

# مدیریت توان در ریزشبکه متعادل جزیره‌ای با درنظرگرفتن پایداری سیگنال کوچک و پاسخ دینامیکی

حسن قاسمی<sup>۲</sup>

محمد ستاره<sup>۱</sup>

۱-دانش آموخته‌ی کارشناسی ارشد، دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر- دانشگاه تهران- تهران- ایران

[msetareh@ee.sharif.edu](mailto:msetareh@ee.sharif.edu)

۲- استادیار، دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر- دانشگاه تهران- تهران- ایران

[h.ghasemi@ut.ac.ir](mailto:h.ghasemi@ut.ac.ir)

چکیده: در این مقاله یک مدل جدید برای مدیریت توان بهینه‌ی ریزشبکه متعادل جزیره‌ای با توجه به ملاحظات فنی ارائه گردیده است. در مدیریت توان ریزشبکه متعادل جزیره‌ای لازم است علاوه بر درنظرگرفتن مسائل اقتصادی، مسائل فنی هم درنظر گرفته شود. مدل جدید پیشنهادی شامل دو مرحله است که در مرحله اول هزینه‌ی بهره‌برداری از نظر اقتصادی حداقل شده و سپس در مرحله دوم با توجه به قید بهره‌برداری اقتصادی در حین تغییرات بار مصرفی و مدل خطی‌شده‌ی سیگنال کوچک و قیود فنی مانند: زمان اوج، زمان نشست و ضریب میرایی مودهای ریزشبکه، مقدار دروپ توان حقیقی منابع تولید پراکنده تعیین می‌شود. شبیه‌سازی‌ها توسط نرم افزارهای GAMS و MATLAB انجام شده و نتایج شبیه‌سازی موثر بودن روش پیشنهادی را در مدیریت توان مطلوب ریزشبکه، متعادل جزیره‌ای از نظر اقتصادی و فنی تأیید می‌کند.

**کلمات کلیدی:** ریزشبکه، کنترل دروپ، مدیریت انرژی، مدل سیگنال کوچک، پخش بار بهینه، منابع تولید پراکنده.

---

تاریخ ارسال مقاله: ۱۳۹۲/۰۸/۱۱

تاریخ پذیرش مشروط: ۹۳/۲/۲۹

تاریخ پذیرش مقاله: ۱۳۹۳/۰۵/۲۱

نام نویسنده‌ی مسئول: حسن قاسمی

نشانی نویسنده‌ی مسئول: ایران- تهران- خیابان کارگر شمالی- دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر پردیس دانشکده‌های فنی دانشگاه تهران.

و توان را تحت خطاهای مختلفی که امکان بروز آن‌ها در ریزشبکه وجود دارد شبیه‌سازی نموده است. اما حالتی را که تمام منابع از نوع مبدل الکترونیک قدرت باشند بررسی نکرده است. مرجع [۸] به همان ریزشبکه یک منبع دیگر همراه با مبدل الکترونیک قدرت اضافه نموده و مودهای سیستم را بررسی کرده است. یکی از روش‌های مرسوم برای اعمال حلقه‌های کنترلی مدیریت توان منابع تولید پراکنده همراه با مبدل الکترونیک قدرت استفاده از حوزه‌ی  $dqo$  است، زیرا در این حوزه، ولتاژ و جریان‌های متغیر با زمان به متغیرهای مستقل از زمان تبدیل می‌شوند. با نوشتمن معادلات ولتاژ و جریان مشاهده می‌شود که متغیرهای ولتاژ و جریان محورهای  $dq$  به یکدیگر وابسته می‌شوند. در مرجع [۹] با تعریف چندین متغیر مجازی روشی ارائه شده که متغیرهای ولتاژ و جریان محورهای  $dq$  را از هم مستقل نموده است.

در مراجع [۱۰] و [۱۱] چندین روش مدیریت توان از جمله روش کنترل دروب، کنترل توان اکتیو و راکتیو ثابت ( $PQ$ )، کنترل توان حقیقی و ولتاژ ( $PV$ ) معرفی و بررسی شده است. روش کنترل دروب برای مدیریت توان و تقسیم توان بین منابع تولید پراکنده و تأثیر آن بر روی پایداری گذرا ریزشبکه در مرجع [۱۲] مورد مطالعه قرار گرفته است. در این مرجع یک ریزشبکه شامل نیروگاه بادی و بار مصرفی موتوری شبیه‌سازی شده و تأثیر پارامتر دروب توان اکتیو-زاویه ( $P-\delta$ ) و دروب توان راکتیو-ولتاژ ( $Q-V$ ) بر پایداری گذرا ریزشبکه‌ی جزیه‌ای در حین کلیدزنی بار مصرفی مطالعه شده است. در مرجع [۱۳] از این روش به همراه یک حلقه کنترلی اضافه که مانند پایدارساز سیستم قدرت دارای بلوك‌های جبران کننده فاز و فیلتر واش‌آوت می‌باشد، استفاده شده است. این حلقه کنترلی اضافی یک سیگنال اضافی را به نقطه مرجع کنترل کننده ولتاژ مبدل الکترونیک قدرت جهت کنترل توان اکتیو و راکتیو عمل می‌نماید.

در مرجع [۱۴] دینامیک لینک DC درنظر گرفته شده است. همچنین در کنار منابع تولیدی از منابع ذخیره‌سازی با راهبرد کنترلی دروب بهره برده و حالات مختلف بهره‌برداری و نحوه توزیع توان بین واحدها و فرکانس ریزشبکه را بررسی نموده است ولی حالت بهره‌برداری ریزشبکه از لحاظ اقتصادی پس از تغییرات بار مصرفی که با توجه به مقدار دروب منجر به تغییر توان منابع می‌شود، درنظر گرفته نشده است.

در مرجع [۱۵] مقادیر دروب حلقه‌های کنترلی برای حفظ پایداری سیگنال کوچک و فرکانس مجاز سیستم تعیین شده

## ۱- مقدمه

ریزشبکه‌ی قدرت به مجموعه‌ای از منابع تولید پراکنده و بارهای مصرفی گفته می‌شود که در حالت متصل به شبکه‌ی اصلی، حالت جزیره‌ای و یا حالت گذرای بین این دو حالت کار می‌کند. یک برنامه‌ی مدیریت انرژی توسط کنترل کننده‌ی مرکزی ریزشبکه، کنترل کننده‌های توزیع شده محلی و یا ترکیبی از دو حالت فوق انجام می‌شود.

بهره‌برداری مناسب از ریزشبکه با توجه به اهداف تعیین شده، وظیفه‌ی اصلی برنامه‌ی مدیریت انرژی (توان) است. مسائل اقتصادی مربوط کنترل ثالثیه و پایداری سیگنال کوچک مربوط به کنترل اولیه می‌باشد. کیفیت توان مربوط به کنترل ثانویه است که نقطه‌ی کار مرجع را برای کنترل اولیه فراهم می‌سازد [۱]. مرجع [۲] مدیریت توان یک ریزشبکه را با درنظر گرفتن قیود پایداری انجام داده و هزینه‌ی بهره‌برداری را حداقل نموده است، اما مراحل تعیین میزان پایداری و نقطه‌ی تولید منابع بصورت برونو خط انجام شده است. در مرجع [۳] بهینه‌سازی عملکرد ریزشبکه با هدف کاهش نرخ مصرف سوخت سیستم همراه با تأمین تمامی بار سیستم (الکتریکی و حرارتی) وجود مقدار معینی ذخیره برای پشتیبانی سیستم انجام گرفته است. در ریزشبکه‌ی مذکور سیستم ذخیره‌ساز در نظر گرفته نشده است و مساله به صورت یکتابع بهینه‌سازی بدون درنظر گرفتن آلودگی و هزینه‌های تعمیرات و نگهداری حل شده است. همچنین مسئله‌ی پایداری ریزشبکه مطالعه نشده است.

مرجع [۴] توسط یک ماتریس تبدیل، چارچوب مجازی گردان ولتاژ-فرکانس را تعریف نموده که در آن چارچوب، توان اکتیو با زاویه ولتاژ شین و توان راکتیو با اندازه ولتاژ مرتبط است. اگرچه در این روش کانال  $\delta-P-V$  برقرار است اما ولتاژ و فرکانس متغیرهای واقعی نیستند و محدوده مجاز ولتاژ و فرکانس در چارچوب مجازی به راحتی قابل محاسبه نیست.

مبدل الکترونیک قدرت منابع تولید پراکنده در دو حالت مبدل منبع جریان و مبدل منبع ولتاژ به بهره‌برداری می‌رسد. حالت کاری منبع جریان معمولاً در حالت متصل به شبکه اصلی و حالت کاری منبع ولتاژ در حالت جدا از شبکه اصلی استفاده می‌شوند. در مراجع [۵] و [۶] انواع این حالات کاری مبدل‌های برای مدیریت توان منابع تولید پراکنده معرفی شده است. مرجع [۷] یک ریزشبکه با سطح ولتاژ  $13\frac{2}{8}$  کیلوولت شامل ژنراتور سنکرون و منبع همراه با مبدل الکترونیک قدرت را بررسی قرار داده و پاسخ متغیرهای مختلف از جمله ولتاژ، جریان

## ۲- مدل سازی فضای حالت سیگنال کوچک ریز شبکه

در ریز شبکه متصل به شبکه، معمولاً منابع تولید پراکنده در حالت توان اکتیو و راکتیو ثابت کار می‌کنند و در تنظیم ولتاژ و فرکانس شرکت نمی‌کنند، زیرا تولید تولید توان بسیار کمتری نسبت به شبکه‌ی اصلی دارند بنابراین تغییرات توان مصرفی توسط شبکه‌ی اصلی جبران می‌شود. در ریز شبکه جزیره‌ای دیگر شبکه‌ی اصلی وجود ندارد و منابع تولید پراکنده باید تعادل تولید و مصرف را با تنظیم توانشان برقرار بکنند و ولتاژ و فرکانس ریز شبکه را کنترل نمایند. لذا یک راهبرد برای این کار استفاده از دروب برای تمامی منابع تولید پراکنده است.

در شکل (۱) نمودار بلوکی یک منبع تولید پراکنده نشان داده شده است. در این مقاله برای مدل سازی فضای حالت سیگنال کوچک ریز شبکه فرض شده که یک منبع ولتاژ DC ایده‌آل در طرف DC مبدل الکترونیک قدرت دارد، بنابراین از دینامیک طرف DC مبدل الکترونیک صرف نظر شده است. هر کدام از منابع تولید پراکنده در چارچوب گردان محلی مربوط به خود مدل سازی می‌شوند. چارچوب گردان ولتاژ شین خروجی منبع تولید پراکنده به عنوان چارچوب گردان محلی هر منبع تولید پراکنده انتخاب شده و معادلات فضای حالت منبع تولید پراکنده که شامل معادلات کنترل کننده‌ی توان، کنترل کننده‌ی جریان، کنترل کننده‌ی ولتاژ، فیلتر خروجی و سلف متصل به منبع تولید پراکنده است، در این چارچوب نوشته می‌شوند.

ساختار کنترل کننده‌ی توان منابع بر اساس کنترل دروب می‌باشد و کنترل کننده‌های ولتاژ و جریان از کنترل کننده‌های انگرالی- تناسبی و هم‌چنین مسیرهای پس رو و پیش رو برای مجزا سازی کنترل متغیرهای محورهای  $dq$  تشکیل شده‌اند. در روابط (۵-۱) معادلات فضای حالت سیگنال کوچک یک منبع تولید پراکنده با ساختار نشان داده شده در شکل ۱ نوشته شده است.<sup>[۱۸]</sup>

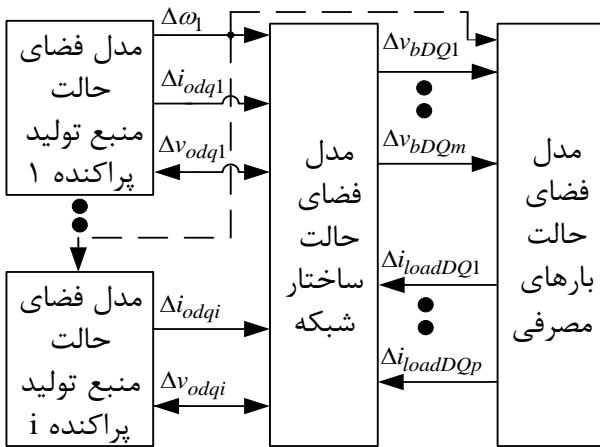
روابط (۱) تا (۵) معادلات فضای حالت یک منبع تولید پراکنده را نشان می‌دهند. اما معمولاً یک ریز شبکه دارای چندین منبع تولید پراکنده، بارهای مصرفی و خطوط متصل به آن‌ها است. لذا باید طبق شکل (۲) هر یک از عناصر ریز شبکه را در چارچوب گردان محلی خود جداگانه مدل سازی نمود و سپس همه‌ی آن‌ها را به فضای یک چارچوب گردان مرجع انتقال داد. معادلات فضای حالت خطوط ریز شبکه هم می‌بایست در

است. برای این منظور از یک راهبرد دو مرحله‌ای استفاده کرده است که در مرحله اول توزیع اقتصادی بار انجام شده و سپس در مرحله دوم با استفاده از روش ناحیه اعتماد، مقدار دروب‌ها با توجه به قیود حد مجاز فرکانس و ولتاژ تعیین شده‌اند. بررسی شاخص‌های پاسخ‌گذاری سیستم مانند زمان نشست و صعود و همچنین تعیین بهینه‌ی دروب بمنظور تغییرات اقتصادی توان تولیدی منابع در حین تغییرات بار مصرفی علاوه بر تضمین پایداری سیگنال کوچک در این مرجع مورد بررسی قرار نگرفته است.

مرجع [۱۶] به تأمین همزمان بار مصرفی ساعتی با درنظر گرفتن کنترل اولیه فرکانس، پارامتر دروب و همچنین گرفتگی خطوط با استفاده از الگوریتم ژنتیک پرداخته است. بهره‌برداری از هر شبکه نیازمند تحلیل پایداری آن است که در این مرجع مورد بررسی قرار نگرفته است. مرجع [۱۷] بهره‌برداری بهینه‌ی ریز شبکه متصل به شبکه را با درنظر گرفتن هزینه‌ی آلایندگی و تعمیر و نگهداری بررسی کرده و منابع تولید پراکنده مختلف مانند: میکروتوربین، پیل سوختی و غیره را در حضور ریسک مدل سازی نموده است. جهت بهره‌برداری بهینه لازم است که توپولوژی ریز شبکه، قیود ولتاژ و تلفات آن در نظر گرفته شود که در این مرجع لحاظ نشده است.

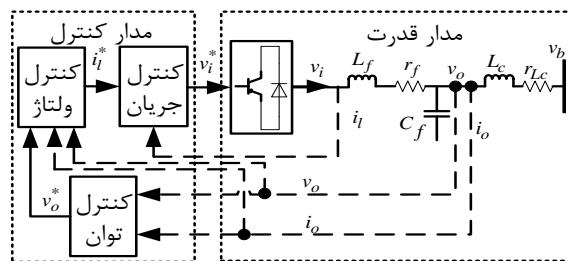
تاکنون در مقالات ارائه شده به بررسی همزمان مسائل اقتصادی و فنی پرداخته نشده، در صورتی که بهره‌برداری بهینه‌ی ریز شبکه جزیره‌ای نیاز به درنظر گرفتن همزمان این دو موضوع دارد. پایداری سیگنال کوچک، مشخصه‌های پاسخ دینامیکی متغیرهای سیستم مانند: زمان اوج، زمان نشست پاسخ گذاری فرکانس ریز شبکه و خطای حالت ماندگار فرکانس از جمله قیود فنی می‌باشد.

در این مقاله مدل جدیدی جهت مدیریت توان ریز شبکه ارائه می‌شود. در بخش دوم، مدل سیگنال کوچک فضای حالت یک ریز شبکه شامل منابع همراه با مبدل الکترونیک قدرت ارائه شده و در بخش سوم، مدل جدید پیشنهادی مدیریت توان ریز شبکه برای تعیین بهینه‌ی دروب با درنظر گرفتن قیود پایداری و پاسخ دینامیکی جهت بهره‌برداری بهینه‌ی ریز شبکه ارائه می‌شود. در بخش چهارم نتایج شبیه‌سازی مدل پیشنهادی برای یک ریز شبکه نمونه نشان داده شده و در بخش پنجم نتیجه‌گیری مشاهدات این مقاله توضیح داده می‌شود.



شکل(۲): نمودار بلوکی مدل فضای حالت سیگنال کوچک ریز شبکه

چارچوب گردان مرجع همانند روابط زیر مدل سازی نمود و  
ماتریس حالت کل ریز شبکه را تشکیل داد.



شکل(۱): نمودار بلوکی منبع تولید پراکنده با مدل الکترونیک قدرت

$$[B_{DG_i}] = \begin{bmatrix} [0]_{2 \times 11} & \begin{bmatrix} -\cos(\delta_i)/L_{ci} & -\sin(\delta_i)/L_{ci} \\ \sin(\delta_i)/L_{ci} & -\cos(\delta_i)/L_{ci} \end{bmatrix}^T \end{bmatrix}^T \quad (3)$$

$$[B_{i\omega com}] = \begin{bmatrix} -1 & [0]_{1 \times 12} \end{bmatrix}^T \quad (4)$$

$$\begin{bmatrix} \Delta x_{DG_i}^* \end{bmatrix} = [A_{DG_i}] [\Delta x_{DG_i}] + [B_{DG_i}] [\Delta v_{bDQi}] + [B_{i\omega com}] [\Delta \omega_{com}] \quad (5)$$

$$[\Delta x_{DG_i}] = [\Delta \delta_i \ \Delta P_i \ \Delta Q_i \ \Delta \varphi_{dq_i} \ \Delta \gamma_{dq_i} \ \Delta i_{ldqi} \ \Delta v_{odqi} \ \Delta i_{odqi}]^T \quad (6)$$

$$A_{DG_i} = \begin{bmatrix} 0 & -m_{pi} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -\omega_{ci} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & I_{odi}\omega_{ci} & I_{oqi}\omega_{ci} & V_{odi}\omega_{ci} & V_{oqi}\omega_{ci} \\ 0 & 0 & -\omega_{ci} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & I_{oqi}\omega_{ci} & -I_{odi}\omega_{ci} & -V_{oqi}\omega_{ci} & V_{odi}\omega_{ci} \\ 0 & 0 & -n_{qi} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -K_{pvi}n_{qi} & K_{ivi} & 0 & 0 & -1 & 0 & -K_{pvi} & -C_{fi}\omega_{oi} & F_i & 0 \\ 0 & 0 & 0 & K_{ivi} & 0 & 0 & 0 & -1 & C_{fi}\omega_{oi} & -K_{pvi} & 0 & F_i \\ 0 & -I_{lqi}m_{pi} & \frac{-K_{pvi}K_{pvi}n_{qi}}{L_{fi}} & \frac{K_{ivi}K_{pvi}}{L_{fi}} & 0 & \frac{K_{ici}}{L_{fi}} & 0 & -\frac{K_{pvi}+r_{fi}}{L_{fi}} & \omega_{oi}-\omega_i^* & -\frac{1+K_{pvi}K_{pvi}}{L_{fi}} & \frac{C_{fi}K_{pvi}\omega_{oi}}{L_{fi}} & \frac{F_iK_{pvi}}{L_{fi}} \\ 0 & I_{ldi}m_{pi} & 0 & 0 & \frac{K_{ivi}K_{pvi}}{L_{fi}} & 0 & \frac{K_{ici}}{L_{fi}} & \omega_i^*-\omega_{oi} & -\frac{K_{pvi}+r_{fi}}{L_{fi}} & \frac{C_{fi}K_{pvi}\omega_{oi}}{L_{fi}} & -\frac{1+K_{pvi}K_{pvi}}{L_{fi}} & 0 & \frac{F_iK_{pvi}}{L_{fi}} \\ 0 & -V_{oqi}m_{pi} & 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{1}{C_{fi}} & 0 & 0 & -\omega_{oi} & -\frac{1}{C_{fi}} & 0 & 0 \\ 0 & V_{odi}m_{pi} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{1}{C_{fi}} & -\omega_{oi} & 0 & 0 & \frac{-1}{C_{fi}} & 0 \\ \left( \begin{array}{c} -V_{bQi} \cos(\delta_i) \\ -V_{bDi} \sin(\delta_i) \end{array} \right) & -I_{oqi}m_{pi} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{1}{L_{ci}} & 0 & \frac{-r_{LCi}}{L_{ci}} & -\omega_{oi} \\ \left( \begin{array}{c} V_{bDi} \cos(\delta_i) \\ +V_{bQi} \sin(\delta_i) \end{array} \right) & I_{odi}m_{pi} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{1}{L_{ci}} & -\omega_{oi} & -r_{LCi}/L_{ci} \end{bmatrix} \quad (7)$$



با توجه به اهداف این مقاله، پخش‌بار ریز شبکه پخش‌بار بهینه است. برای پخش‌بار بهینه از دو راهبرد استفاده شده است. پخش‌بار بهینه یک مسئله‌ی بهینه‌سازی می‌باشد که از درجه غیر خطی زیادی برخوردار است لذا در راهبرد اول برای کاهش درجه‌ی غیر خطی آن از ترکیب دو روش توزیع اقتصادی بار و پخش‌بار خطی نیوتون-رافسون استفاده شده است. در روش پیشنهادی از دو نرم‌افزار MATLAB و GAMS استفاده گردیده است. روش کار بدین‌گونه است که اگر فرض شود بار مصرفی ریز شبکه برابر  $P_d$  باشد در مرحله‌ی اول، توزیع اقتصادی بار بدون درنظر گرفتن تلفات انجام می‌شود و سپس با استفاده از پخش‌بار نیوتون-رافسون مقدار تلفات  $P_{loss}$  محاسبه می‌گردد. در مرحله‌ی بعد مقدار تلفات به مقدار  $P_d$  اضافه گردیده و توزیع اقتصادی بار برای بار مصرفی که اکنون برابر  $P_d + P_{loss}$  است، انجام می‌شود. سپس مقدار توان‌های تولیدی را در مدل پخش‌بار نیوتون-رافسون قرار داده و مقدار تلفات در این مرحله محاسبه می‌شود. این روش بازگشتی آنقدر ادامه می‌باید تا این‌که مقدار تغییرات تلفات در دو مرحله‌ی متوالی از حد مجاز کوچک‌تر شود. در راهبرد دوم از پخش‌بار بهینه‌ای که مستقیماً توسط الگوریتم‌های بهینه‌سازی حل می‌شود استفاده شده است. در این راهبرد متغیرهای کنترلی و تصمیم بیشتری مانند: دامنه و لatasz شین‌های منابع وجود دارد که در راهبرد اول به عنوان قیود پخش‌بار درنظر گرفته می‌شوند.

با فرض این‌که کنترل کننده‌ی انرژی در بازه‌های زمانی  $t$  ساعت نقاط مرجع توان تولیدی منابع را تعیین و به منابع تولیدی اعمال می‌نماید، اگر در طول بازه‌ی زمانی  $\Delta t$  تغییر کند آن‌گاه تغییرات توان مصرفی توسط کنترل دروب پ منابع تولیدی جبران می‌شود اما دیگر حالت بهره‌برداری اقتصادی ریز شبکه از دست می‌رود تا این‌که بازه‌ی زمانی  $t$  به پایان برسد و کنترل کننده‌ی مدیریت انرژی برای بازه‌ی زمانی بعدی با توجه به مقدار بار مصرفی، توان تولیدی منابع را در حالت بهره‌برداری اقتصادی تعیین نماید. بنابراین مقدار دروب را باید بگونه‌ای تعیین نمود که به‌ازای تغییرات بار مصرفی در بازه‌ی زمانی  $\Delta t$  ساعت، توان تولیدی منابع بصورت اقتصادی تغییر کند، تا بهره‌برداری ریز شبکه در طول بازه‌ی زمانی ارسال نقاط کار از سوی کنترل کننده‌ی انرژی در حالت اقتصادی باقی بماند. قید اقتصادی که برای انتخاب مقدار دروب توان حقیقی منابع تولید پراکنده پیشنهاد می‌شود از همین مسئله نشأت می‌گیرد.

در صورتی که بار مصرفی تغییر کند آن‌گاه برای حفظ حالت بهره‌برداری اقتصادی بدون حل دوباره‌ی مسئله‌ی توزیع اقتصادی

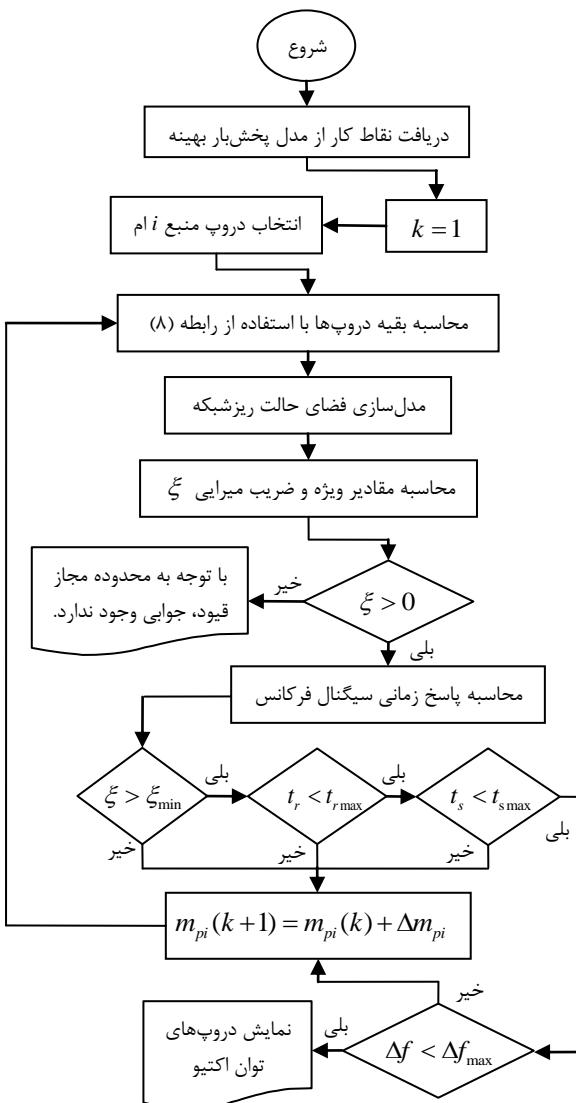
### ۳- مدل پیشنهادی مدیریت توان ریز شبکه

تعیین بهینه‌ی دروب منابع تولید پراکنده جهت بهره‌برداری بهینه‌ی ریز شبکه مستلزم توجه همزمان به مسائل اقتصادی و فنی می‌باشد، تا علاوه بر عملکرد اقتصادی منابع تولید، قیود فنی مانند: پایداری سیگنال کوچک، حداقل ضربی میرایی مقادیر ویژه ( $\omega_{min}$ ) و مشخصه‌های پاسخ زمانی فرکانس سیستم در محدوده‌ی مجاز خود باشند. پاسخ زمانی فرکانس سیستم به وسیله‌ی چندین شاخصه مانند: زمان نشت  $(t_s)$ ، زمان صعود  $(t_r)$  و مقدار خطای حالت ماندگار  $(\Delta f)$  ارزیابی می‌شود. زمان صعود برابر مقدار زمانی است که پاسخ برای اولین بار به مقدار حالت ماندگار خود می‌رسد و زمان نشت برابر زمانی است که دامنه‌ی نوسانات پاسخ از حد مجاز یک درصد کوچک‌تر می‌شود. اگر مقدار ویژه‌ی نام برابر  $\omega_i + \sigma_i = \omega_{min}$  باشد، آن‌گاه مقدار ضربی میرایی برای این مود برابر  $\sqrt{\sigma_i^2 + \omega_i^2} = \omega_{min}$  است.

وظیفه‌ی اصلی دروب تقسیم توان بین منابع در حین تغییرات بار مصرفی است. از طرفی دیگر، مقدار پارامتر دروب بر پایداری سیگنال کوچک کاملاً موثر است، بنابراین برای بهره‌برداری بهینه ریز شبکه باید علاوه بر پخش‌بار اقتصادی که توسعه کنترل کننده ثالثیه انجام می‌شود و نقاط کار را در بازه‌های زمانی مشخص به منابع تولید پراکنده ارسال می‌نماید، مقادیر دروب بگونه‌ای تنظیم شوند که در سطح کنترل اولیه پایداری سیگنال کوچک و توزیع اقتصادی در فاصله زمانی بین ارسال نقاط کار جدید همواره برقرار باشد.

مدل جدیدی که بهره‌برداری بهینه‌ی ریز شبکه در این مقاله پیشنهاد گردیده از دو مرحله تشکیل شده است. در مرحله‌ی اول با استفاده از مدل پخش‌بار بهینه نقاط کار بهینه‌ی توان منابع تولید پراکنده محاسبه می‌شود و سپس در مرحله‌ی دوم با کمک مدل سیگنال کوچک ریز شبکه مقادیر مطلوب دروب توان اکتیو برای بدست آوردن پاسخی مناسب با توجه به قیود فنی و اقتصادی تعیین می‌شود. در این مرحله علاوه بر قیود فنی یک قید اقتصادی دیگر برای انتخاب دروب به مسئله اضافه می‌شود تا توزیع اقتصادی منابع تا ارسال نقاط کار جدید از سوی کنترل کننده‌ی ثالثیه با تغییرات کوچک بار مصرفی همواره برقرار باشد. بنابراین درنظر گرفتن همزمان تأثیر پارامتر دروب منابع بر پایداری سیگنال کوچک و شاخص‌های پاسخ گذرای سیستم و علی الخصوص بر تقسیم توان بهینه‌ی بین منابع از لحاظ اقتصادی، نوآوری این مقاله می‌باشد.

حد مجاز قیود فنی موردنظر است. در این صورت باید حدود مجاز قیود بطور مناسب با مطالعه دقیق‌تر سیستم دوباره طراحی شوند.



شکل (۳): روندnamای مدل پیشنهادی انتخاب دروب بهینه

بار، می‌توان از تقریب خطی رابطه (۶) استفاده نمود و نقاط کار بهینه‌ی توان منابع تولیدی را محاسبه نمود [۱۹].

$$\frac{\Delta P_{Gi}}{\Delta P_{Gj}} = \frac{d^2 C_j / dP_{Gj}^2}{d^2 C_i / dP_{Gi}^2} \quad (6)$$

از طرفی با توجه به استفاده از کنترل دروب، رابطه (۷) بین توان تولیدی منابع  $i$  و  $\zeta$  در حالت ماندگار برقرار است.

$$\frac{\Delta P_{Gi}}{\Delta P_{Gj}} = \frac{m_{pj}}{m_{pi}} \quad (7)$$

سمت چپ دو رابطه (۶) و (۷) با هم برابر است، بنابراین برای بهره‌برداری اقتصادی حین تغییرات بار مصرفی، مقدار دروب را باید بر اساس رابطه (۸) تعیین نمود. طبق این رابطه پیشنهاد می‌شود که نسبت بین دروب‌های توان اکتیو و منابع تولیدی باید برابر نسبت مشتق دوم تابع هزینه‌ی آن‌ها باشد.

با استفاده از قید (۸) فضای جستجوی دروب‌های توان اکتیو بسیار کوچک می‌شود. این قید هم‌چنین باعث می‌شود که مدل پیشنهادی را بتوان برای تعداد زیادی منبع تولید پراکنده در ریزشبکه گسترش داد، زیرا فقط پارامتر دروب توان اکتیو یکی از منابع تولید پراکنده متغیر می‌شود و بقیه‌ی دروب‌های توان اکتیو از رابطه (۸) محاسبه می‌شوند، بنابراین فضای جستجو فقط به یکی از دروب‌ها محدود خواهد شد. در شکل (۳) روندnamای مدل پیشنهادی برای بهره‌برداری بهینه‌ی ریزشبکه و تعیین دروب پیشنهادی که علاوه بر تضمین پایداری سیگنال کوچک و اراضی قیود پاسخ‌گذاری سیستم، توزیع اقتصادی بار را در حین تغییرات بار مصرفی در فاصله‌ی زمانی بین ارسال نقاط کار متوالی حفظ می‌کند، ارائه شده است. در این مدل دروب منبع تولید پراکنده‌ی شماره  $\zeta$  به عنوان مرجع انتخاب شده است و با استفاده از رابطه (۸) مقادیر دروب توان اکتیو بقیه‌ی منابع تولیدی تعیین و مقادیر ویژه و پاسخ زمانی متغیرهای سیستم محاسبه می‌شود.

$$\frac{m_{pi}}{m_{pj}} = \frac{d^2 C_i / dP_{Gi}^2}{d^2 C_j / dP_{Gj}^2} \quad (8)$$

پس از محاسبه‌ی پاسخ زمانی، قیود فنی بررسی می‌شود و اگر ارضا شدن مقادیر دروب تعیین شده جواب نهایی مسئله هستند، در غیر این صورت به اندازه‌ی گام تغییرات  $\Delta m_{pi}$  به مقدار دروب مرجع اضافه شده و مقادیر ویژه‌ی سیستم محاسبه می‌شود. این روند تا جایی ادامه می‌یابد که یا به ازای مقادیر مناسبی از دروب همه‌ی قیود فنی ارضا شوند و یا اینکه مودهای سیستم ناپایدار شوند که به معنی عدم وجود پاسخی مناسب با

#### ۴- نتایج شبیه‌سازی

ریزشبکه‌ی نمونه در شکل (۴) نشان داده شده است. این ریزشبکه متعادل جزیره‌ای دارای سه منبع تولید پراکنده با مبدل الکترونیک قدرت و دو بار مصرفی  $5/8$  kW و  $7/3$  kVA می‌باشد. توان نامی  $18$  kVA برابر DG1 و DG2 و  $DG3$  برابر  $12$  است.

#### ۴-۱- مقادیر ویژه ریزشبکه‌ی نمونه

حالت ماندگار ریزشبکه بدین‌گونه است که DG1 به عنوان شین شناور انتخاب شده و توان مصرفی بطور مساوی بین منابع تولید

جدول(۱): مقادیر ویژه ریزشبكه نمونه

$\lambda_1$	-۶۵۷۷۲۰/۱۰۵ + ۳۱۴i	$\lambda_{12}$	-۱۳۰/۱۶۸ + ۱۷۳۹/۲۸i
$\lambda_2$	-۱۰۹۴۱۱/۹۴ + ۳۱۳/۹۷i	$\lambda_{13}$	-۱۲۲۲/۵۲ + ۱۶۷۰/۹۲i
$\lambda_3$	-۶۴۲۴۰/۱۱۸ + ۳۱۳/۸۴i	$\lambda_{14}$	-۱۱۰/۹/۷۸ + ۱۵۰/۴/۴۷i
$\lambda_4$	-۲۹۶۶/۵۶ + ۷۳۸/۸i	$\lambda_{15}$	-۱۱۴۵/۸۸ + ۱۵۴۸/۵۴i
$\lambda_5$	-۲۸۱۵/۵۹ + ۶۸۴۴/۴۳i	$\lambda_{16}$	-۱۴۵/۰/۲ + ۲۱۱/۰/۴i
$\lambda_6$	-۳۱۲۹/۲۵ + ۴۷۲۰/۲i	$\lambda_{17}$	-۱۳۰/۳/۴ + ۱۵۳/۷۱i
$\lambda_7$	-۲۸۰/۲/۶۱ + ۴۲۴۷/۴۳i	$\lambda_{18}$	-۱۵/۵۴ + ۳۷/۸۷i
$\lambda_8$	-۳۳۵۲/۳۶ + ۲۶۰/۳/۷i	$\lambda_{19}$	-۱/۸۶
$\lambda_9$	-۲۷۲۰/۰/۴ + ۲۰۳۸/۵/۲i	$\lambda_{20}$	-۱۶/۵۳ + ۱۹/۲۲i
$\lambda_{11}$	-۱۲۸۴/۷۵ + ۲۳۵۵/۴/۸i	$\lambda_{21}$	-۲۱/۵۳
$\lambda_{11}$	-۱۱۹۵/۵۲ + ۲۱۰/۴/۵/۱i	$\lambda_{22}$	-۳/۴ + ۰/۰/۱i

توان حقيقى هر سه منبع توليد پراكنده مثبت است بنابراین اين مود بحرانی ترين مود نسبت به تغييرات پارامتر دروب توان اكتيو هست، زيرا با افزایش هر سه دروب توان اكتيو به سمت راست صفحه مختصات حرکت می کند. مجموع ضraigip حساسیت برای مود شماره ۲۰ تقریباً برابر ۱۸۹۵۲ است. همانطور که در شکل (۵) نشان داده شده با افزایش دروب های توان اكتيو مودهای ۱۸ و ۲۰ به سمت راست حرکت نموده اند. مجموع ضraigip حساسیت برای مود ۱۸ نسبت به بقیه مودها بزرگ تر است و بنابراین این مود با افزایش دروب توان حقيقی بيش از بقیه مودها به سمت راست حرکت می کند. مودهای شماره ۱۶، ۱۷، ۱۹، ۲۱ و ۲۲ با افزایش يكسان هر سه دروب توان حقيقی به سمت چپ صفحه مختصات جابجا می شوند. زира مجموع ضraigip حساسیت برای اين مودها مقداری منفی است. ضraigip حساسیت قسمت حقيقی مودهای گروه يك نسبت به پارامتر دروب توان راكتيو در جدول (۳) نوشته شده است.

ضraigip حساسیت مودهای شماره ۱۹ و ۲۱ نسبت به دروب توان راكتيو هر سه منبع توليد پراكنده دارای علامت مثبت است و بنابراین از لحاظ تغييرات دروب توان راكتيو بحرانی ترين مود هستند و مطابق شکل (۶) به سمت راست حرکت می کنند.

رابطه (۹) مقدار ضraigip مشارکت متغير حالت  $k$ am برای مقدار ویژه  $\lambda_m$  را نشان می دهد. در جدول ۴ قدرمطلق ضraigip مشارکت مودهای ۱۸، ۱۹، ۲۰ و ۲۱ نوشته شده است. همانطور که در جدول (۴) مشاهده می شود اين مودها مربوط به متغيرهای حالت توان حقيقی، توان راكتيو و زاویه ولتاژ منابع توليد پراكنده می باشند.

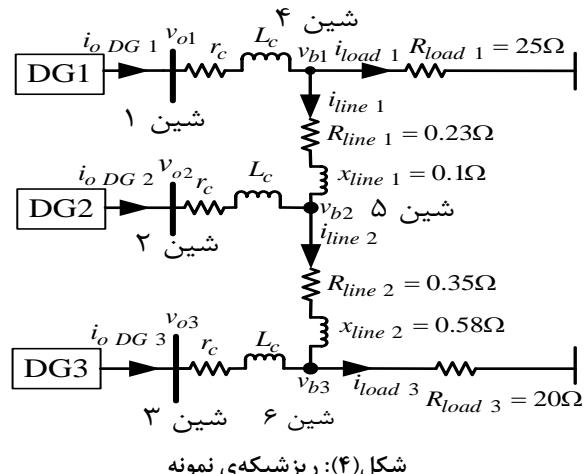
$$P_{ki} = \phi_{ki} \psi_{ik} \quad (9)$$

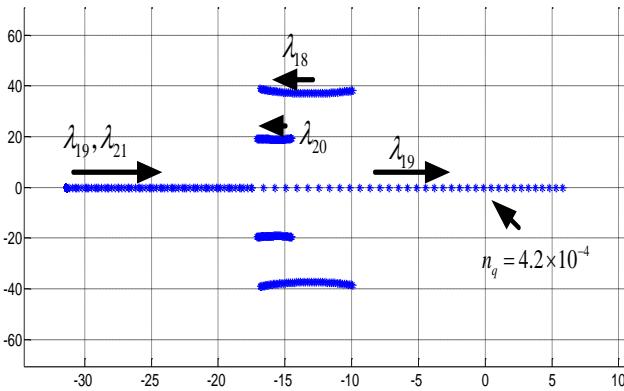
پراكنده تقسيم شده است، بنابراین DG2 و DG3 توان kW ۴/۴۱ را توليد می نمایند. مشخصات الکتریکی منابع تولید پراكنده در مرجع [۱۸] نوشته شده است.

در جدول (۱) تمامی مقادیر ویژه حقیقی و موهومی با فرکانس ثابت نوشته شده است. بطور کلی مقادیر ویژه محاسبه شده به سه گروه تقسيم می شوند. با توجه به مقادیر ضraigip حساسیت، می توان به اين نتیجه رسید که مجموعه مقادیر ویژه گروه شماره یك که قسمت حقيقی آنها بزرگ تر از ۱۴۵ است به پارامترهای کنترل کننده توان حساس می باشند. مقادیر ویژه شماره ۱۶ تا ۲۲ جزء اين گروه هستند. مجموعه مقادیر ویژه گروه شماره ۱ دو که قسمت حقيقی آنها بین ۱۰۰۰ - ۱۵۰۰ است به پارامترهای کنترل کننده ولتاژ و جريان و فیلتر خروجي منبع توليد پراكنده بيش تر حساس می باشند. مقادیر ویژه شماره ۱۰ تا ۱۵ جزء اين گروه هستند و بقیه مقادیر ویژه جزء گروه شماره ۱ سه هستند که به پارامترهای فیلتر LCL منبع توليد پراكنده و سلف خطوط شبکه حساس ترمی باشند.

مودهای گروه يك مودهای غالب می باشند و بنابراین می توان نتیجه گرفت که کنترل کننده توان مهم ترین نقش را در پایداری سیگنال کوچک ریزشبكه و همچنین پاسخ گذاری متغيرهای ریزشبكه ایفا می نماید.

ضraigip حساسیت قسمت حقيقی مودهای گروه يك نسبت به پارامتر دروب توان حقيقی در جدول (۲) نوشته شده است. ضraigip حساسیت مود شماره ۱۸ نسبت به پارامترهای دروب





شکل(۶): جابجایی مودهای ریز شبکه با افزایش دروپ توان راکتیو با فرض  $m_p = 9/4 \times 10^{-5}$

جدول(۲): ضرایب حساسیت قسمت حقیقی مودهای گروه نسبت به پارامتر دروپ توان حقیقی

ضرایب حساسیت نسبت به دروپ توان حقیقی منبع ۱	ضرایب حساسیت نسبت به دروپ توان حقیقی منبع ۲	ضرایب حساسیت نسبت به دروپ توان حقیقی منبع ۳			
S <sub>۱۶</sub>	۱۰۴۵/۶۲۲	S <sub>۱۶</sub>	۴۶۲/۱۷۲	S <sub>۱۶</sub>	-۱۲۲۴۲/۶
S <sub>۱۷</sub>	-۲۷۰۰·۳/۸	S <sub>۱۷</sub>	-۳۳۱۰·۵/۳	S <sub>۱۷</sub>	۳۷۲۷/۳
S <sub>۱۸</sub>	۱۳۳۸۲/۴۹	S <sub>۱۸</sub>	۳۹۶۳۱/۷	S <sub>۱۸</sub>	۵۲۵۵/۱۵
S <sub>۱۹</sub>	-۲۷۴۱/۸۶	S <sub>۱۹</sub>	-۱۴۳۷/۸۲	S <sub>۱۹</sub>	-۳۷۶/۹۸
S <sub>۲۰</sub>	۱۶۴۸۰/۳۵	S <sub>۲۰</sub>	-۵۷۷۷	S <sub>۲۰</sub>	۸۲۵۷/۱۴
S <sub>۲۱</sub>	-۵۰۸۴/۴۴	S <sub>۲۱</sub>	-۹۹۹/۳۴	S <sub>۲۱</sub>	-۹۴۴۹/۴
S <sub>۲۲</sub>	-۳/۲۴	S <sub>۲۲</sub>	-۵/۴۵	S <sub>۲۲</sub>	۹/۰۸

جدول(۴): قدر مطلق ضرایب مشارکت

متغیر حالت \ مود	مود ۱۸	مود ۱۹	مود ۲۰	مود ۲۱
P <sub>۱</sub>	۰/۳۲۴	۰/۰۲	۰/۲۷	۰/۰۶۶
Q <sub>۱</sub>	۰/۱۱	۰/۸۵	۰/۰۶	۰/۲۸۳
P <sub>۲</sub>	۰/۱۵۶	۰/۰۱	۰/۰۷	۰/۰۱۳
Q <sub>۲</sub>	۰/۱۲۸	۱	۰/۰۲	۰/۲۲
δ <sub>۲</sub>	۱	۰/۳۸۵	۰/۰۷۷	۰/۰۰۷
P <sub>۳</sub>	۰/۰۴	۰/۰۰۳	۰/۶۳	۰/۱۲۲
Q <sub>۳</sub>	۰	۰/۰۰۶	۰/۰۷۷	۱
δ <sub>۳</sub>	۰/۰۸	۰/۱۵۵	۱	۰/۰۱

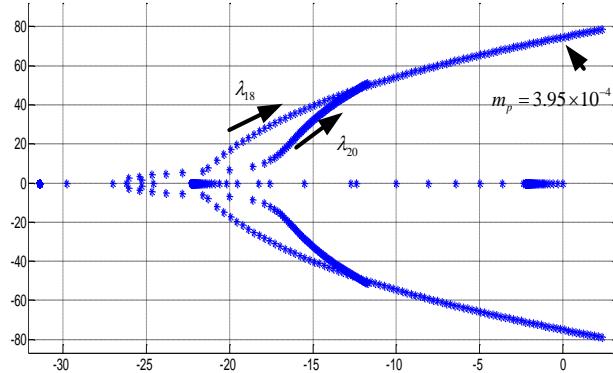
سایر ضرایب مشارکت کوچک‌تر از ۰/۰۱

در مود شماره‌ی ۱۸ ضریب مشارکت مربوط به متغیر حالت زاویه‌ی ولتاژ شین خروجی DG2 بیشترین مقدار را دارد بنابراین متغیر حالت زاویه‌ی ولتاژ شین خروجی DG2 دارای بیشترین تأثیر در این مود است. شکل (۵) این موضوع را تأیید می‌کند. همان‌طور که در این شکل نشان داده شده مود شماره‌ی ۱۸ با تغییر پارامتر دروپ توان راکتیو بیش از همه‌ی مودها جابجا شده و به سمت راست حرکت کرده است.

طبق رابطه (۱۰) تابع درجه دو برای مشخصه‌ی هزینه‌ی منابع تولید پراکنده درنظر گرفته شده که ضرایب آن‌ها در جدول (۵) نوشته شده‌است [۲۰].

$$C_k = a_k \times P_{Gk}^2 + b_k \times P_{Gk} + c_k \quad (10)$$

در جدول (۶) نتایج پخش بار بهینه نوشته شده‌است. در سناریوی اول از روش تکرار پخش بار به همراه توزیع اقتصادی بار استفاده شده است (ED+PF). روند توضیح داده شده برای پخش بار بهینه برای ریز شبکه‌ی نمونه پس از سه تکرار به همگرایی می‌رسد. در تکرار سوم مقادیر بهینه‌ی توان منابع،



شکل(۵): جابجایی موهای ریز شبکه با افزایش دروپ توان راکتیو منابع با فرض  $n_q = ۳/۸۱ \times 10^{-4}$

جدول(۳): ضرایب حساسیت قسمت حقیقی مودهای گروه نسبت به پارامتر دروپ توان راکتیو

ضرایب حساسیت نسبت به دروپ توان راکتیو منبع ۱	ضرایب حساسیت نسبت به دروپ توان راکتیو منبع ۲	ضرایب حساسیت نسبت به دروپ توان راکتیو منبع ۳			
S <sub>۱۶</sub>	-۴۵۳۸/۹۴	S <sub>۱۶</sub>	۲۸۸۲/۵۲	S <sub>۱۶</sub>	-۶۵۷۱/۷۳
S <sub>۱۷</sub>	-۵۳۴۰/۶۷	S <sub>۱۷</sub>	-۱۶۱۲۵/۷	S <sub>۱۷</sub>	۱۰/۱۲
S <sub>۱۸</sub>	-۵۵۶۳/۸	S <sub>۱۸</sub>	-۶۱۱۶/۷۶	S <sub>۱۸</sub>	-۳۸/۲۱
S <sub>۱۹</sub>	۲۸۱۲۷/۳۳	S <sub>۱۹</sub>	۳۳۰۱۲/۷۲	S <sub>۱۹</sub>	۱۹۴/۴۵
S <sub>۲۰</sub>	-۱۵۱۰/۸۳	S <sub>۲۰</sub>	۹۷۳/۹۱	S <sub>۲۰</sub>	-۳۲۶۸
S <sub>۲۱</sub>	۵۳۹۰/۴۷	S <sub>۲۱</sub>	۴۱۰۸/۹۴	S <sub>۲۱</sub>	۱۸۹۸۸/۸۳
S <sub>۲۲</sub>	-۰/۰۲	S <sub>۲۲</sub>	-۰/۱	S <sub>۲۲</sub>	۰/۰۹

است. با این راهبرد می‌توان تا نقطه‌ی کار بعدی که توسط کنترل کننده‌ی مدیریت انرژی ریز شبکه اعمال می‌شود بهره‌برداری ریز شبکه را از لحاظ اقتصادی در حالت بهینه حفظ نمود.

جدول(۵): ضرایب هزینه‌ی منابع تولید پراکنده

$P_n(kVA)$	$a(\text{€}/\text{kWh}^2)$	$b(\text{€}/\text{kWh})$	$c(\text{€})$
۱۸	۰/۰۰۲۰۹	۰/۲۲۵۴	۳/۴۲۸
۱۲	۰/۰۰۳۰۲۶	۰/۲۲۷۸	۵/۷۲۲

جدول(۶): نتایج پخش بار بهینه

	سناریوی اول ED+PF	سناریوی دوم OPF
$P_1(\text{kW})$	۵/۸۹۷	۵/۵۸۵
$P_2(\text{kW})$	۳/۶۷۷	۳/۴۶۹
$P_3(\text{kW})$	۳/۶۷۷	۴/۱۰۲
هزینه (€)	۱۸/۰۳۰۹۲	۱۸

جدول(۷): محدوده مجاز قیود فنی

$\Delta f_{\max}$ (Hz)	$\gamma_{\min}$ (%)	$t_s \max$ (sec)	$t_r \max$ (sec)
۰/۱	۳۰	۰/۵	۰/۲

جدول(۸): مقادیر شاخصه‌های فنی ریز شبکه‌ی نمونه با انتخاب

دروپ‌های بهینه برای سناریوی دوم			
	منبع ۱	منبع ۲	منبع ۳
۰/۳۹	۰/۴۸	۰/۳	زمان نشست (sec)
۰/۱۶	۰/۰۸۹	۰/۰۳۷	زمان اوج (sec)
۳۴			درصد حداقل ضریب میرالی
۴۹/۹۶۲			فرکانس حالت ماندگار (Hz)

جدول(۹): مقایسه‌ی هزینه‌ی بهره‌برداری در دو حالت دروپ بهینه و دروپ‌های با هم برابر

افزایش ۵۰٪ بار مصرفی	حالت ماندگار اولیه	
انتخاب	انتخاب	
دروپ‌های	دروپ‌های	
بهینه		
$8/8 \times 10^{-5}$	$8/8 \times 10^{-5}$	$m_{p1}$
$8/8 \times 10^{-5}$	$12/7 \times 10^{-5}$	$m_{p2}$
$8/8 \times 10^{-5}$	$12/7 \times 10^{-5}$	$m_{p3}$
۷/۷۵۴	۸/۳۰۴	$P_1(\text{kW})$
۵/۶۲۸	۵/۳۵۴	$P_2(\text{kW})$
۶/۲۶۱	۵/۹۸۶	$P_3(\text{kW})$
۱۹/۶۶۸	۱۹/۶۶۶	هزینه (€)

شکل (۷) درصد خطای هزینه‌ی بهره‌برداری ریز شبکه به ازای انتخاب دروپ‌های بهینه را برای بارهای مصرفی مختلف

مقادیر حالت ماندگار توان راکتیو منابع و دامنه و زاویه‌ی ولتاژ شین‌ها که برای مدل‌سازی فضای حالت سیگنال کوچک نیاز است بدست می‌آید. در سناریوی دوم از روش پخش بار بهینه‌سازی مستقیم (OPF) استفاده شده است که یک مسئله‌ی بهینه‌سازی غیرخطی است و در نرم‌افزار GAMS نوشته و توسط موتور حل کننده‌ی CPLEX حل شده است. سناریوی دوم بهتر است و این بدیهی است زیرا یک مسئله‌ی غیرخطی بهینه‌سازی شده که همه‌ی قیود پخش بار بهینه مانند: قید حد مجاز ولتاژ شین‌ها را بصورت یکجا در نظر گرفته است. همچنین در مدل پخش بار سناریوی اول، در هر تکرار مقدار تلفات توسط شین مرجع جبران خواهد شد که با توجه بهتابع هزینه ژنراتور شین مرجع، ممکن است اقتصادی ترین حالت نباشد و به همین دلیل از جواب بهینه‌ی واقعی دور خواهیم شد. بنابراین بهره‌برداری اقتصادی زمانی حاصل می‌شود که مجموع بار مصرفی و تلفات ریز شبکه همزمان بصورت اقتصادی تأمین شوند که در سناریوی دوم این امر اتفاق می‌افتد. محدوده‌ی مجاز قیود فنی برای ریز شبکه‌ی نمونه در جدول (۷) نوشته شده است. با اجرای الگوریتم پیشنهادی، به ازای افزایش ۵۰٪ بار نامی ریز شبکه مقادیر دروپ نوشته شده در زیر حاصل می‌شود. با دروپ‌های تعیین شده همگی قیود فنی ارضاء می‌شود و همچنین بهره‌برداری ریز شبکه در حین تغییرات بار مصرفی در حالت اقتصادی باقی می‌ماند.

$$m_{p1} = 8.8 \times 10^{-5} \quad (\text{rad/sec.W})$$

$$m_{p2} = 1.27 \times 10^{-4} \quad (\text{rad/sec.W})$$

$$m_{p3} = 1.27 \times 10^{-4} \quad (\text{rad/sec.W})$$

در جدول (۸) مقادیر شاخصه‌های فنی پاسخ فرکانس هر سه منبع تولید پراکنده با استفاده از شبیه‌سازی زمانی در سیمولینک برای سناریوی دوم جدول (۶) نوشته شده است. پاسخ زمانی گذرای فرکانس DG3 بیشترین سرعت را دارد. با تغییر ۵٪ بار مصرفی فرکانس حالت ماندگار ۴۹/۹۶۲ هرتز خواهد شد که در محدوده‌ی مجاز است.

جدول (۹) نشان دهنده‌ی اهمیت مقدار دروپ در هزینه‌ی بهره‌برداری ریز شبکه با تغییر بار مصرفی در طول بازه‌ی زمانی ارسال نقاط کار از سوی کنترل ثالثیه است. در سناریوی اول این جدول، مقادیر دروپ بهینه و در سناریوی دوم مقادیر برابر برای دروپ‌ها انتخاب و هزینه‌ی بهره‌برداری ریز شبکه به ازای افزایش پله ۵٪ بار مصرفی نامی محاسبه شده است.

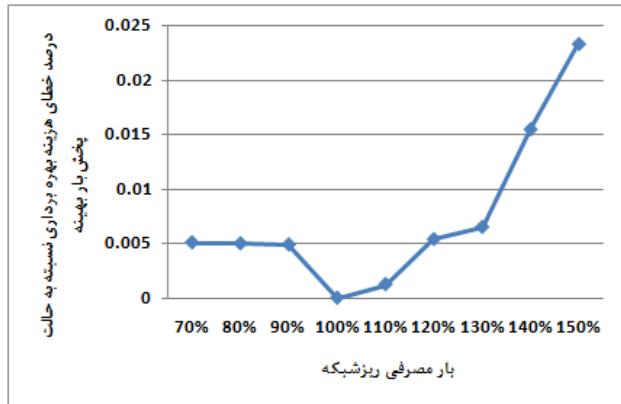
در جدول (۹) همان‌طور که دیده می‌شود با انتخاب بهینه‌ی دروپ طبق رابطه‌ی (۸)، مقدار هزینه‌ی بهره‌برداری بهینه شده

پارامتر دروب با توجه به افزایش مقاومت خطوط و افزایش پابستگی توان اکتیو به ولتاژ می‌بایست جهت مطالعات دقیق‌تر بررسی گردد. قیود فنی دیگر مانند نرخ تغییرات توان واحدها و داشتن مقداری ظرفیت ذخیره در اثر تغییر بار مصرفی واحدها را نیز می‌توان به عنوان قیود جدید درنظر گرفت و به مدل پیشنهادی اضافه کرد.

## مراجع

- [1] Katiraei, F., et al., "Microgrids management," IEEE Power and Energy Magazine, vol. 6, no. 3, pp. 54-65, 2008.
- [2] Barklund, E., et al., "Energy management in autonomous microgrid using stability-constrained droop control of inverters," IEEE Trans. Power Electron., vol. 23, no. 5, pp. 2346-2352, 2008.
- [3] Hernandez-Aramburu, C., et al., "Fuel consumption minimization of a microgrid," IEEE Trans. Ind. App., vol. 23, no. 5, pp. 673-681, 2008.
- [4] Li, Yan and Yun Wei Li, "Power management of inverter interfaced autonomous microgrid based on virtual frequency-voltage frame," IEEE Trans. Smart Grid, vol. 2, no. 1, pp. 30-40, 2011.
- [5] Arboleya, P., et al., "An improved control scheme based in droop characteristic for microgrid converters," Electric Power Systems Research, vol. 80, no. 10, pp. 1215-1221, 2010.
- [6] Rocabert, Joan, et al., "Control of power converters in AC microgrids," IEEE Trans. Power Electron., vol. 27, no. 11, pp. 4734-4749, 2012.
- [7] Katiraei, F., et al., "Microgrid autonomous operation during and subsequent to islanding process," IEEE Trans. Power Del., vol. 20, no. 1, pp. 248-257, 2005.
- [8] Katiraei, F., and Iravani, M., "Power management strategies for a microgrid with multiple distributed generation units," IEEE Trans. Power Syst., vol. 21, no. 4, pp. 1821-1831, 2006.
- [9] Katiraei, F., et al., "Small-signal dynamic model of a micro-grid including conventional and electronically interfaced distributed resources," IET Generation, Transmission & Distrib., vol. 1, no. 3, pp. 368-378, 2007.
- [10] De Brabandere, K., et al. "A voltage and frequency droop control method for parallel inverters," IEEE Trans. Power Electron., vol. 22, no. 4, pp. 1107-1115, 2007.
- [11] Ahn, Seon-Ju, et al., "Power-sharing method of multiple distributed generators considering control modes and configurations of a microgrid," IEEE Trans. Power Del., vol. 25, no. 3, pp. 2007-2016, 2010.
- [12] Zhao-xia, Xiao, and Fang Hong-wei, "Impacts of Pf & QV Droop Control on MicroGrids Transient Stability," Physics Procedia, vol. 24, pp. 276-282, 2012.

نشان می‌دهد. برای این منظور یکبار پخش‌بار بهینه برای بارهای مختلف از سوی کنترل کننده مدیریت انرژی ریزشبکه انجام شده و یکبار هم با استفاده از مدل‌سازی ریزشبکه در سیمولینک و شبیه‌سازی زمانی به ازای دروب‌های بهینه، مقدار توان تولیدی منابع و فرکانس ریزشبکه برای بارهای مختلف مصرفی در طول بازه زمانی ارسال نقاط کار جدید تعیین و درصد خطای هزینه نسبت به هزینه‌ی پخش‌بار بهینه محاسبه شده است. همان‌طور که دیده می‌شود هر چه بار مصرفی از مقدار نامی دورتر می‌شود، مقدار درصد خطا افزایش می‌یابد و تقریب روابط (۶) و (۸) کاهش می‌یابد.



شکل (۷): درصد خطای هزینه‌ی پخش‌بار بهینه با تغییر ناگهانی بار مصرفی ریزشبکه نسبت به هزینه‌ی پخش‌بار بهینه

## ۵- نتیجه‌گیری

در این مقاله مشاهده گردید که پارامترهای دروب تأثیر به سزاوی در پایداری سیگنال کوچک و پاسخ دینامیکی متغیرهای ریزشبکه دارد. بدین‌گونه که با افزایش پارامتر دروب توان اکتیو و راکتیو، سیستم به مرز ناپایداری می‌رسد. مودهای کنترل کننده‌ی توان نزدیک‌ترین مودها به مبدأ هستند، لذا مهم‌ترین مودها در پایداری و پاسخ دینامیکی سیستم می‌باشند. چنانچه نقطه‌ی کار منابع تولید ریزشبکه صرفاً از منظر اقتصادی محاسبه شود، امکان ناپایداری و یا نداشتن پاسخ دینامیکی مطلوب وجود دارد. لذا با استفاده از مدل پیشنهادی علاوه بر جنبه‌ی اقتصادی، با انتخاب دروب مناسب می‌توان پاسخ دینامیکی ریزشبکه را بهبود بخشد. با انتخاب صحیح دروب در ریزشبکه، هزینه‌ی بهره‌برداری ریزشبکه با تغییر بار مصرفی همواره در حالت بهینه اقتصادی قرار می‌گیرد و قیود فنی هم ارضاء می‌شوند.

ریزشبکه معمولاً دارای نامتعادلی زیادی است که در این تحقیق درنظر گرفته نشده است، لذا برای شبیه‌سازی‌های دقیق‌تر باید این موضوع را درنظر گرفت. هم‌چنین نحوه‌ی تعیین بهینه‌ی

$F$	بهره‌ی مسیر پیش‌روی جریان در کنترل کننده‌ی ولتاژ
$\varphi_{dqi}$	متغیرهای حالت کنترل کننده‌ی ولتاژ
$\gamma_{dqi}$	متغیرهای حالت کنترل کننده‌ی جریان
$P_{ki}$	ضریب مشارکت متغیر حالت $k$ ام در مود $i$ ام
$\psi_{ik}$	درایه $k$ ام بردار ویژه‌ی چپ مود $i$ ام
$\phi_{ki}$	درایه‌ی $k$ ام بردار ویژه‌ی راست مود $i$ ام

- [13] Majumder, Ritwik, et al., "Improvement of stability and load sharing in an autonomous microgrid using supplementary droop control loop," IEEE Trans. Power Syst. vol. 25, no. 2, pp. 796-808, 2010.
- [14] Divshali, P.H., et al. "Decentralized Cooperative Control Strategy of Microsources fo Stabilizing Autonomous VSC-Based Microgrids," IEEE Trans. Power Syst. vol. 27, no. 4, pp. 1949-1959, 2012.
- [15] Divshali, P.H., et al. "A Novel Mukti-Stage Fuel Cost Minimization in a VSC-Based Microgrid Considering Stability, Frequency, and Voltage Constraints," IEEE Trans. Power Syst. vol. 28, no. 2, pp. 931-1939, 2013.
- [16] روح‌الامینی، مهدی، رشیدی‌نژاد، مهدی، "تدارک همزمان انرژی و ذخیره کنترل فرکانس اولیه با درنظر گرفتن محدودیت گرفتگی خطوط"، نشریه مهندسی برق و الکترونیک ایران، سال نهم، شماره دوم، پاییز و زمستان ۱۳۹۱.
- [17] جلال آبادی، اسماعیل و رحیمی‌کیان، اشکان، "بهره‌برداری بهینه و مدیریت ریسک یک ریز شبکه متصل به شبکه"، نشریه مهندسی برق و الکترونیک ایران، سال یازدهم، شماره اول، بهار و تابستان ۱۳۹۳.
- [18] Pogaku, N., et al., "Modeling, analysis and testing of autonomous operation of an inverter-based microgrid," IEEE Trans. Power Electron., vol. 22, no. 2, pp. 613-625, 2007.
- [19] Wood, Allen J. and Wollenberg, Bruce F., "Power generation, operation, and control," John Wiley & Sons Publishing, 2012.
- [20] Parisio, A. and Glielmo, L., "A mixed integer linear formulation for microgrid economic scheduling," IEEE Inter. Conf. Smart Grid Comm., pp. 505-510, 2011.

#### پیوست الف:

$\delta$	زاویه ولتاژ شین خروجی منبع تولید پراکنده
$m_p$	دروپ توان حقیقی- فرکانس
$n_q$	دروپ توان راکتیو- ولتاژ
$K_{pc}$	ضریب تناسبی کنترل کننده‌ی جریان
$K_{ic}$	ضریب انتگرالی کنترل کننده‌ی جریان
$K_{pv}$	ضریب تناسبی کنترل کننده‌ی ولتاژ
$K_{iv}$	ضریب انتگرالی کنترل کننده‌ی ولتاژ
$\omega_{com}$	فرکانس چارچوب گردان مرجع
$\omega_o$	فرکانس حالت ماندگار چارچوب گردان محلی
$\omega^*$	فرکانس مرجع
$\omega_c$	فرکانس قطع فیلتر پایین‌گذر توان

