱	۱۱۰
۲	۱۱۷
۴	۱۲۴
۸	۱۳۱
۱۶	۱۳۹
۳۲	۱۴۷
۶۴	۱۵۶
۱۲۸	۱۶۴
۲۵۶	۱۷۳
۴۲۵	۱۸۰

بر مبنای جدول ۱ به طور سرانگشتی می‌توان گفت: ضریب تسریع فرسودگی به ازای هر  $7^{\circ}\text{C}$  افزایش در دمای نقطه داغ، دو برابر می‌شود.

$$R(t) = R_c(t).R_\omega(t) = e^{-\lambda t} \frac{R_\omega(T+t)}{R_\omega(T)} \quad (3)$$

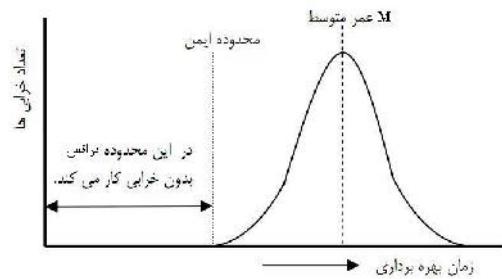
با منظور کردن شروع دوره عمر از لحظه صفر ( $T = 0$ ) رابطه (۳) به صورت زیر در خواهد آمد:

$$R(t) = e^{-\lambda t} \frac{R_\omega(0+t)}{R_\omega(0)} = e^{-\lambda t} R_\omega(t) \quad (4)$$

$$R_\omega(0) = 1$$

### ۳-۱-۳- مقدار متوسط عمر

تعداد خرابی‌های ناشی از فرسایش یک ترانسفورمر در شکل (۲) نمایش داده شده است. در این شکل،  $M$  مقدار متوسط عمر ترانسفورمر می‌باشد. در این پایان نامه دو حالت برای عمر ترانسفورمر، که عاملی در تعیین قابلیت اطمینان می‌باشد، در نظر گرفته خواهد شد.



شکل (۲) توزیع نرمال عمر ترانسفورمر

### ۳-۱-۱- بدون در نظر گرفتن اثر فرسایش

در این حالت فرسایشی که توسط بارگذاری روی عمر ترانسفورمر اثر می‌گذارد در نظر گرفته نخواهد شد. بنابراین در این حالت متوسط عمر ترانسفورمر همان عمر استانداردی که شرکت سازنده تعیین می‌کند، در نظر گرفته می‌شود. برای بدست آوردن مقدار تابع تابع توزیع نرمال از جدول استاندارد، از رابطه زیر استفاده می‌گردد:

$$Z_1 = \frac{t - M}{\sigma} \quad (5)$$

### ۳-۲- با در نظر گرفتن اثر فرسایش

اگر اثر فرسایش روی عمر ترانسفورمر در نظر گرفته شود، بسته به شرایط بارگذاری، مقدار عمر می‌تواند از مقدار استاندارد بیشتر یا کمتر گردد. مقدار متوسط عمری که معمولاً برای ترانسفورمر در نظر گرفته می‌شود در حالت عملکرد پیوسته ترانسفورمر در بار نامی می‌باشد. به عبارت دیگر اگر دمای نقطه داغ ترانسفورمر که یکی از عوامل اصلی ایجاد فرسایش می‌باشد به طور پیوسته ۱۱۰ درجه سانتیگراد باشد، مقدار عمر پیش‌بینی شده ترانسفورمر صحت خواهد داشت. ولی در واقع این طور نیست و ترانسفورمر در مدت بارگذاری سال‌های عمر

$$\Delta\theta_{TO,i} = \Delta\theta_{TO,R} \left[ \frac{K_i^2 R + 1}{R + 1} \right]^n \quad (12)$$

$$\Delta\theta_{TO,U} = \Delta\theta_{TO,R} \left[ \frac{K_U^2 R + 1}{R + 1} \right]^n \quad (13)$$

که در آن  $\Delta\theta_{TO,R}$  افزایش دمای روغن بالای تانک نسبت به محیط در بار نامی در زمان گزارش تست ترانسفورمر بدست می‌آید،  $K$  نسبت بار  $L$  به بار نامی بر حسب پرینویت،  $R$  نسبت تلفات بار در بار نامی به تلفات بی‌باری،  $n$  توان تجربی که برای محاسبه تغییرات  $\Delta\theta_{TO}$  با تغییرات بار استفاده می‌شود. همچنین برای محاسبه افزایش دمای نقطه داغ سیم پیچ از روابط زیر استفاده می‌شود:

$$\Delta\theta_H = (\Delta\theta_{H,U} - \Delta\theta_{H,i}) \left( 1 - \text{Exp} \left( -\frac{1}{\tau_w} \right) \right) + \Delta\theta_{H,i} \quad (14)$$

$$\Delta\theta_{H,U} = \Delta\theta_{H,R} K_U^{2m} \quad (15)$$

$$\Delta\theta_{H,i} = \Delta\theta_{H,R} K_i^{2m} \quad (16)$$

که در آن  $\Delta\theta_{H,i}$  افزایش دمای نقطه داغ نسبت به دمای روغن بالای تانک اولیه بر حسب  ${}^\circ\text{C}$ ،  $\Delta\theta_{H,U}$  افزایش دمای نقطه داغ نسبت به دمای روغن بالای تانک نهایی بر حسب  ${}^\circ\text{C}$ ،  $\Delta\theta_{H,R}$  افزایش دمای نقطه داغ نسبت به دمای روغن بالای تانک در بار نامی بر حسب  ${}^\circ\text{C}$  می‌باشد [۱۰ و ۱۴].  $n$  و  $m$  بسته به نوع سیستم خنک کنندگی ترانسفورمر مقادیر متفاوتی دارند که از جدول ۲ قابل استخراج می‌باشد [۱۲].

جدول (۲): توان‌های استفاده شده در روابط تعیین دما

نوع خنک کنندگی	$m$	$n$
<i>ONAN</i>	۰/۸	۰/۸
<i>ONAF</i>	۰/۸	۰/۹
<i>OFAF</i> غیر مستقیم	۰/۸	۰/۹
<i>OFAC</i> مستقیم	۱/۰	۱/۰

#### ۴-۳- تاثیر سایر پارامترها

همان‌گونه که در روابط مدل سازی حرارتی ترانسفورمر بیان شد، دمای محیط یکی از عوامل مهم در تغییرات دمای نقطه داغ ترانسفورمر می‌باشد، به همین منظور دمای محیطی که ترانسفورمر در آن قرار دارد باید در شبیه سازی منظور گردد.

معمولًا در زمان بهره برداری ترانسفورمر، ولتاژ بطور پیوسته ثابت نیست. تغییر ولتاژ تاثیر فراوانی روی توان ظاهری یعنی همان بارگذاری خواهد داشت (به دلیل تغییر در جریان)، به همین منظور تغییرات ولتاژ مربوط به ترانسفورمر در مدت بارگذاری به صورت یک

خطای این قانون در دمایهای بالا قابل توجه است. برای مثال اگر عمر نرمال ۲۰/۶ سال انتخاب شده باشد (پیشنهاد IEEE) با دمای کارکرد ثابت  $117^\circ\text{C}$  در نصف این زمان، عمر عایق پایان می‌یابد.

از آنجاییکه فرسودگی عایق یک فرایند تجمعی می‌باشد یک ضریب تسریع فرسودگی معادل می‌تواند بعنوان مجموع رابطه (۸) روی فاصله‌های زمانی گسسته بیان شود. این مقدار مجموع در رابطه (۹) ارائه شده است.

$$F_{aacu} = \frac{\sum_{n=1}^N F_{aa_n} \Delta t_n}{\sum_{n=1}^N \Delta t_n} \quad (9)$$

که در آن  $F_{aacu}$  ضریب فرسودگی معادل برای دوره زمانی کل،  $\Delta t_n$  فاصله زمانی (ساعت)،  $N$  تعداد کل فاصله‌های زمانی،  $F_{aa,n}$  ضریب تسریع فرسودگی برای دمایی که در فاصله زمانی  $\Delta t_n$  وجود دارد، می‌باشدند.

#### ۳-۳- محاسبه دمای نقطه داغ با استفاده از مدل IEEE حرارتی استاندارد

برای داشتن ضریب تسریع فرسودگی و متوسط عمر ترانسفورمر ابتداء باید دمای نقطه داغ را در دست داشت. بهترین راه برای بدست آوردن این دما استفاده از مدل حرارتی در استاندارد IEEE می‌باشد. که مهمترین متغیر آن میزان بارگذاری می‌باشد. در این مدل دمای نقطه داغ به صورت زیر بدست می‌آید:

$$\theta_H = \theta_A + \Delta\theta_{TO} + \Delta\theta_H \quad (10)$$

که در آن  $\theta_H$  دمای نقطه داغ سیم پیچ بر حسب  ${}^\circ\text{C}$ ،  $\theta_A$  دمای محیط بر حسب  ${}^\circ\text{C}$ ،  $\Delta\theta_{TO}$  افزایش دمای روغن قسمت بالای تانک نسبت به دمای محیط بر حسب  ${}^\circ\text{C}$ ،  $\Delta\theta_H$  افزایش دمای نقطه داغ سیم پیچ نسبت به دمای روغن بالای تانک بر حسب  ${}^\circ\text{C}$  می‌باشدند. افزایش دمای روغن بالای تانک نسبت به دمای محیط نیز از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$\Delta\theta_{TO} = (\Delta\theta_{TO,U} - \Delta\theta_{TO,i}) \left[ 1 - \text{Exp} \left( \frac{-1}{\tau_{TO}} \right) \right] + \Delta\theta_{TO,i} \quad (11)$$

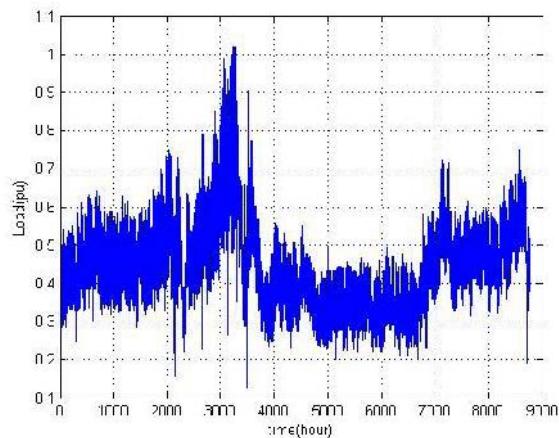
که در آن  $\Delta\theta_{TO,U}$  افزایش دمای نهایی روغن قسمت بالای تانک نسبت به محیط،  $\Delta\theta_{TO,i}$  افزایش دمای اولیه روغن قسمت بالای تانک نسبت به محیط،  $t$  مدت زمان تغییرات بار بر حسب ساعت،  $\tau_{TO}$  ثابت زمانی روغن ترانسفورمر برای هر بارگذاری می‌باشد.

در مدت افزایش یا کاهش بار، یک حالت گذرای حرارتی در داخل ترانسفورمر اتفاق می‌افتد که سبب می‌شود دما بالا و پایین برود. بواسطه چرم بالای ترانسفورمر، زمانی طول می‌کشد تا حرارت از یک مقدار اولیه به یک مقدار نهایی برسد. از اینرو افزایش دمای اولیه و نهایی روغن بالای تانک بصورت روابط زیر قابل محاسبه می‌باشد:



جدول (۳) : مشخصات ترانسفورمر

مقدار	پارامتر
۲۰۰ MVA	توان نامی
۴۰۰/۷۳۰ Kv	نسبت تبدیل
ONAF	سیستم خنک کنندگی
۴۵°	$\Delta\theta_{hs, rated}$
۴۵°	$\Delta\theta_{top-oil, rated}$
۰/۱ ساعت	$\tau_{twinding}$
۳/۵ ساعت	$\tau_{oil}$
۴/۷	R
۰/۸	m
۰/۹	n
۱۸۰۰۰ ساعت	M



شکل (۴) : نمودار بارگذاری ترانسفورمر نمونه در سال پایه

#### ۴-۲-۴- نتایج شبیه سازی

عمر متوسط ترانسفورمر ( $M$ ) نقش مهمی در تعیین قابلیت اطمینان در دوره فرسایش ایفا می‌کند. بر مبنایتابع چگالی احتمال، تقریباً در  $M+3\sigma$  زمان  $M$ -۳ $\sigma$  مرحله فرسایش شروع می‌شود و تقریباً در زمان  $M+3\sigma$  عمر ترانسفورمر به اتمام می‌رسد. مقدار عمر متوسط طبق استاندارد IEEE ۱۵۰۰۰ ساعت و انحراف استاندارد ۱۵۰۰۰ ساعت در نظر گرفته شده است. با این توضیحات برای حالت‌های مختلف، قابلیت اطمینان در ادامه شرح داده شده است.

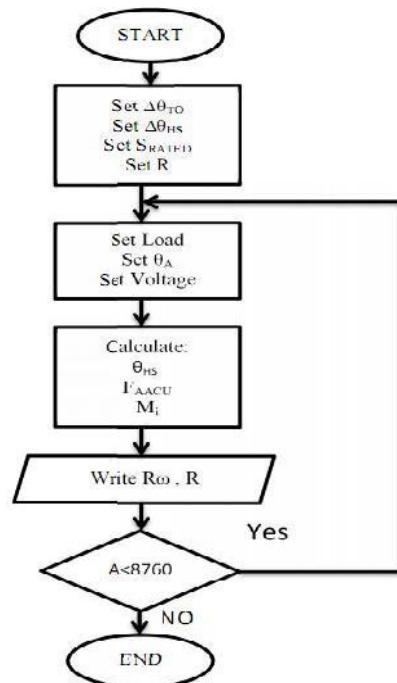
#### ۴-۲-۴- قابلیت اطمینان ترانسفورمر بدون در نظر گرفتن اثر فرسایش (دوره عمر مفید)

همانطور که در قبل گفته شد اگر از فرسایش صرف نظر گردد، قابلیت اطمینان ترانسفورمر با توزیع نمایی قابل توصیف است. با توجه به نتایج بدست آمده در مرجع [۲] و با استفاده از روش کاهش حالت مدل قابلیت اطمینان خرابی‌های اتفاقی در نهایت بصورت مدل مارکوف دو وضعیتی (سلام و خراب) تبدیل شد که در آن نرخ خرابی ترانسفورمر

داده باید در فرایند تعیین نقطه داغ به صورت رابطه زیر در نظر گرفته شود:

$$S_{new} = \frac{S_{old} \times V_{new}}{V_{base}} \quad (17)$$

که در آن  $S_{old}$  توان کشیده شده از ترانسفورمر،  $V_{new}$  ولتاژی که توان تحت آن کشیده می‌شود،  $V_{base}$  ولتاژ نامی ترانسفورمر و  $S_{new}$  توان معادل ترانسفورمر در محاسبات تعیین نقطه داغ می‌باشد. تمامی اعمال صورت گرفته در شبیه سازی در فلوچارت شکل (۳) نمایش داده شده است:



شکل (۳) : فلوچارت شبیه سازی برای یک سال

#### ۴- شبیه سازی و مطالعه عددی

برای مطالعه اثر بارگذاری روی قابلیت اطمینان ترانسفورمر یک ترانسفورمر قدرت از یکی از پست‌های تبدیل کشور جهت انجام شبیه سازی انتخاب شد. در این شبیه سازی روابط مدل حرارتی برای محاسبه دمای نقطه داغ و متعاقب آن بدست آوردن ضریب تسریع فرسودگی در آن گنجانده شده تا مدل قابلیت اطمینان ترانسفورمر در مرحله فرسایش را بدست دهد و بوسیله آن رفتار حالت‌های مختلف بارگذاری از قبیل بارگذاری‌های سنگین و سیک روی قابلیت اطمینان ترانسفورمر مورد مطالعه قرار گیرد.

#### ۴-۱- اطلاعات ترانسفورمر مورد مطالعه

اطلاعات ترانسفورمر انتخاب شده جهت شبیه سازی در جدول ۳ ارائه شده است. همچنین منحنی مقادیر بار ترانسفورمر بر حسب ساعت در سال پایه در شکل (۴) نمایش داده شده است.

فرسایش حدودا در زمان  $135000$  ساعت شروع می‌شود و در زمان  $225000$  ساعت به اتمام می‌رسد بدین معنی که در این زمان قابلیت اطمینان ترانسفورمر تقریباً صفر خواهد شد. قابلیت اطمینان در این حالت حاصلضرب دو عبارت است. (۱) قابلیت اطمینان ناشی از حوادث اتفاقی (توزیع نمایی) که در شکل (۶-الف) نمایش داده شده است. و (۲) قابلیت اطمینان ناشی از فرسایش (توزیع نرمال) که در شکل (۶-ب) نمایش داده شده است. نمودار شکل (۶-پ) نشان دهنده حاصلضرب نقطه به نقطه دو منحنی بالا و نشان دهنده قابلیت اطمینان کلی ترانسفورمر در این حالت است. همان طور که در این نمودار دیده می‌شود به دلیل ثابت بودن عمر متوسط، نزول قابلیت اطمینان به طور پیوسته و یکنواخت طبقتابع چگالی نرمال می‌باشد.

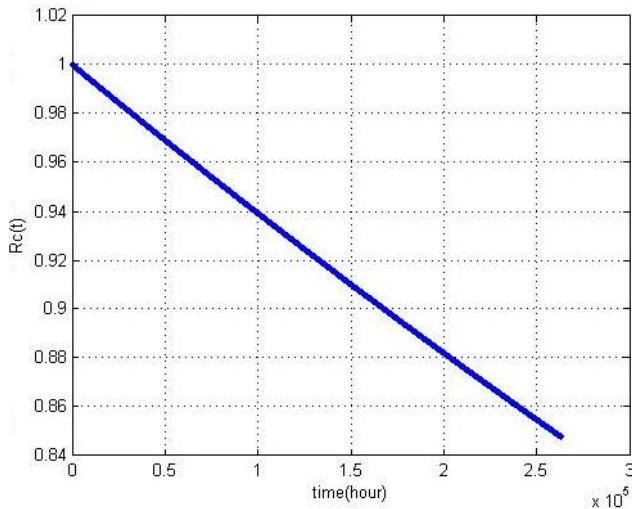
### ۳-۲-۴- قابلیت اطمینان ترانسفورمر با در نظر گرفتن اثرات بارگذاری سبک بر فرسایش

اثر بارگذاری بر روند فرسایش ترانسفورمر به صورت تغییر در مقدار عمر متوسط ترانسفورمر ( $M$ ) نمایان می‌گردد. برای در نظر گرفتن اثر بارگذاری بر روند فرسایش ترانسفورمر در یک دوره عمر می‌باید مقدار متوسط بار در هر ساعت آن دوره مشخص باشد. با توجه به اینکه مقادیر ساعتی بار واقعی در سال پایه موجود است و اینکه مقدار رشد بار در منطقه مورد مطالعه حدود  $0.5\%$  می‌باشد می‌توان میزان بار را برای سال‌های آینده پیش‌بینی نمود و با افزودن  $5$  درصد به مقادیر بارگذاری سال قبل به بار سال بعد دست یافت. با توجه به اینکه در شرایط اضطراری حداکثر بارگذاری تا  $1/2$  پریونیت برای زمان محدود مجاز است، اگر در روند شبیه سازی میزان بار پیش‌بینی شده از  $1/2$  پریونیت فراتر رود مقدار آن در  $1/2$  پریونیت تثبیت می‌گردد و فرض می‌شود بقیه بار توسط پستهای مجاور تامین می‌گردد. همچنین فرض می‌گردد هر  $5$  سال یکبار شرکت برق با در مدار آوردن ترانسفورمر یا پست جدیدی بار را از روی ترانسفورمر تحت مطالعه بر می‌دارد. به همین دلیل منحنی ساعتی بار هر  $5$  سال یکبار به مقدار سال پایه برگردانده می‌شود. با توجه به موارد ذکر شده در بالا نمودار بار پیش‌بینی شده برای ترانسفورمر در یک دوره  $50$  ساله در شرایط بارگذاری سبک در شکل (۷) نشان داده شده است.

شکل (۸) دمای نقطه داغ ترانسفورمر را تحت بارگذاری سبک نشان می‌دهد. همانطور که دیده می‌شود، دمای نقطه داغ از  $110^{\circ}\text{C}$  بالاتر می‌رود که این امر باعث فرسایش تدریجی ترانسفورمر می‌گردد. اما به علت برداشته شدن بار در پایان هر  $5$  سال دما از  $175$  درجه سانتیگراد تجاوز نمی‌کند.

نمودار قابلیت اطمینان ترانسفورمر در این حالت بارگذاری در شکل (۹) ارائه شده است. با توجه به این نمودار با وارد کردن اثر بارگذاری به شبیه سازی نتایج زیر حاصل شده است:

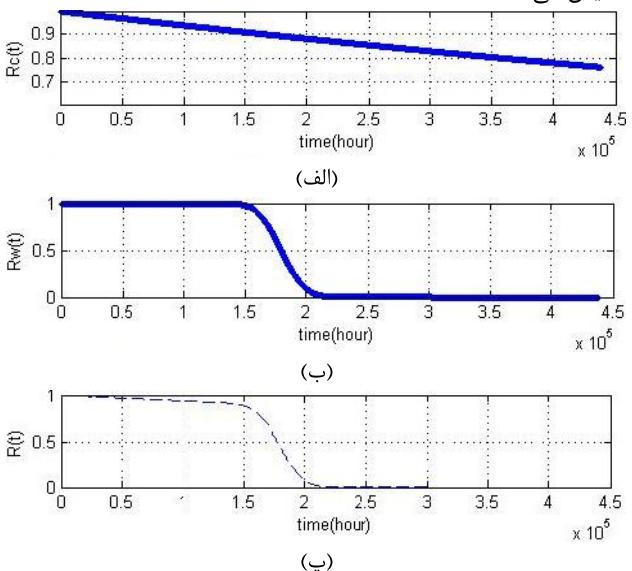
$f/yr = 0.0055$  بدست آمد. با این شرایط مدت زمان میانگین تا وقوع شکست در دوره عمر مفید  $m = 181$  سال می‌باشد. در این شرایط نمودار قابلیت اطمینان ترانسفورمر در دوره عمر مفید بر حسب زمان بصورت نشان داده شده در شکل (۵) می‌باشد.



شکل (۵) : نمودار قابلیت اطمینان ترانسفورمر در دوره عمر مفید

### ۴-۲-۴- قابلیت اطمینان ترانسفورمر با در نظر گرفتن فرسایش و بدون در نظر گرفتن اثر بارگذاری

در این حالت عمر متوسط ترانسفورمر ثابت بوده و میزان بارگذاری نقشی در قابلیت اطمینان ترانسفورمر بازی نمی‌کند. شکل (۶) نمودار قابلیت اطمینان ترانسفورمر بدون در نظر گرفتن اثر بارگذاری را نمایش می‌دهد.



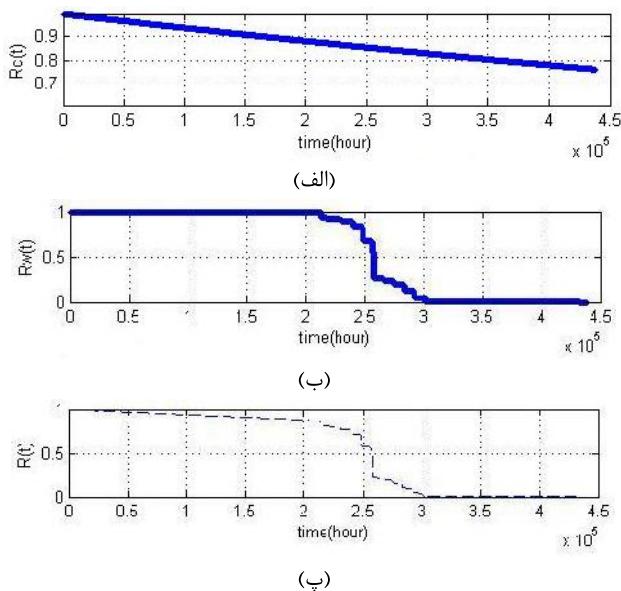
شکل (۶) : نمودار قابلیت اطمینان بدون در نظر گرفتن اثر بارگذاری

(الف) قابلیت اطمینان حداثه ای، (ب) قابلیت اطمینان فرسایش

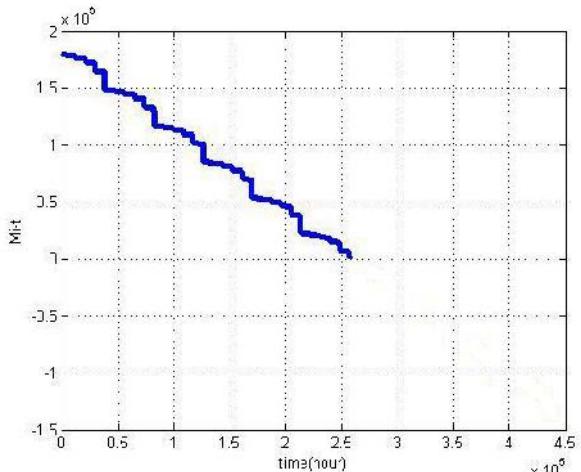
(پ) قابلیت اطمینان کلی

با توجه به میانگین عمر ترانسفورمر که  $180000$  ساعت است مرحله

شدن بارگذاری در ابتدای دوره بعدی شیب آن به سرعت کم می‌شود.



شکل (۹): نمودارهای قابلیت اطمینان ترانسفورمر با در نظر گرفتن اثر بارگذاری در شرایط بارگذاری سبک  
 (الف) قابلیت اطمینان حادثه ای، (ب) قابلیت اطمینان فرسایش  
 (پ) قابلیت اطمینان کلی

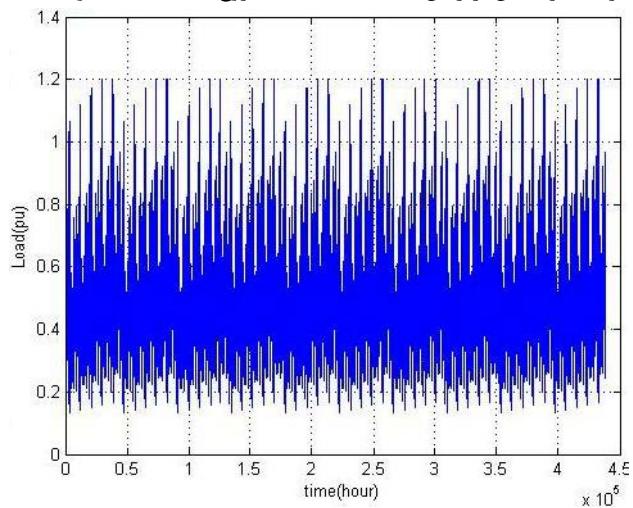


شکل (۱۰): عمر باقیمانده ترانسفورمر برای بارگذاری سبک

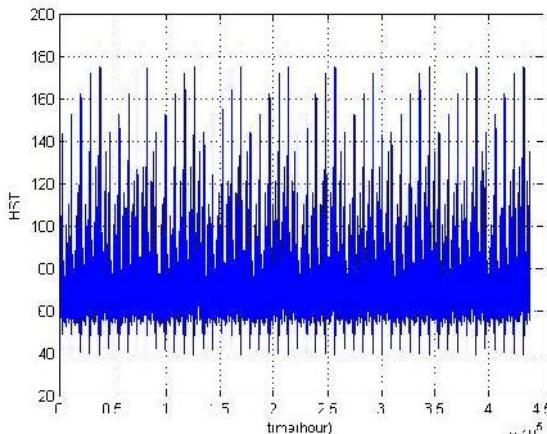
#### ۴-۲-۴- قابلیت اطمینان با در نظر گرفتن اثر بارگذاری سنگین بر فرسایش

با توجه به بارگذاری بخش قبل اگر بدلیل شرایط بد اقتصادی شرکت‌های برق یا هر دلیل دیگری برداشتن بار ترانسفورمر تحت مطالعه از طریق در مدار آوردن ترانسفورمر یا پست جدید به تعویق افتاد، یعنی بجای اینکه هر ۵ سال این اتفاق بیفتد در هر ۱۰ سال انجام شود نمودار بارگذاری همانند شکل (۱۱) خواهد بود. لازم به ذکر است در این شرایط نیز به دلیل وجود رله‌های حذف بار هیچگاه بار

مرحله فرسایش از زمان ۲۲۰۰۰ ساعت شروع شده است. با توجه به



شکل (۷): بارگذاری سبک در یک دوره ۵۰ ساله و با برداشتن بار ۵ ساله



شکل (۸): نمودار دمای نقطه داغ ترانسفورمر برای بارگذاری سبک

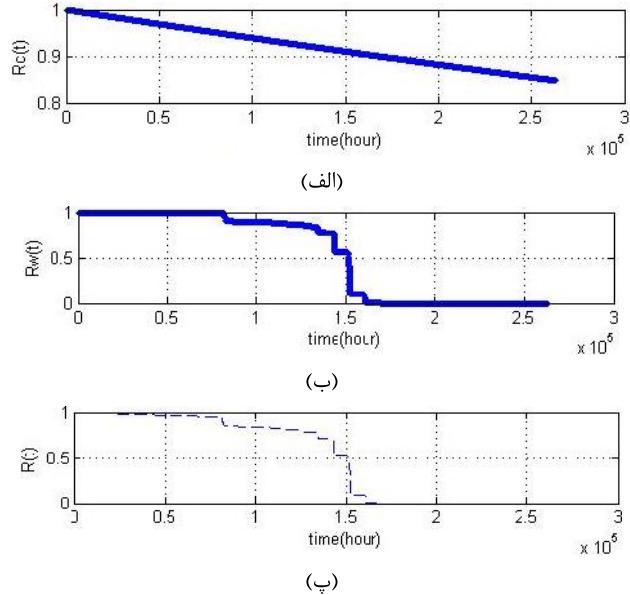
میزان بارگذاری عمر متوسط محاسبه شده در این زمان معادل ۲۶۵۰۰ ساعت بوده است که حدود ۸۵۰۰ ساعت از حالت بدون در نظر گرفتن بارگذاری (یعنی مقدار ۱۸۰۰۰ ساعت) که در شکل (۶) نشان داده شده است بیشتر می‌باشد. به عبارت دیگر با این حالت بارگذاری، به عمر ترانسفورمر اضافه شده است و بدلیل تغییرات عمر، قابلیت اطمینان در زمان ۳۱۰۰۰ ساعت صفر می‌گردد در حالیکه در شکل (۶) در ۲۲۵۰۰ ساعت صفر شده بود.

با این توضیحات مشخص است در بارگذاری سبک عمر ترانسفورمر از مقدار متوسط پیش‌بینی شده در استاندارد بیشتر است. علت یکنواخت نبودن سیر نزولی این نمودار بعلت تغییرات بار و به تبع آن تغییرات متوسط عمر ترانسفورمر ( $M$ ) در طول زمان می‌باشد.

شکل (۱۰) تغییرات عمر باقیمانده ترانسفورمر در بارگذاری سبک را نشان می‌دهد همان طور که پیداست در اوخر هر دوره ۵ ساله به دلیل سنگین شدن بارگذاری با شیب بیشتری نزول می‌کند و با سبک

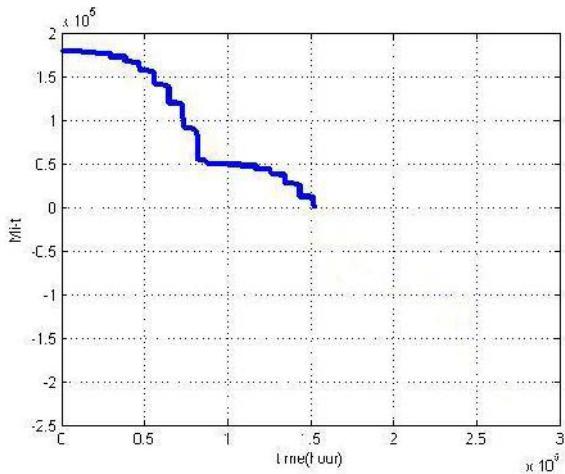


ادامه داشتن سنگینی بارگذاری در سال پنجم به مراتب بیشتر شده و در اواسط دهه دوم به صفر می‌رسد یعنی حدود ۱۰۰۰۰۰ ساعت زودتر



شکل (۱۲): نمودارهای قابلیت اطمینان ترانسفورمر با در نظر گرفتن تاثیر میزان بارگذاری در شرایط بارگذاری سنگین  
(الف) قابلیت اطمینان حادثه‌ای، (ب) قابلیت اطمینان فرسایش  
(پ) قابلیت اطمینان کلی

از حالت بارگذاری سک و ۳۰۰۰ ساعت زودتر از حالت بدون در نظر گرفتن بارگذاری، عمر ترانسفورمر به صفر می‌رسد.

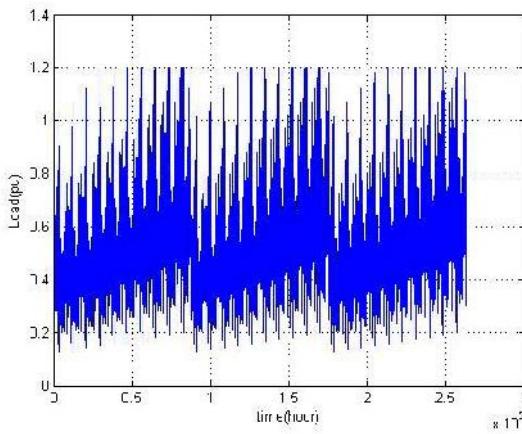


شکل (۱۴): عمر باقیمانده ترانسفورمر برای بارگذاری سنگین

## ۵- نتیجه‌گیری

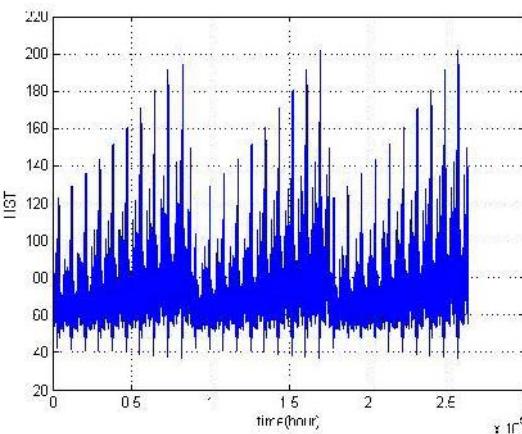
در این مقاله مدلی برای بررسی تاثیر بارگذاری بر قابلیت اطمینان ترانسفورمر ارائه شد. با استفاده از این مدل قابلیت اطمینان ترانسفورمر در دوره عمر مفید، در حالت بدون در نظر گرفتن بارگذاری، با در نظر گرفتن بارگذاری سک و بارگذاری سنگین مورد شبیه سازی قرار

لحظه‌ای ترانسفورمر از ۱/۲ پریونیت تجاوز نمی‌کند.



شکل (۱۱): بارگذاری سنگین در یک دوره ۳۰ ساله، با برداشتن بار ۱۰ ساله

شکل (۱۲) دمای نقطه داغ ترانسفورمر را تحت بارگذاری سنگین نشان می‌دهد. همانطور که دیده می‌شود دمای نقطه داغ به علت تداوم اضافه باری در چندین ساعت، تا ۲۰۰ درجه سانتیگراد بالا می‌رود. که باعث افت شدید عمر یا به عبارت دیگر موجب بالا رفتن تساعده ضریب تسريع عمر ترانسفورمر می‌گردد.



شکل (۱۲): نمودار دمای نقطه داغ ترانسفورمر برای بارگذاری سنگین

نمودار قابلیت اطمینان ترانسفورمر حالت بارگذاری سنگین در شکل (۱۳) ارائه شده است. همان طور که از این شکل ملاحظه می‌شود، قابلیت اطمینان ترانسفورمر تا زمان ۸۰۰۰۰ ساعت طبق منحنی نمایی دوره عمر مفید می‌باشد که در این زمان قابلیت اطمینان برابر ۹۵/۵۳٪ می‌باشد. ولی از این زمان به بعد یعنی اواخر دهه اول بدليل اضافه بار شدن ترانسفورمر به دفعات زیاد، تجهیز وارد مرحله فرسایش می‌گردد و در نهایت در زمان ۱۷۰۰۰۰ یا در اواخر دهه دوم کار ترانسفورمر، قابلیت اطمینان آن صفر می‌شود. در حالی که در حالت بدون در نظر گرفتن بارگذاری قابلیت اطمینان در این زمان ۸۹/۸۷٪ است.

شکل (۱۴) تغییرات عمر باقیمانده ترانسفورمر به بارگذاری سنگین را نشان می‌دهد، شبیه این نمودار در مقایسه با نمودار شکل (۹) بدليل

- Monitoring and Diagnosis, Beijing, china, pp. 1017 – 1020, 2008.
- [12] Carlos R. T. Castro, Sergio R. Barbosa, Helder L. Ferreira, Luise E. Samico, Ivan J. S. lopes, Selenio r. Silvs, “Power Transformer Loading Studies Considering Over excitation”, IEEE/PES Transmission & Distribution Conference & Exhibition, pp. 651 – 656, 2004.
- [13] IEEE std C57.91-1995, “IEEE Guide for Loading Mineral-Oil-Immersed Transformers” 1995.
- [14] IEEE std C57.12.00-2000, “IEEE standard General Requirements for Liquid-Immersed Distribution, Power, and Regulating Transformers”2000.
- [15] Billinton, R., and Allan, R.N., Reliability evaluation of engineering system, (Plenum, New York, 1994, 2<sup>nd</sup> edn.).

گرفت. نتایج بدست آمده از این شبیه سازی ها به وضوح نشان داد که مطالعه قابلیت اطمینان ترانسفورمر بدون در نظر گرفتن اثر بارگذاری به نتایج درستی منتهی نمی شود. همچنین نشان داده شد با مدیریت مناسب بار ترانسفورمر می توان قابلیت اطمینان آنرا در مقادیر بالاتری حفظ نمود.

نتایج این تحقیق می تواند مورد استفاده بهره برداران سیستم قدرت قرار گیرد تا تصمیمات درست برای پخش بار سیستم قدرت جهت تنظیم بارگذاری و بهبود قابلیت اطمینان ترانسفورمرهای سیستم اتخاذ نمایند.

## مراجع

- [1] R. Jharaniya, M. Ahfazkhan, "Reliability state space model of Power Transformer", International Journal of Engineering Science and Technology, Vol. 3 No. 8 August 2011
- [2] Mobin Sefidgaran, Mohammad Mirzaie, Ataollah Ebrahimzadeh, "Reliability Model of The Power Transformer with ONAF Cooling". Int. J. Electr. Power Energ. Syst., doi:10.1016/j.ijepes.2011.10.002, 2011
- [3] Joe Perez, "Fundamental principles of transformer thermal loading and protection", 2010 63<sup>rd</sup> Annual Conference for protective Relay Engineering, ERLphase Power Technol., Winnipeg, MB, Canada, pp. 1-14, March 29 2010- April 1 2010.
- [4] Jian He, Yuanzhang Sun, Peng Wang, Lin Cheng, "A Hybrid Condition- Dependent Outage Model of a Transformer in Reliability". IEEE Transactions on power delivery, vol. 24, no.4, pp. 2025-2033, Oct. 2009.
- [5] Kashira T. Muthanna, abhinanda Sarkar, Kaushik Das, Kurt Waldner "Transformer Insulation Life Assessment, " IEEE Transactions on Power Delivery, vol. 21, no. 1, pp. 150-156, January 2006.
- [6] William E. featheringill. "Power Transformer Loading" IEEE Transactions on industry applications, vol. IA-19, no.1, pp. 21 - 27 1983.
- [7] Wilbur R .Ossman ,Senior Member ,IEEE ,Neil H .Woodley ,Senior Member ,IEEE , Robert C .Craft , AND R .H .Miller, "Substation Expansion ,Reliability ,and Transformer Loading Policy Analysis" . IEEE transactions on Power and System, vol. pas-88 , no. 8, pp. 1195 – 1205, August 1969.
- [۸] مهدی ثوacı، احمد غلامی، ابوالفضل واحدی، "قابلیت بارگذاری ترانسفورمر در شرایط فوق تحريك،" بیست و یکمین کنفرانس بین المللی برق، ص ۲۴۰۸-۲۴۱۳، ۱۳۸۵
- [۹] امید قادری، محمدرضا فیضی، "ارائه یک سیستم ترکیبی جدید در تشخیص نوع خطا در ترانسفورماتورهای قدرت بر اساس مقادیر گازهای حل شده در رونمایشی" نشریه مهندسی برق و الکترونیک ایران، سال هشتم، شماره اول، بهار و تابستان ۱۳۹۰، ص ۴۱-۴۸
- [۱۰] عباس شیری، عباس شولاپی و حسین نصیر اقدم، "مدل‌سازی حرارتی ترانسفورمر جهت بررسی تاثیر دمای محیط بر روی عمر عایقی ترانسفورمر" یازدهمین کنفرانس شبکه های توزیع برق، مازندران، اردیبهشت ۸۵
- [11] Mohd Taufiq Ishak and Zhongdong Wang, "Transformer Hotspot Temperature Calculation using IEEE Loading Guide". International Conference on Condition